

حدلة يامن عرف بكال الوصفيه موتنزه عن التشديه والجسمية اكل واجب قام بحقه اللسان واحسن حلية يتحلى بها الانسان واجل ممدود من افواه المحابر واحسن مرسوم في صدورالدفاتر وشكرلة بإذا النعمة والعطاء محلمة لزيادة الا لاء فسحانك بامحورالدفاتر وشكال المحلوقات ومزين مساقط الغيب بانواع النبات وحافظ الطير في الفراغ من السقوط وممسك السماء بلاعد عن الهبوط ارسيت الجبال على مستوى الغيراء وزينت بالانجم الزهر محيط الجرياء نسألك بإذا العزة الساهرة والقدرة التامة القاهرة انتصلي على مركزد ائرة الحسك مال نبيك المدوث في خيراً ل محد القاطع المرتب الحداد رؤس اهل الشرك والعناد صلى الله عليه وسلم وشرف وكرم بالمبترا لحداد رؤس اهل الشرك والعناد صلى الله عليه وسرف وكرم وعظم وعلى آله الذين اقاموا عود الدين بمستقيم الحجيج والبراء بن

مااستمان الضياء ودرجت الظياء وتلونت الحرياء في هاجرة المداء (وبعد) فالرياضة غذا الارواح ومناط جل مصالح الاشماح يها كال النفوس النسرية واصلاح كلخلل مملحكي ورزية فهي عندالعقلا اجل صناعه ير بحسعيه من اتحذها بضاعه بلبها تردادالقوة العاقلة وتقوى في مدان المناضلة لكونها غبرطنية الدلائل فلايؤثر فيهاسهم المناضل بلهي قطعية البراهين مؤسسة على المشاهدة واليقين ولابيعــد ان تكون سبيا للنحاح ومجلمة لرضباء الفتاح لانبها صلاح العماد وزوال مايعتريهم إمن ضروالعنباد وبالجسلة فهي بكل ثناء حربه الاسميا المهندسية الوصفيه التي هي لغة المهندس ولسانه من عرفها حل عند العقلاء مكانه ومن لم يعرفها لم يعرف رسما ومن كان في هده اعبي فهوفي الأخرة اعبى فلا عكنه وصف مشاهد سواء تقارب منه اوساعد هذا ومن جلة مأاسطه فى سلائ التعريب وتداولته ايدى التصميم والتهذيب كتاب في هدا الفن جديد الاعمال حسن الترتب لس له مثال ترجه الماهي اللمب والعاقل الاريب صاحب الاخلاق الحسان ابراهم افسدى رمضان ولما اكل تعريبه وتدريسه في مدرسية الهندسة النفسيم المهندسجانة الحدوية معدن النفائس الرياضية تداولته ايذى التصميم ونقعته غاية التنقيم فقابله على اصله الفرنساوى من هوالمهارة حاوى صاحى الذي أثق به ودليل حسن افندى المصحر الجبيلي فاطلق عنان قلمه فيه وصحعه وامعن نظره في ا ترجته واصلحه تتم وصل الى يدراجى غفر الاوزار ابراهيم الدسوقى عبدالغفار فهذب عباراته ومبانيه وحرر بعد السؤال معانيه وبذل فسده غابه المجهود ونظمه نظم اللالى فى العقود مع مقابله الشانى ومترجه الاقل لكون مذلك اتقن واكمل ولا يلزم على تحسن مسناه الاخلال شيئ من معناه كان ذلك بامر من مجيبه السعد بلبيك سعادة اميراللواء ادهم سك لازال محفوقا بالالطاف الخفية مشمولا بالاستعافات الداورية وفا بواجب خدمة صاحب السيادة والعطايا المورثة للسعادة من ملك

جوده رقاب العباد وعم كرمه منهما الحاضر والباد رب الفطنة القوية والرأى العلى ولى نعمنا الحاج محد باشاعلى ابدالله بمنه وكرمه دولت وسدد بقهره وقوته صولته ولازال مسعود الاوقات دائم الحظوظ والمسرات مجاب المنادى مصحبوت المعادى بجاه من ركب البراق وارتقى السبع الطباق ولماتها التمام ولبس وشاح الختام وسمته باللاكل البهية فى الهندسة الوصفية وقد آن ان نشرع فى المقصود فنقول بعون الله الملك المعبود

المهندسة العادية تبين تبيينا تاما الوضع النسبي لاجزاء شكلما كائنكله في مستو واحد لكنها غيركافية في بيان العمليات اللازم اجراؤها في الفراغ كايظهر ذلك المثلة سهلة جدا

ومن المعلوم ان بعد نقطة عن مستوى بقدر بالعمود النازل من هذه النقطة على هذا المستوى لكن كرفية ببين انجاه هذا العمود وكيفية تعين نقطة نقابله بالمستوى لا تنحلان بالمندسة العادية لان طرقها الرسمية غيركافيسة في ذلك فلذا لزم استعمال طرق خصوصية تتعلق معرفتها بالمهندسة الوصفية فعلى هذا تعريف المهندسة الوصفية بان الغرض منها معرفة رسم ذى الثلاثة ابعاد على فرخ من ورق ذى بعدين فقط غيرضواب لان هذا الغرض ليس الاجزما واهيا منها فاتها زيادة عن ذلا تبين طرق بحث يصع قطبيقها مع الفائدة التامة على جيم المسائل العملية للوضع النسبى وبالتعليلات الجرية يمكن حل المسائل النسب الميترية وبالجلة فبمعموع هدنين الفرعين الرياضيين يمكن حل اى مسئلة كانت

وقد قال المهندس مني في الهندسة الوصفية انهالغة المهندس فلابدله حينتذ من معرفة قرآءة لغته وكتابتها

ثمان جيع اشغال المهندس لا تخرج عن مسئلتن

الاولى الوصف اعنى رسم صورة جسم اوعدة اجسام على فرخ ورق بحيث

وكن تكوينها فبما برادتكو بنهافيه من المحال

الثانية التصوراى اله بعد تخيل جسم اوعد قاجسام يعمل رسمه المجيث يمكن ابرازها خارجا بالضبط بواسطة هذا الرسم

(7)

مق تحرك مستو او اى سطح كان لا يعتر به تغير في جزء من اجزائه ولا في اوضاع النقط بالنسبة الى بعضها ولا في اوضاع خطوطه في وقت تمامن او قات الحركة ولا في مقاد بر الزوايا الحيادثة بين خطوطه ولا في طول خطوطه المحدودة ومتى دورمستو حول خط نقياطعه بمستو آخر حتى اتحد معه يقال لذلك انطبيا في المستوى الاول على الثياني وهذه العملية تذكر ركثيرا في الهندسة الوصفية المحدويل بعض تراكيب على فرخ من ورق لم تكرركثيرا في الهندسة الوصفية باعتبارات اخرى كثيرة الفائد و

* (في سيان النقطة) *

(٣)

متى امكن ایجادجیع نقط ای جسم اوسطے او خط بواسطة معالم علم الجسم اوالسطے او الخط فیصب حیبت نقبل کل شئ معرفة شوت وضع ای نقطة فی الفراغ پر ویستعمل اللا عدة طرق نشر حما فیما بعد اسملما هو اعتبار مستوین بته اطعان فی زوایا فائمة کا فی (شکل ۱) خرض احدهما ق ق افتیا والا خر ر ر رأسیا و خط تقاطعهما خ ض یسمی بخط الارض و کل من هذین المستویین اللازم تصورهما ممتدین الی غیرنه ایه بقطع الا خرالی جزئین او جمهتین یسمی الجزئ خ ض ق من المستوی الا فق الکائن امام الرأسی بالجزئ المقدم والجزئ خ ض ق من المستوی الا فق الرأسی یسمی بالجزئ المقدم والجزئ خ ض و من المستوی الرأسی یا الجزئ المقدم والجزئ خ ض ر من المستوی الرأسی الکائن خلف المستوی فوق المستوی الافق یسمی بالجزئ الاعلی والجزئ خ ض ر من المستوی الرأسی الکائن فوق المستوی الافق یسمی بالجزئ الاعلی والجزئ خ ض ر الموجود اسفاله فوق المستوی الافق یسمی بالجزئ الاعلی والجزئ ح ض ر الموجود اسفاله یسمی بالجزئ الاسفل و یت و نادیضامن هذین المستوی بن اردم زوایا زوجیه و یسمی بالجزئ الاسفل و یت و نادیضامن هذین المستوی بن اردم زوایا زوجیه و یسمی بالجزئ الاسفل و یت کار در الموجود اسفاله یسمی بالجزئ الاسفل و یت و نادیضامن هذین المستوی بن اردم زوایا زوجیه و یسمی بالجزئ الاسفل و یت و نادیضامن هذین المستوی بن اردم زوایا زوجیه و یسمی بالجزئ الاسفل و یت ایستوی بالون و نادیضامن هذین المستوی بالون و نادی بالون و نادیضامن هذین المستوی بالون و نادی بالون و نادیم بالون و نادی بالون و نادیم بالون و نادیم

تميزياسما الاجزآ المكونة هيمنها

فالزاوية ق خ ض ر تسمى الزاوية المقدمة العلياوير من الها بالرمن مع والزاوية ق خ ض ر تسمى الزاوية المؤخرة العلياوير من لها بالرمن خع والزاوية ق خ ض ر تسمى الزاوية المؤخرة السفلى ورمن ها والزاوية ق خ ض ر تسمى الزاوية المقدمة السفلى ورمن ها م س

()*

اذا تقرر ذلك يقال اذا انزلنا من النقطة الفراغية م عودا م و على المستوى الافقى ق ق تسمى النقطة و التي هي اثر هذا الخط بمسقط النقطة م الافتى والعمود م و بالخط المسقط اقفيا للنقطة م وكذلك اذا آنزلنا مع على ررك يكون الاثر ع لهذا المستقيم مسقط النقطة م الراسي ويكون خط عم الخط المسقط وأسيا للنقطة م

(°)

اذا امر مستومن م و مع یکون الشکل م و وع الکائن فی هذا المستوی بالضرورة مستطیلاویکون المستوی زیادة عن ذلك عود ا علی ق ق ق وعلی در می فینتج اولا ان البعد م و ای من النقطة م الی المستوی الافق بساوی البعد ع و ای من مسقطما الراسی الی خط الارض

وثانيا ان البعد مع اى من النقطة م الى المستوى الرأسى يساوى البعد و اى بعد المسقط الافقى عن خط الارض

وثالث اذا انزلنامن مسقطى نقطة واحدة عمودين على خطالارض فأنهما يقطعانه في نقطة واحدة

(7)

المسقطان ﴿ وَ عَ النقطة م يعينان موضعها في الفراغ وذلك ان

النقطة وجدعلى عود المستوى ق ق القائم من المسقط الافتى ه على العديساوى وع فحينئذ اذا اخذ بعد هم = وع تكون النقطة م هى النقطة المطلوبة وتقصل ايضا بأخذ عم = وه على عمود فائم من النقطة ع على المستوى الرأسي ر ر و بألجلة فالعدمودات القائمان من النقطة ع على المستويين ق ق و ر ر كونان في مستووا حد فحينئذ يتقاطعان في المنقطة م التي مسقطا ها بكونان في مستووا حد فحينئذ يتقاطعان في المنقطة م التي مسقطا ها

۵, ع

(Y)

وتنعدين النقطة اذا كانت على مستقين اوعلى مستقيم ومستو وبهده الكيفية تنعين النقطة دائما لان معنى تعدين مسقطى نقطة ماكون النقطة على مستقين عودين على مستويى المسقط ومارين من المسقطين المعلومين

(^)

وقداعتبرنافيا ذكر مستو بين فلنجو بل التراكيب على فرخ الرسم يفرض ان المستوى الرأسي ركر بدود حول خط الارض خ ص كاب بدود على عقبه حتى ينطبق الجزء الاهلى خ ص ر على الجزء الموخر خ ص ق والجزء الاسفل خ ص ر على الجزء المقدم خ ص ق والجزء الاسفل خ ص ر على الجزء المقدم خ ص ق

وبهذه الحركة يتعرف المسقط الرأسي ع وكذلك خط وع فينطبق في وك على امتداد هو جيث اله بعد الطباق المستوى الرأسي على المستوى الافق يحكون المسقطان ه ك لنقطة واحدة فراغية على عود واحد على خط الارض فن ذلك ينتج ان كل تقط تين منتخب ين اختيارا لا يدلان على مسقطى نقطة واحدة فراغية الاان كاتباعلى عود واحد على الخط الارض

(9)

١٠٠١) ﴿ اللهِ اللهِيَّالِي المِلْمُ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِي اللهِ المَّامِي المِلْمُ المَّامِي المَّامِي ال

ولنرمن من الآن فصاعدا الى اى نقطة فراغية بحرف صغير من حروف الهجاء واستطيرا بعين هذا الحرف موضوعا فوقه حرف و ان كان المسقط افقيا و ان كان المسقط رأسيا

فالنقطة م الفراغية مثلا يرمن لمسقطها الافق بالرمن م والراسي م انظر (الشكل؟) وتعين اى نقطة في الهندسة الوصفية بمسقطها والنقطة المعلومة هي النقطة المعلوم كلمن مسقطها الافق والرأسي ومتى طلب ايجاد نقطة فراغية فالمراد ايجاد مسقطها

ومتى وصف اى شكل فراغى وجب رسمه حالاعلى فرخ الرسم وبالعكس اى انه متى وجدرسم اى شكل لزم تصوره فى الفراغ ومن ثم متى علم مساقط اى نقطة وجب ان يتصوره وضعم الفراغى وبالعكس اى متى علم موضعم الفراغى وجب ان يستنتم منه حالا وضعاء سقطه ما

* (في سان اوضاع النقطة) *

('')

النقطة يمكن ان تشغل عدة محال فراغية يدل عليها باوضاع مسقطيها بالنسبة للط الارض كايدل على الاوضاع المذكورة فى الهند سة التحليلية بعلامات ومقاد برانا طوط الاحداثية ولنذكر الاوضاع منقول

(اقرلا) اذا كانت النقطة في احدى الزوايا الاربع الزوجية الحادثة من مستويي المسقط يسمل مشاهدة وجود مسقطها على الجزئين المصحونين لهذه الزواية من المستويين وتتضم اوضاعها الاربع التي تذخلها في هذه الحيالة من النسكل (٣)

(ثانيا) اذاكانت النقطة على احده سستو في المسقط فلاوسقط لها على هذا المستوى الا نفسها وامامسقطها الا خرفيكون بالضرورة على خط الارض ولذلك اربع حالات تظهر لله من المسكل (٤) المبين فيه انه لاعلامة فوق رمن النقطة ليدل ذلك على النقطة هي التي على المستوى لا احدمسقطيها

(ثالثا) اذاكانت المنقطة على خط الارض فلامسقط لها الاهي واذا لم يكتب بجوارها الاحرف م فقط كاهومبين في (الشكل) (رابعا) اذاكانت النقطة في احدى الزوايا الاربع الزوجية امكن ان تكون على بعد واحد من مستويي المسقط اى انه يحكن ان يكون وم = وم انظر (الشكل) و (بنده) ومتى كان المسقطان في جهة واحدة من جهتى خط الارض انطبقا على بعض ما واذلك حالتان مبينتان في (المشكل ٦) ومن هناينتج

اقلاان جيع النقط الممتازة المساقط والمتساوية البعد عن خط الارض توجد على المستوى القاسم الزاويتين م ع و خس الى قسمين متساويين وثانيا ان كل نقظة اتحد مسقط ماهما توجد على المستوى القاسم الزاويتين في م س الى قسمين متساويين

* (في سيأن المستقيم) *

(11)

اذا انزلنا من جميع تقط مستقيم اعدة على المستوى الافق تكون اثارهااى مواقعها المساقط الافقية النقط المستقيم ويكون الخط الجامع لها المسقط الافق المستقيم وتكون جميع هذه الاعدة في مستو واحد عود على المستوى الافق ويكون تفاطعه مع هذا المستوى مسقط المستقيم وكذا يقال في سقوطاى مستقيم على مستومًا خطا مستقيم على مستومًا خطا مستقيم

وكيفية تحصيل مسقطى مستقيمان بمربهذا المستقيم مستويان عودان على مستويى المسقط يسمى احدهما بالمستوى المسقط افقيا للمستقيم والاتنر بالمستوى المسقط وأسياللمستقيم

(11)

ولنرمز من الآن فصاعدا لاى مستقيم فراغى بحرف كبيرولسقطيه بعين المرف المذكور موضوعا عليه حرف و ان كان المسقط افقيا و رانكان المسقط وأسيافرمزى و و بدلان على المسقط بالافتى فالرأسي للمستقيم و كافى (الشكل)

وقدير مزالمستقيم بنقطتين من نقطه لكن المستقيم المحدد الطول يرمزاليسه داعًا بنقطى نهايتيه

(17)

ای مستقیم بتعین علی العموم بمسقطیه لائه ادااقیم من و مستو عود علی المستوی الافق و من و اخرعود علی المستوی الرأسی بوجد المستقیم و علی هذین المستویین معافیکون بالضرورة خط تقاطعهما و من هناینج ان المستقیم العلوم بمسقطیه بعلم حقیقة بالمستویین حیث آنه خط تقاطعهما و بتعین این مستقیم تعینا تا ما بنقطتین من نقطه لا نهما بعینان نقطتین من کل من مسقطیه

ولنعتبراء تبارا زائدا من قط المستقيم النقطتين اللتين يقطع فهما المستقيم المذكور مستويى المسقط ويسميان ماثرى المستقم لانهما صالحنان كل الصلاحية لتعيين المجاهه

(1 1)

*(المسئلة الاولى) * اذا كان المعلوم الرى مستقيم والمطلوب ا بجاد مسقطيه يقال

اذافرض ان الاثرالانتي للمستقيم د و سه اثره الرأسي كمافي الشكل (٧) يكون أو سه على خط الاوض افظر (ثانياً من غرة ١٠) وعلى العمودين النيازلين على هنذ الناط من النقط تسين أن أو سه الطربند (٨) ومن هنا بتعصل نقطت الله و سهن و

واخريان سرو أ من و فهذا يعلم المسقطان *(١٠)*

* (المسئلة الثانية) * اذا كان المعلوم مسقطى مستقيم والمطلوب الجاداثريه مقال

حیث ان الاثر الافق کے مانی (شکل ۷) علی المستقیم و والمستوی الافق یوجد مسقطمه الرأسی بالضرورة علی و وعلی خ ش فیکون حینئذفی ا و تکون النقطة ا هی مسقط نفسه الافق فتکون حینئذعلی و وعلی عمود واحد علی خط الارض مع ا ای انه یکون فی نقطة تقاطع و وعلی المستوی هذین المستقیمن ا و کذلا اذا کان الاثر الرأسی علی و وعلی المستوی

الرأسي بكون مسقطة الافق في واما النقطة نفسها فتكون في رومن هذا بنتج انه يلزم لا يجاد اثر مستقيم ان يمد المسقط المخالف للاثر في الله خط الارض وان يمام من نقطة التقابل عود على الخط المذكور فتكون نقطة تقاطعه مع المسقط الا خر الاثر المطلوب

(17)

قد لا ينعصر المستقيم الممتدالى غيرنها يه في زاوية واحدة وحينشذ يكون الجزء السكائن في الزاوية م ع مشاهدا لكن كل ما يكون منه خلف المستوى الرأسي اواسفل الافقي و عنه أباحدهذين المستويين وسين ذلك على الشكل بطريقة رسم مساقط اجزاء هذا المستقيم وقد اصطلح على رسم مسقطى جزء الجزء المحصور في الحدى الزوايا الثلاث الاخر بخطين نقطيين ذواتى نقط المستقيم المحصور في احدى الزوايا الثلاث الاخر بخطين نقطيين ذواتى نقط مستطيلة كايظهر ذلك من الشكال الامثله الاترم بخلاف مسقطه الرأسي فانة يكون مسقطه الافتى تحت خط الارض بخلاف مسقطه الرأسي فانة يكون مسقطه الراسي في المناهد فانة يكون في قد

اكن لايليق هذا الاصطلاح الا بالنطوط الاحليه من الشدكل اعنى الخطوط غيرالاحلية الخطوط غيرالاحلية فتنقسم

* (اولا) * الى الخطوط المساعدة وهى وان لم تكن من جلة الخطوط الاصلية لمهاوقع عظيم فى الشكل وترسم بخطوط متقطعة بمعنى انها مكونة من اجزاء مستقية متفاصلة بنقطة الوعدة نقط وتسبى بالخطوط المركبة

* (وثانيا) * الى خطوط العمل وقد تسمى بعطوط السقوط وتعتبر عدمية لقلة نفعها في الرسم وترسم بخطوط نقطية مكونة من اجراء اصغروا دق من الاجزاء الداخلة في تركيب الخطوط المساعدة

وقد يوجد زيادة على اجزاء الشكل الخبأ عستوبى المسقط اجزاء اخر يمكن ال تكون مخبأة باجزاء الشكل الامامية اكن اعدم تكثير خطوط الشكل النقطية المنز بوضوحه تفرض عالب ان اجزاء الشكل المذكورة تحكون ميينة بالخطوط المرسومة على مستوبى المسقط الكافية لتعييما

﴿ فِي سِان اوضماع المستقيم ﴾ ﴿ (فِي سِان اوضماع المستقيم) ﴿ (١٧)*

يمكن ان يشغل المستقيم عدة الاضاع فراغية تبين باوضاع المساقط بالنسبة خطالارض ويرسم هذه المساقط ولنذكرذلك فنقول

*(اولا) * قد يكون المستقيم ما ولا بالنسبة لمستويى المسقط وجرة والمحصور بين الاثرين في احدى الزوايا الاربع الزوجية فينشذ يكون اثر االمستقيم المذكور كائن على جزئ المستويين المكونين للزاوية المذكورة فبذلك يتعصل معنا اوضاع اربعة كافي (الشكل ٨) وتسهل معرفتها بجرد وجمها ولاجل يسان هذا الرسم نقول حيث كان في الوضع الاول الجزء السائل في الزاوية من المسقطين مرسومين من مداهدا يكون الجزآن السومين من المسقطين مرسومين

بخطين اتصالين لكن المستقيم و بعد مجاوزته نقطة ا يرقعت المستوى الافق وبجاوزته النقطة س بمرخلف المستوى الرأسي ومن ثمر و واجزى السقط الافق الكائنين خارج النقطتين اور وجزى المسقط الرأسي الكائنين خارج النقطتين أور بخطوط نقطية وبهذه الكيفية يصدنع الرسم اللازم اجرآؤه في الحالات المثلاث الاخر

ولنفرض الا تنان المستقيات مرسومة بدون رمن فنقول لاجل الاستدلال المستقيم الرسوم على مسقط المستقيم الافقي يقال انجز المستقيم المرسوم مسقطاه بخطين اتصاليين لابدوان يكون في الزاوية م ع في الوضع الرابع مثلا يكون جز المستقيم الذي على يسار النقطة الهوالموجود في الزاوية الاولى فيكون مسقط هذا الجز الافتى تحت خط الارض ومسقطه الرأسي فوقه وبذلك تكون النقطة الرائس الرائس ومسقطة الرأسي وبقاس وبذلك تكون النقطة الرائسية مي في الاوضاع الثلاثة الساقية

(وثانيا) قديكون المستقيم موازيا لامستوى الافق فيكون مسقطه الرأسي حيفند موازيا لخط الارض لان جبع نقط المستقيم و على بعد واحد من المستوى الافق واما المسقط الافق فيكون حيثما اتفق وتأتى هنا الاوضماع الثلاثة المبينة في (الشكل ٩) باعتباركون المستقيم و فوق المستوى الافق اودا خله اواسفله

(وثالثا) قد يكون المستقيم موازيا للمستوى الرأسي فيكون مسقطه الافقي موازيا للمستوى الرأسي فيكون مسقطه الافقي موازيا للمنظم وتأتى هنا الاوضاع الثلاثة المبينة في (الشكل م) باعتباركون المستقيم و امام المستوى الرأسي اودا خله او خلفه

﴿ (ورابعا) * إذا كان المستقيم كاقديتفق موازيالمستوبي المسقط معافيان مان يكون موازيان المسقط الارض خ من الموازيين المط الارض خ من

ومن هنا بنعصل معنا الوضاع نسعة اربعة منها في الذاكان المستقيم في احدى الزوايا الاربع الزوجية كافي (السكل ١١) واربعة منها في الذاكان المستقيم على احدى اربع جهات مستو بي المسقط كافي (الشكل ١١) والتاسع في الذاكان المستقيم متعدامع خط الارس كافي (الشكل ١٢) والتاسع وهذه الاوضاع التسعق عين تسعق اوضاع الذفطة المبينة في (الشكل ١٤٥٥) بالمستقيات في في في المائية على و و و و الخ الموازية لحط الارض فأذا كان المستقيم في هذه المائة منساوى البعد عن خط الارض ولوكان مسقطاه في جهة واحدة لا نطبقا على بعضهما كافي (الشكل ١٤) وكان المستقيم حين أذ في المستوى القياسم للزاويتين م م و في على المستقيم حين أذ في المستوى القياسم للزاويتين م م و في و في المستوى القياسم للزاويتين م م و في ع الى قسمين م م الم و في على المستوى القياسم للزاويتين م م و في ع الى قسمين م المستوى القياسم للزاويتين م م الم و في ع الى قسمين م المستوى القياسم للزاويتين م الم و في ع الى قسمين م المستوى القياسم للزاويتين م الم و في ع الى قسمين م المستوى القياسة وي المستوى القياسة المناوية و المستوى القياسة و المستوى القياسة المناوية و المستوى القياسة و المستوى المستوى

*(وخامسا) * اذا كان المستقيم عمودا على المستوى الافقى وقل مسقطه الافقى الى نقطة واحدة ويكون مسقطه الرأسي عودا على خط الارض لان المستوى المسقط للمستقيم رأسيا والمستوى الرأسي للمسقط يحكونان عمودين على المستوى الافقى ويكون المستقيم في هذه الحالة ذلاته اوضاع باعتباركونه امام المستوى الرأسي اود اخله او خلفه كما في (الشكل ١٠) * إذا كان المستقيم عمودا على المستوى الرأسي كان له كذلك ثلاثه اوضاع متشابهة باعتباركونه فوق المستوى الافقى اوداخله اواسفله كما في المستوى الافقى اوداخله اواسفله كما في (الشكل ١٠)

وينتيمن هانين الحالتينان وم كافى (الشكل؟) هوالمسقط الرأسى المستقيم المدقط افقيا للنقطة م ومسقطه الافتى النقطة م واما وم فهوالمدقط الافتى المستقيم المدقط رأسيا للنقطة م ومسقطه الرأسى م *(وسابعا) *اذا كان انجاء المدتقيم في الفراغ عود اعلى خط الارض صارمسقطاه

مستقيما واحداعوداعلى خطالارض لانالوامر بنا من المستقيم و مستويا رأسيالكان هذا المستوى عوداعلى خض فعلى ذلك يكون تقابلاه مع مستويى للسقط و و عودين على خض وقاطعين له فى نقطة واحدة في نطبقان على بعضهما بالضرورة بعد انطباق المستوى الرأسي على الافق ومن هنابنج لنان مسقطى المستقيم العمودين على خط الارض غيركافيين لتعيين التجاهه فى الفراغ لكن اذاعلم منه نقطتان تعين الا يجاه تعينا تاما ويكون له حين ذاربعة اوضاع بحسب انحصار الجزء الكائن بين الاثرين فى احدى الزوايا الاربع الزوجية كافى (الشكل ١٧)

*(ونامنا) *اذا قابل المستقيم خط الارض المحد اثراه اوس في نقطة واحدة من الخط المذكور وقد ينفق في هذه الخيالة ان المسقطين وو ويصنعان كافي (الشكل ١٨) مع جز واحد من خ ص زاوية ين حاد تين احداهما فوقه والاخرى تحمه وهذا ينتسب بالهنمرورة للمستقيم النافذ في الزاوية ين مع جزى خ ص كافي (الشكل ١٩) دل ذلك بالضرورة على مستقيم مع جزى خ ص كافي (الشكل ١٩) دل ذلك بالضرورة على مستقيم نافذ في الزاوية ين ح ع و خ س الى نافذ في الزاوية ين م ع و خ س الى قدين من ما على المستوى القادم للزاوية ين ع و م س قدين منساوية ين من ما كذلك انظر رابعامن غرة (١٠) وفي هذه الحيالة يصير المسقط مان مستقيما واحدا كافي (الشكل ١٠)

* (وتاسعا) * اذا كان المستقيم المقابل لخط الارض عودا عليه فان . سقطاه بتحدان ويصيران خطاوا حداع وداعلى خض ولا يكفيان حين المنتقيم المذكور كافى (الشكل ٢١)

(11)

وبنتج علف كرجيعهان المستقيم يكون معينا بالكاية بمساقط تقطتين من نقطه

(٤)

الافياحوال مخصوصة فأن مسقطاه لا بكفيان في تعيينه

(P1)

اى مستقين ليساعودين على خطالارض يدلان ابدا على مسقطى مستقيم فراغى لانااذالنساللستو بين المسقطين من المستقين يقاطعان في مستقيم معين وقد يكون المستقيم غير معين اذا اتحد مسقطاه وصارا خطا واحدا عوداعلى عن واى مستقين احدهما عود على خط الارض اوكل منهما عود على خط الارض اوكل منهما عود علي هو دعليه ولا يقطعانه في نقطة واحدة لا يصم ان يستقيم مستقيم واحد فراغى

()*

المستقيمان الفراغيان اماان يتقاطعا اويتوازياا ولايكونان فى مستووا حدولنبين ذلا فنقول

*(اولا) به اذاتقاطعا كافى (الشكل ٢٦) كان مسقطانقطة تقابلهما م على مساقط و و و فينته في يكون م و م على عمود واحد على خط الارض انظر نمرة (٨)

* (وثانيا) * اذاتوازيا فسقطاهما المتعدا الاسم يكونان متوازين كما في الشكل ٢٦) لان المستوين المسقطين متوازيان

(وثالثا) اذالم يكونا في مستوواحد فنقطة تقاطع مسقطيهما الرأسين لاتكون مع نقطة تقاطع مسقطيهما الافقيين على عمودواحد على خط الارض كافي (الشكل ٢٤)

(17)

مان عكس هذه الدعاوى الثلاث صحيح ايضااعني

(اولا) اذا تقاطعت مساقط المستقين في تقطنين على عودوا حد على خط الارض كافي (الشكل ٢٦) تقاطع المستقيان في الفراغ لان مسقطى النقطة محيث انهما على مسقطى المستقيم و تكون النقطة على هذا الحطو ذلك تكون النقطة على هذا الحطو ذلك تكون النضا على مستقيم و

*(وثانيا) * اذاتوازى المستقطان المتحدا الاسم كافى (الشكل ٢٣) توازى المستقيان فان المستويان الاربعة المسقطة متوازية مثنى وينبنى على ذلك ان خطوط النقاطع الاربعة التى من جلتها مستقيا و و و متوازية ايضا *(وثالثا) *اذا تقاطعت مساقط مستقين في نقطتين ليستاعلى عودوا حد على خط الارض لا يكون المستقيان في مستو واحد كما فى (الشكل ٢٤) فان اى مستقين على مستوان لم يتقاطعا يتوازيا فيندًذ تكون مساقطهما مرتبة كما فى (الشكل ٢٢) و بنتج من ذلك انه اذا توازى المسقطان كافى (الشكل ٢٢) و بنتج من ذلك انه اذا توازين

(77)

مى كانت مساقط مستقين اعدة على خض كانت متوازية ولا يلزم من ذلك ان يكون المستقيان الفراغيان كذلك

لكن اذا كان و و كافى (الشكل ٢٥) متوازيين وانتخبنا على كل من المستقين نقطتين ا و ر و ا و ر و وهمنا رأسين نا زاين من النقطتين و و أ و قاطعين من النقطتين و و أ وقاطعين الرأسين في نقطتين رمن هما ح و ع حدث مثلثان ا م و ا أوقاطعين منشابهان لان اضلاعهما المتناظرة متواذية فيصدنه

íe : lé :: -e : le

اڪن حيث ان

رر عا= الوعد = الوعد = الوعد عاد المارية الما

ويقال في عكس ذلك متى حصات هذه المتناسبة بكون المستقيمان و و و متوازين لان المثلين ا - و أ حَ القيامُى الزاويتين في ح و عَ

یکونان بعد نصورهما کاذکر متشابهین لان فیمازاویتین متساویتین کل منهما محصوره بین ضلعین متناسبین مع ضلعی الاخری و موازیین لیماکل انظیره و منه محدث ان الوترین الم و اک اوالمستقین و و و متو ازبان (۱۰ و ۱۰ میلاد) به

* (المسئلة الشالشة) * اذا اريد ان عرّ من نقطة معلومة مستقيم موارلاخر معلوم يقال

لابدكمافى (الشكل ٢٦) ان يرمسقطا المستقيم الفروض س بسقطى النقطة المعلومة م كل بنظيره وان يكونامواز يين لمسقطى المستقيم المعلوم و كل لنظيره

* (ني بيان الخطوط المنحنيه) *

(0)

اذا انزلنامن جيع النقط اوسوي سيم كافي (الشكل ٢٧)
اعني نقط المنعني ج اعدة على المستوى الافتى تحكون من الاثار
اوسوي من اعني المارالاعدة المذكورة الخط ج وهو
المسقط الافتى المنعني المذحكود ج وامّا الاعدة فقسها الله فقي المنعني المذحكود ج وامّا الاعدة فقسها الله ويعدث عنها الله سطح سوف نسميه والسطواني ويقال له ايضا سطح مسقط اواسطواني مسقطة افقيا المنعني ج واذا انزلنا ايضا اعدة على المستوى الرأسي مسقطة افتيا المنعني ج واذا انزلنا ايضا اعدة على المستوى الرأسي سطين

واذا كان المنصنى ج مرسوما داخل مستوعود على المستوى الافق مثلا كانت جميع المستقيات الم و سد الح في المستوى الافق ومنه ينتجان المذكوروك الافق ومنه ينتجان

مسفط

مسقط المنحنى ج الافقى خط مستقيم وان الا تخرمنحنى بالمنمر ورة واتما اذا كان المنحنى ج فى مستوعود على خ ص فكل من مسقطيه يكون مستقيما المنحنى ج فى مستوعود على خ ص فكل من مسقطيه يكون مستقيما (٢٦)*

* (المسئلة الرابعة) * اذا كان المراد ا يجاد نقط تقابل المنحى بمستويي المسقط بقال ان النقط التي يتقابل فيها المنحى ج مع المستوى الافتى كافى (الشكل ٢٨) تنسقط انسقاطا رأسياعلى ج وعلى خ ص انظر ثانيامن (نمرة ١٠) في نقط انسقطان أو س في نقاطعهما وتكون النقط تان او س في نقط على خ ص أعلى ج وعلى العمودين القيامين من النقط تين او س على خ ص ومن المعلوم ان هذين العمودين يقابلان عوما ج في عدة نقط يمكن جعلما كلم اللاغمين آثار الله ضي ج ما لم يكن هناك حالة تجبرنا على عدم اعتبار بعضها الماراكا لو فرضنا مثلاان الو س ليسائرين المضى ج وبمثل ذلان يكون اليجياد الاثرين الرأسين

تثبيدة ديوجد جزمن ع غيرمقابل لخزمن ع فلا يكون بالضرورة مسقط المنعني ع جرمن المنعني ع كان هناك جزءا من مسقط المنعني ع وسنشر دلك

* (في سيان المستوى) * *(۲۷)*

عكن ان يمر مستو واحد بمستقين متوازين اومتقاطعين او بمستقيم ونقطة وبنتخب من المستقيات التي يمكن ان تعين موضع وسيتوفراغي المستقيان اللذان يقطع ذلك المستوى فيهما مستولى المسقط ويسميان باثرى المستوى ومن المعلوم انه لا بدوان يقابل اثر امستو تما خط الارض في نقطة واحدة هي نقطة المعلوم الما لذكور بالمستوى

ولنرمن لاى مستو فراغي بحرف من حروف الهجاء ولاثريه الافقي والرأسي

(°)

مالحرفين ق . د عايهما رمن المستوى كافي (الشكل ٢٩) فرمن ق ، را بدلان على اثرى المستوى م ومتى علم مستو بمستقين دمن له برحن المستقيم المذكورين موضوعين بين قوسين فرمن (اب) مثلا بدل على المستوى المعيز بكل من المستقيمين المرب كانرمن المستوى المعين بالمستقيم ١ والنقطمة ١ برمن (١١) ورمن (١-ع) يدل على المستوى الماربالنقط الثلاث ا و ر و ع * (المسئلة الحامسة) * اذا كان المسقط الافق لمستقيم على مستومعلوم باثريه معلوما والمطلوب ايجاد مسقطه الرأسي يقال من المعلوم كافى (الشكل ٢٩) اناثرى المستقيم على مستو يكونان بالضرورة على اثرى المستوى فيكون الاثر الافق للمستقيم و النقطة ا التي هي تقابل تل بالمسقط و ومن ذلك تستخرج النقطة المن المسقط و وايضا حيث ان الاثر الرأسي للمستقيم و ينسقط افقيها في النقطة لـ التي هي تقابل و و خض وانالنقطة نفسهافي سه على كريعلم و واذاعلم و استنتج منه ايضا و * (المسترلة السادسة) * اذاكان المسقط الافق لنقطة على مستو معلوم باثريه معلوما والمطلوب ايجادمسقطها الرأسي يقال ادًا امررنافي ستوى م خطامًا مستقيمًا و منالنقطة م كماني (الشكل ٢٩) يمر و من م ومنه ينتج و انظر (بند٢٨) وحيث ان م يوجدعلي و وعلى العمود النــازل من النقطة م على خض يكون م في تقابل هذين المستقيمين وكذلك اذا علم م يستنج منه الكيفية المذكورة م ومن هناينتج ان المستوى يتعين باثريه نعينا كايا

(~.)

ويتعين ايضاللستوى بمستقيين حيث مااتفق يتقاطعان

وبيان ذلك ان يفرض ان م كافى (الشكل ٣٠) المسقط الافق لنقطة منالمستوى (اب) انظر بند (٢٧) فيرمن النقطة م فى المستوى المذكور مستقيم ما س فير من النقطة م فى المستقيم ما المستقيم المستقيم المستقيم المستقيم المستقيم المنافقيان المستقيان المنافقيان المستقيان المستقيان المنافقيان المستقيان المنافقيان المنافقيان المنافقيان المستقيان المنافقيان المن

("1)

*(المسئلة السابعة) * اذاعلم ستو بمستقين واريدا يجادا ثريه يقال ان اثرى كل مستقيم لابد وإن بوجدا على اثرى المستوى المذكورة بالكيفية المقررة في نمرة (١٠) (الشكل ٣٢،٣١) فاذا بحثناعن الاثار المذكورة بالكيفية المقررة في نمرة (١٠) نجد نقطتين ا و من الاثر ق وآخرين ا و من من الاثر المن واحدة وهذا ولابد ان يقطع هذان الاثران خط الارض خ ض في نقطه واحدة وهذا برهان على صحة الاعال

والمذكرعلى سبيل الاستطراد ان احسن طرق حل المسائل المراد حلمها الافتصار بقدرما يمكن على طرق تصحيحها بدون زيادة ينشأ عنها عدم سمولة الاعمال

(77)

ولوارید ایجاد اثری مستو معلوم بالمستقیم و والنقطة م للزمان برمن النقطة للذ كورة مستقیم و موازللمستقیم و اوقاطع له ثم بعث عن اثری المستوی (وو)

واذا كان المستوى معلوما بثلاث نقط حدث لنا بجمعها منى ثلاث مستقيات والاحسن ان يجمع بين اثنين منها بمستقيم ويمد من النقطة الثالثة موانله وبذلك يسمل حل هذه المسائل المختلفة

* (في سيان اوضاع المسوى) * *(٣٣)*

يكن ازيشغل المستوى عدة اوضاع فراغية نذكر هافنقول

* (اولا) * قد يكون المستوى مائلا بالنسبة لمستويي المسقط فله حين ألمان معجز عن متيز نان كافى (الشكل ٣٣) بحسب كون الاثرين يصنعان معجز عن خ ص اومع جزئين منه مختلفين ذاوية ين حادثين أ

(وثانیا) یمکن فی الحالتین المذکورتین ان تکون الزاویت ا و سمساویتین وفی الحالة الشانیة فقط بنظیق الاثران کافی (الشکل ۳۶) به (وثالثا)* قدیکون الستوی م عودا علی المستوی الافقی فیکون اثره الرأسی عود ا ایضا علی المستوی المذکور کافی (الشکل ۳۰) ویلزم مالضر ورة ان یکون عودا علی خط الارض

*(ورابعا) *قديكون المستوى عوداعلى المستوى الرأسي كاف (الشكل ٣٠) فيكون اثره الافق عوداعلى خط الارض بالضرورة

* (وخامسا) * قد بكون المستوى عودا على خط الارض فيتطابق الراه بالضرورة ويصيران مستقيما واحدا عودا على خط الارض كافى (الشكل ٢٧) * (وسادسا) * قد يكون المستوى موازيا للمستوى الرأسي فيكون اثره الافق موازيا خط الارض خ ص ولا يوجدله حينئذ اثر رأسي والاولى ان يقالها له يوجد لانها بيا وحينئذ يشغل المستوى وضعين ايضا كافى (الشكل ٢٨) * (وسابعا) * قد يكون موازيا للمستوى الافتى فينئذ لا يكون له اثره الرأسي فيكون موازيا خ ص ويكن ان يشغل وضعين ايضا كما أثره الرأسي فيكون موازيا خ ص ويكن ان يشغل وضعين ايضا حكما في (الشكل ٢٩)

* (وتامنا) * قديكون المستوى وازيا الطالارض فيكون اثراه موازيين خ ص لانهما لولم بحسونا كذلك لتقابل خط الارض بالمستوى ويكن ان يكون للمستوى م اربعة اوضاع بحسب كينونة اثريه على جزئين من اجزاء مستويى المسقط كافى (الشكل ٤٠)

* (وتاسعا) * قد يكون المستوى ما يلابالنسبة لمستوبي المسقط ايضاميلا مقساويا فيكون اثراه حينة دستساوي البعد عن خط الارض و شطبقان كل منهما على الا خراد اكاناف جهة واحدة كافى (الشكل ٤١)

(وعاشرا) لا يمكن تعييز المستوى المار بخط الارض باثر به الذين لا يكونان الامستقياوا - د الكن اذا كان المستوى معيذا بمستقيم و قطة اختير خط الارض واما النقطة فتو خذ حيث ما اتفقت و يرمن لها بعين رمن المستوى المذكور فيكون له حينتذ كافى (الشكل ٢٤) وضعان بحسب قسمه للزاوية م ع والمقابلة لها وقسمه للزاوية م الاخر بين الزوجيتين

(وحادىعشر) قد يكون المستوى احدمستويي المسقط فيكون احد مسقطى النقطة على خطالارض

(4,5)

وبنتج مماذكر جيعه اله يمكن تعيين المستوى بمستقيم ونقطة وان اثريه غيركافيهن فحالة مخصوصة

(ro)

ويجبان يميزمن المستقيمات المهكن رسمهما على اى مستوالمستقيمات التي

(اولا) افقيات المستوى وهى مستقيات كأننة على المستوى المذكور ومو ازية للمستوى الافق

* (وثانیا) * رأسیات المستوی وهی «ستقیات کا ننه علی الستوی المذکور وموازیه لامستوی الراسی

*(وثالثا)*الخطوط الاعظم مملامن غيرها لمستويالنسبة للمستوى الافتي وهي

(1)

مستقیان اعدة علی الاثر الافق لهذا المستوی بیان ذلک کافی (الشکل ۱۳) انا اذا انزلنا من النقطة م من المستوی م ع الخط م و عود اعلی من والخط م ک ما بلاء ایه وانزلنا ایضا مع عود اعلی المستوی آن ووصلنا ع بکل من نقطتی و و ک یحدث ع و و ع ک فیکون ع و عود اعلی م ن واما ع ک فیکون ما بلاعلیه ومن هناین بیجان ع و ح ع ک وحید نذید یکون ع ک ک حیث ان ها تین النسبتین تسمیان وحید نذید یکون ع ک ع ک کن حیث ان ها تین النسبتین تسمیان ع م ک علی المستوی آن پیسلی م و و م ک علی المستوی آن پیسلی م و و م ک علی المستوی آن پیسلی م و و م ک علی المستوی آن پیسلی م و و م ک علی المستوی آن پیسلی م یک میلا من غیره

اومن المستوى مع المستوى الاتخر

* (ورابعا) * الخطوط الاعظم ميلامن غيرها لمستوبالنسبة للمستوى الرأسى وهي مستقيمات اعدة على الاثرالرأسي للمستوى المذكوروا ثبات ذلك كاثبات ماسبق

*("7) *

* (المسئلة الشامنة) * اذاكان المراد رسم افق ورأسي لمستويقال حيث ان الافق و للمستوى م موازللمستوى الافق كافي (الشكل 12) يكون مسقطه الرأسي و موازيا خ ض واثره الرأسي لابد وان يكون على را وعلى و فيكون في النقطة سه التي مسقطها الافق في و مواز للاثر أن فلابد وان يكون مسقطه سه و مواز للاثر أن فلابد وان يكون مسقطه الافق ايضا و موازيا للاثر المذكور أن انظر (ثانيامن بند ٢٠) ومارا بالنقطة سومان الرأسي سه المستوى الرامي يكون وحيث كان الرأسي سه المستوى الرامي يكون وحيث كان الرأسي سه المستوى م موازيا للمستوى الرامي يكون

abama

مسقطه الافق ب موازیا خ ض ومسقطه الرأسی بُ موازیا للائر کر

* (TY)*

* (المسئلة التاسعة) * اذا كان المطلوب رسم خطين اعظم ميلامن غيرهما فى مستومعلوم يقال

ان (الشكل٤٣) يُبت ان المسقط ع و للخط الاعظم ميلامن غيرة م و من المستوى الله عود على م ن الذي هو خط تقابل المستويين

اذا تقرر هذا فلا بدوان يكون المسقط الافتى و المغط الاعظم ميلامن غيره بالنسبة للمستوى الافق عوداعلى ق كافى (الشكل ٤٠) ومنه بستخرج و عقتضى (بند ٢٨) وايضاحيث ان المسقط الرأسي كسنه للخط الاعظم ميلا من غيره بالنسبة للمستوى الرأسي عود على كريستغرج منه المسقط الافتى من

وحیث ان المستقین و و ک الکائنین علی المستوی م یقه اطعان فی نقطه واحدة م یجب ان یکون م و م علی عود واحد علی خ ض

("")

ومشاهد عماذكران الخط الاعظم ميلامن غيره بالنسبة لمستويكني لتعيينه تعيينا تاما حيث يمكن بواسطته ان يحدث عمدة افقيات اورأسيات بقدر مايراد

للمستوى المذكوريتقاطع منهااثنان

(4 9)

*(المسئلة العاشرة)
 أذاكان المطلوب ان يمر من نقطة معلومة مستور
 موازلا خرمعلوم يقال

من المعلوم ان الاثمار المتعدة الاسم لمستو يين متوازيين ستوازية وانه زيادة على ذلك اذا كان معنامستويان متوازيان م و ك امر رنامن نقطة ما من نقط المستوى ك مستقياموازيالمستقيم كائن في المستوى م يكون كله محصورا في المستوى ك

اذا ثبت ذلك نمرفى المستوى المعلوم م كافى (الشكل 23) مستقيما ما و ثم نمر من نقطة م مستقيما آخر ط موازيا و فيكون فى المستوى المطلوب ك ومن هنا بنتج ان اثره الافقى ا نقطة من نقط كن واثره الرأسي س نقطة من كن وحيث انه زيادة على ذلك لابد وان يكون الاثر الاول موازيا للاثر ق والكافى موازيا للاثر ما بكونان معلومين

يكون الاترالاول موازياللاتر في والثافي موازياللاتر لا يكونان معلومين ويجب تحقيقا العملية ان يتقاطعاعلى خ ش في نقطة واحدة

ویکنان بقال آنه لاحاجة الحامرارالمستقیم و لاندالوامررنامن النقطة المعلومة م افقیا ط للمستوی کث کافی (الشکل ۲۷) لصار ط موازیا للاثر ق فینتذیکون موازیا ایضا آلی ق ویکون ط موازیا کی من ویکون الاثر الرأسی د لهدذا المستقیم نقطة من کر الذی یجب آن یکون موازیا للاثر مرا ومقابلا نخط الارض فی نقطة کن منهایم الاثر ق ویوازی الاثر ق ولوام رنابدل الافق رأسیا للمستوی

ك |لوجدنا بلا واسطة نقطة من ن

واذا كان المستوى م ليس معلوما باثريه بل بمستقين متقاطعين كي بالضرورة ان عرمن النقطة المعلومة مستقيمان موازيان المستقيم المفروضين

كل لنظيره وبهما يتعين المستوى المطاوب

واما اذا كان المستوى م المذكور معلوما بمستقين متوازين اوبمستقيم ونقطة او شلاث نقط فيرجع الولالحد الحالتين المذكورتين قبل وذلك امابرسم اثرى المستوى المعلوم كافى (بندى ٣١ و٣٣) او برسم مستقين كانين فيسه ومتقاطعين وبتعين حينئذ المستوى ك كالمذ كالمذ وقبله فى بند (٣٩)

(11)

ولنبين مزايا اصطلاح الرمز المستعمل فى الاشكال المتقدمة في هذا الكتاب فنقول أن (الشكل ١٨) تكرر في أول حالة من أحوال (الشكل ٣٣) وأن المقصود من الرمز في (الشكل ١٨) مستقم بقابل خط الارض ومنه في (الشكل ٣٣) مستومًا فالرمن بالحروف المعلمة للمستوى الرأسي غيراً كاف لاشتراكه بين المستقيمات والمستويات معياوان الحيالة الاولى والشالئة من (شكلي ١١ و ٤٠) لا يختلفان ايضا الامالرمن وان (الشكل ١٢) تكرربعينه (فىشكلى٣٨و٣٩) وان الرمن المستعمل فى (الشكل١١) يدل على ان المقصود مستقمان متعدا المساقط لامستقمان مرسوم احدهما على الجزء المؤخر من المستوى الافقي والاتخرعلي الحزء الاسفل من المستوى الرأسي كمافي (الشكل ١٢) ولامستويان موازا حدهما للمستوى الرأسي كما في (الشكل ٣٨) والا تخر للمستوى الافقى كافي (الشكل ٣٩) وانه أبدون الرمن المستعمل في (الشكل ٤١) لايعلم مستويان موازيان لخط الارض متطابقا الاتئار بل يعلمستويان احدهماموا زللمستوى الافق كافي (الشكل٣٩)والا خرالمستوى الرأسيكا في (الشكل ٣٨) وإن [(الشكل ٢٤) لايدل بدون الرمن المستعمل فيه الاعلى مسقطى نقطة ولا يمكن | ان يدل على مستوما رمن خط الارض وليتنبه الى ان تنقيط الخطوط في الامثلة التي ذكرت لا يجبرو حده خلل عدم كفاية الرموز المصطرعليها فالامثلة المذكورة صالحة جدالان تدل على المع الرمو ذالتي اصطلحنا عليها

﴿ الباسب الثانى ﴾ ﴿ الباسب الثانى ﴾ ﴿ الباسب الثانى ﴾ ﴿ فَي المسائل الأصليه من الهندسة الوصفيه في تغيير مستوبي المسقط وفي تدوبرالا شكال حل محور

(٤٢)

مى كانت معادلة خط اوسطح معقدة بحث بالتعليلات عن اختصارها وذلك بان بنسب المنعنى اوالسطح الى محاور حديدة منعنة بحيث تنعدم بعض الحدود مد نطيلات الاحداثيات والحدود ذات الدرجة الاولى الى تكون فى معادلات المنعنيات اوالسطوح ذات الدرجة الثانية ويمكن فى المهندسة الوصفية الديكون المسكل المرسوم على مستويى المسقط معقد اجداومن الخطوط الى هى سبب فى تعقيده ما يكون المتجامن طبيعة المسئلة وحينتذلا يمكن التخلص منه ومنها ما يكون حادثامن وضع مستويى المسقط بالنسبة للشكل الفرائي المراد بيانه فيمكن في هذه الحالة ازالته بانتخاب مستويى المسقط انتخاب المستحسنا دراً عامدور الشكل حول محور في تحصل من ذلك مسئلتان نذكرهما فنقول و يمكن ايضا ابقاء مستويى المسقط الذكورين المسقطية على مستويين قاتمي الزوايا معلومين والطلوب ايجياد مستقطيه على مستويا المثانية و دعلى احد المستويين والمذكورين

*(الثانية) * ان يكون مسقط اشكل فراغى على مستويين فاعمى الزوايا معلومين والمطلوب ايجاد مسقطيه على عين المستويين المذكورين بعد تدويره حول محور ثابت بقدر زاوية معلومة ويتفرع كل من هاتين المستلتين الحمسائل عديدة مقصود نامن هذا الباب ذكرها مفصلة

(17)

ولننبه قبل الشروع في ذلك على انه يرمن لكل خط ارضى بالرمزين خ و ض

مع وضع اشارة عليه اوبدونها ويوضعان بحيث لوفرض الانسان انه فوق المستوى الافق وامام المستوى الرأى الرمن ح على يساره والرمن ض على يمينه بحيث يدل وضع كل من هذين الرمن ينعلى جو فرخ الرسم الذي يراد ان يحث فيه عن جهتى كل من مستويى المسقط وعلى ان يوضع ايضاعلى كل من رموز مسة قط النقط او الخطوط الكائنسة على مستويى المسقط الجديدين الرمن راو و وعليه عين الاشارة التى على ح و ض الدالين على خط الارض الجديد ليدل ذلك على ان المساقط هي عين مساقط النقط المعلومة او الخطوط كذلك من تسبة للمستوى الرأسي او الافتى الجديدين وعلى ان يرمن كذلك للا أدار الجديدة للمستوى الرأسي او الافتى الجديدين وعلى ان يرمن كذلك للا أدار الجديدة للمستويات الرمن راو ق عليه على الشارت الذكورة وقد لا يوضع خصوصا في مسائل النطب ق عليه على خط الارض وانما تظلل جهة الجزء المقدم من المستوى الافتى وانشرع في ذكر المسائل فنقول

(11)

* (المسئلة الاولى) * اداكان المطلوب تغيير المستوى الرأسي بالنسبة لنقطة مقال

ليفرض كافى (الشكل ٤٨) ان م م مسقطان النقطة م على المستوين المرموز المهما برمز خطالارض خ ض وان المطاوب المحث عن مسقطها على مستو آخر رأسى قاطع للا فقى ف ض فيدل وضع الرموز على ان الجزء الاعلى المستوى الرأسى منطبق على المستوى الا فقى جهة يسار الرسم وان الجزء الاسفل كذلك جمهة يمينه فين لم يتغير المسقط م ويبقى ارتفاع النقطة م عن المستوى المذكور على ما كان عليه فينذ يكون مسقطها الرأسي م عن المستوى المراسى الجديد أنظر (اولا من غرة ١٠) وعلى الجزء الاعلى للمستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من غرة ١٠) وعلى الاعلى للمستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من غرة ١٠) وعلى الاعلى للمستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من غرة ١٠)

بعد وَمُ من خُصُ يساوى البعد ومُ الكاتُن بين النقطة م والمستوى الافق انظر (اولامن غرة ه)

ويحصى بيان ذلك على الشكل بان يمرمن النقطة ب التي هي تقابل خ ص مع خ ص المستقيم ب ل عودا على خ ص والمستقيم ب ط على خ ص مرازياللغط وب وبرسم من المركز ب القوس ل ط والمستقيم طم موازياللمستقيم ب و فينتج بالضرورة

ر وم = عل = عط = وم *(٤٥)*

* (المسئلة الثانية) * اداكان المطلوب تغيير المستوى الافق بالنسبة لنقطة يقال

هذه المسئلة كافى (السكل ٤٨) لا تخالف ما قبلها الا فى اجراء العملية التى علمات في المستوى الرأسي على المستوى الافتى

فاذا اربد تغییر مستویی المسقط معا لزم اجرا العملیدین علی التوالی فیفرض انه بعد اجرا التغییر المذکور فی المستوی الرأسی اربد تغییر المستوی الافتی فیفرض ان خط الارض الجدید هو خ ص بشرط ان یکون الجز المقدم من المستوی الجدید تحت خ ص وجزؤه المؤخر فوقه فیث لم یسغیر المستوی الجدید تحت خ ص وجزؤه المؤخر فوقه فیث لم یسغیر المستوی الرأسی یکون م باقیاعلی حاله و تکون النقطة م باقیة دا مما امام المستوی الذکوروعلی بعدوا حدمنه فینشذ یجب ان یصون المسقط م المنتوی المنت

الافنى الجديد م مع م على عمودواحد على خط الارض خُشَّ كافى نمرة (٨) اى انه يكون تحت هذا الخط الارضى انظر (اولامن نمرة ١٠) وعلى

ن ن و م انظر (ثانیا من غرة ٥) وبرسم هذه المتساویة رسما

عاثلالاعال المتقدمة ينتج

 $\dot{\tilde{v}} = \dot{\tilde{v}} = \dot{\tilde{v}} = \dot{\tilde{v}} = \ddot{\tilde{v}}$

و يحكن بتغييرات متو الية فى المستويين الافقى والرأسى ان تنسب نقطة لاى مستويين قائمى الزوايا يسمى احدهما دآئم امستويا افقيا والاخر رأسيا

(1)

* (المسئلة الثالثة) * اذا كان المطلوب تغيير مستويى المسقط بالنسبة لمستقيم لقال

كايكن حل المستلتين الذكورتين بالنسبة لنقطة بمكن حلهما بالنسبة لمستقيم الان المستقيم لماكان يتعين بنقطة ين كنى فى ذلك المجاد مساقط نقطتين من نقطه على المستويين الجديد بن فاذا فرضنا ان خ ص اثر مستوراً سى جديد كافى (الشكل ٤٩) تبين لنامن وضع الرموز على خط الارس الجديد هذا انظياق الجزء الاعلى على يمين فرخ الرسم والجزء الاسفل على يساره انظر (بند ٤٣) فاذا اخذنا من المستقيم و نقطتين مثل م و كانتغير مسقطا هما الافقيان وحيث انهما فوق المستوى الافتى يجب ان يكون مسقطا هما الرأسيان الجديد ان على يسار خ ص وعلى بعدين أنهما الرأسيان الجديد ان على يسار خ ص وعلى بعدين

وُم = وم و عُد = عد انظر (بند ١٤٤)

وحيث ان الاثر الافقى المستقيم و لايتغيريقال اذا اجريت العملية

بالضبطلابدوان يكون المستقيم المعوداعلى خطالارض الجديد خُصَ

وكان عكن لاجل ايجاد المسقط الجديد و للمستقيم ان تنتخب النقطة ا ونقطة تما اخرى منه ولذنبه بمقتضى ما شوهد من هذه المسئلة على من يه رمن نا فنقول انه ليس قاصرا على تبيين وضع كل خط واتجاهه والمقصود منه في الفراغ تبيينا تاما على الشكل بل هومع ذلك يسين جهة انطباق

) 4 *(^)*

المستويات التي ليست منطبقة على فرخ الرسم كايبين ان علامات الرمزين و ر المشابهة لاشارات خط الارض المقابل لهما تدل بمجرد النظر اليها على كيفيات تقلمساقط الشكل الفراغي المتوالية ولوا متعملنا الرموز المعلة لما حصل ذلك الابغاية المشقة

وحينئذيسهل ايجادمسقط المستقيم وعلىمستوافقي جديداى على مستوعود على المستوى الرأسى خُضَ اكتناه نعقد الشكل معلمة الشكل

(£ ¥)

* (المسئلة الرابعة) * اذاكان المطلوب تغيير مستويى المسقط بالنسبة لمستويقال

نفرض كافى (السكل ٥٠) المستوى معلوما باثريه في و رأ ثم نبيت عن اثريه على مستوبى المسقط الجديدين ونفرض ان المطلوب المجادائر المستوى م على مستوراسى جديد قاطع للمستوى الافقى في في فيث ان الاثر الافنى في لا يتغير تكون النقطة و التي يتقابل فيها ذلك الاثر مع خطا لارض الجديد في في نقطة من نقط الاثر المطلوب انظر أمرة (٢٧)

واذا فرضناء لى المستوى م مستقيماً مَا تَكُونَ نقطة تقابله معالمستوى الرأسي الجديد هي النقطة الثانية من نقط الاثر المذكور انظر (بند ٢٥) وبذلك تنعل هذه المسئلة

ثم ينتخب للاختصار الافق ط لان نقطه حينند تكون على بعد واحد و و من المستوى الافق الذى لا يتغير في نئذاذ امدينا ط الى خُ ضُ ف النقطة مودا على خُ صُ واخذ ناعليه بعدا و و الهنامن هذه النقطة عودا على خُ صَ واخذ ناعليه بعدا و من سرر من المدن الرأسي من المدنق ط من من من المدنق ط المن من المدن الرأسي من المدنق ط

الكائن فىالمستوى م كافى (بنده ١) فينتذيكون الاثرالمذكور كائنا بالضرورة على مرم الذى هوالاثرا لجديد الرأسي للمستوى م ولننبه على اله لاحاجة لنابرسم المسقط الرأسي للمستقيم ط وكان يكفي ان تعن النقطة مالي نفعنا استعمالها والاحسنان نستعمل من افقيات المستوى م الافتى أ الذي يمرم مقطه أَ بِنَقِطَة تَقَابِلُ خُصْ مِع خُصُ انامكن ذلك وحيث انالنقطة ا فى المستويين الرأسيين تعتبر على المستوى الرأسي القاطع للمستوى الافقى في حَضُ واذااتفقاناالاثرالافق قُ لم يتقابل مع خطالارض الجديد خُضُ في حدود الرسم ولم يوازيه لاتعلم النقطة و ويلزم حينتذ ايجاد نقطتين من الاثر الرأسي رأ بلا واسطة باخذ افقين للمستوى م فان خرج في هـــذه الحالة الاثر الرأسي الجديد عن حدود الرسم اخذ على المستوى م مستقيان يمكن ايجاد مسقطيهما الرأسيين الجديدين فيدعين المستوى تعينا كليا مالمستقيمن المذكورين انظر (بند ٢٧) ثم أنه يازم لتغيير المستوى الافق أحراء مثل ماذ كروذلك باستعمال رأسي اورأسيين للمستوى للفروض بحسب تقابل الاثرالرأسي للمستوى المذكور مع خطالارض الجديدف حدود الرسم اوعدم تفايد به مع عدم موازاته له

* (السئلة الحاسسة) * اداكان مسقطانقطة على مستو بين قائمى الزوايا معلومين والمطلوب ا يجاد مسقطها على مستو ثالث يقال حيث ان المستوى م كافى (الشكل ٥) ليس عوداعلى المستوى الألمى فلا يعتبر مستويا جديدا رأسياولا افقيا للمسقط لحكن ادا اردنااعتباره افقيا يجب ان نغير اولا المستوى الرأمى وتتخب المستوى المرامى وتتخب المرامى وت

(٤٨)

على غُضَ انظر (رابعا من بند ٣٣) نم نبحث عن اثرالمستوى م كافى (بند ٤٧) وعن مسقط النقطة م على هذا المستوى الجديد الرأسى كافى (بند ٤٤) نم نعتبرالمستوى م مستويا افقيا وبذلك لايكون خط الارض الجديد الا رَ فنجد حينتذ م كافى (بند ٤٥) وهى مسقط النقطة م على المستوى م

واذا اعتبرت هذه النقطة م نقطة من المستوى م واريد معرفة مسقطها على المستو بين الاصليين المبينين بخط الارض خ ض رمن لهذه النقطة بالرمن و وحيث انها موجودة على المستوى الافتى خُ ضُ يجب ان يحون مسقطها الرأسي على خط الارض فى النقطة و واذا اعتبر المستويان المنقاط عين في خ صُ المستويين المتقاط عين في خ صُ المستويين المتقاط عين في ح صُ المستويين المتقاط عين في و ك س على عود على خط الارض خ صُ نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض خ صُ نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض خ صُ نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض خ صُ نازل من نقطة و وعلى بعد الله على عود على خط الارض خ صُ نازل من نقطة و وعلى بعد المنافق في و ص

نم تعتب المستوين المتقاطعين في في منفيع المستوى الرأسي و فيحدث المسقط وعلى على عنودنازل من النقطة وعلى خض وعلى بعد المسقط و على حض وعلى بعد المدود ا

(٤٩)

من السنقيم م ه مواز خُضَ يكون عوداعلى تأ وحيث السنوى م يكون عود على المستقيم م ه الفراغى عود على المستوى م يكون وسي ون من الفي المستوى م الفياء المام م هم الفياء المناوه المنوى م المنوى

وأسيائكان يلزم على ذلك اولانغيير المستوى الافقي وانتخاب آخر فاطع الرأسي في خُ ضُ عوداعلي لَمْ فَيكُون بذلكُ فَي خَطَ الارض الجديد خُ صُ ولوبحثنا ايضاعن مسقطى النقطة م معتبرة كالنقطة ﴿ من المستوى م لوجدنا اولا رَ مع مُ على عمودواحدعلى رَا فيكون حينئذ مَرَ المسقط الرأسي للعمود م ﴿ للمستوى م وينتج من هـذه المسئلة ان مسقطى عودعلى مستوعودان على اثرى المستوى المذكوراى ان كالامن المسقطين عودعلى موافقه اسمامن الاثرين وسنثبت هذه النظرية فيمابعد

* (المسئلة السادسة) * اذا كان المطلوب جعل مستقيم موازيا لاحد مستويى المسقط بقيال

يلزم بلعل المستقيم و موازياللمستوى الرأسي كافي (الشكل ٥٢) ان رکون و موازیا لخط الارض کما فی (ثالثا من بند ۱۷) ویکنی حينتذجعل خُ ضُ موازياللمستقيم و والبحثءنالمسقط وُ للمستقيم و على هذا المستوى الجديد الرأسي انظر (بند ٤٦) واذا اريد جعل المستقيم موازياللمستوى الافقارم نغيبرالمستوى الافق وجعل خُ ضُ موازيا للمسقط و انظر (ثانيا من بند ١٧)

(°')

* (المسئلة السابعة) * اذا كان المطلوب جعل مستقيم عمود اعلى احدمستويي المسقط مقال

اذا كان المستقيم و كمافى (الشكل ٥٢) موازياللمستوى الرأسي يكون كل مستوعود على هذا المستقم عمود البضاعلي المستوى الرأسي وعكن انتخامه مستوياافقياللمسقط مع المستوى الرأسي اما اذاكان المستقيم و موازيا للمستوى الافق فيكونكل مستو عودعليه عوداعلي المستوى الافتي

(9)

ويمكن ايضا ان يعتبرمستو بارأسياجديد اللمسقط مع المستوى الافق وامااذا كان المستقيم المذكورليس موازيالمستومن مستوبى المسقط فلا يكون المستوى العمودعلي هذا الخط عموداعلي مستومن المستوين الافتي والرأسي فلايمكن اعتباره بالنسرورة مستو باافقيا ولارأ سياللمسقط مع واحد من المستويين الاصلين ومن ثم يلزم لحل هذه المسئلة ان ببتد بجعل المستقيم المفروض موازيا لاحدمستويي المسقط كماهوميين في (يند ٥٠) فان اردنام ثلاجعل المستقيم و عوداعلى المستوى الافق نجعله اولامو ازباللمستوى الرأسي ثم غيرالمستوى الافق بالتنبيه على انه آذا كان المستقيم وعموداعلى المستوى الافقي يكون مسقطه الرأسي عودا على خط الارض انظر (خامسا من بند ١٧) فِينَدْنَأُخَدْ حُصَّ عموداعلي و فيكون المسقط الافقي حينتذ نقطة واحدة كائنة على امتداد و امام خ ّ ض وعلى بعــد منه أو = ا ا وهوبعداى نقطة من المستقيم وعن المستوى الرآسي *(01)*

* (المسئلة النامنة) * اذا كان المطلوب جعل مستوعود اعلى احدمستويي المسقط بقال

ان هذه المسئلة قد انحلت في (يند ٤٨) فقد شاهدنا انه يلزم طعل المستوى م المعلوم عموداعلى المستوى الرأسي للمسقط تغييرا لمستوى الرأسي للمسقط واخذ خط الارض الجديد عوداعلى ق وانه يلزم ايضا لحمل المستوى م عوداعلى المستوى الافقى تغيير المستوى الافتى للمسقط واخذ خط الارض الجديد عموداعلي رأ

(° ")

*(المستلة التاسعة) * اذا كان المطلوب جعل مستوعودا على خط الارض

أنه يجب ان يكون المستوى عوداعلى المستويين الآفتي والرأسي معيا فنغير

اولاالمستوى الرأسى باخذ خُ صُ مثلاً عوداعلى ق ونستنتج منه رَا كافى (بند ٤٧) ثمنغ برالمستوى الافق باخذ خُ صُ عودا على رَا في بق المستوى دائما عودا على المستوى الرأسى السابق ويكون مع ذلك عودا على المستوى الافق الجديد وحينئذ يكون عودا على تقابله مااى على خط الارمن الجديد

(°E)

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطلوب جعل مستو موازيا لخط الارض يقال

ان اثرى المستوى الموازى لخط الارض كمافى (الشكل ٥٣) يكونان موازيين المغط المذكور النظر (ثامنامن بند ٣٣) فاذااردنا حينة ذحل هذه المسئلة

بتغييرالمستوى الرأسي لزم اخذ خُ صُ موازيا للاثر ق ثم لاجل ايجاد نقطة

من نقط رَا يمكن ان يرسم في المستوى م مستقيم مّا و يبعث عن تقابله مع المستوى الرأسي الجديد وكيفية الوصول اذلك سهلة جداوذلك إن المستويين

الرأسيين والمستوى م متفاطعة فى النقطة ا التى مسقطها الافتى ا بالضرورة نقطة تقابل خطى الارض خ ض و خ ض وبانتساب هذه النقطة للمستوى الرأسي خ ض تكون في العلى لا واذا

النقطه للمستوى الراسي ع ص تحصون في اعلى لا وادا التسبت للمستوى الرأسي عُضُ تكون على عود على خُضُ وعلى بعد منه

اً = ا ا فتكون النقطة ا نقطة من زًا

ولواريد حللسئلة بنغيير المستوى لافق لزم ان يؤخذ خط الارض الجديد موازيا اللاثر رأ فيوجد بكيفية مشابهة للكيفية المذكورة نقطة من نقط الاثر الافق الجديد

(00)

* (المسئلة الحادية عشم) * أذا كان المطاوب جعل مستومواز بالاحدمستويي

السقط مقال

ان المستوى الموازى لاحدمستو في المسقط يكون بالضرورة عموداعلى الاحروحيننذ بلزم لحل هذه المسئلة ان يبتد بجعل المستوى المفروض هموداعلى احد مستويى المسقط كافى (بند ٢٥) ثم يجعل موازيا للمستوى الآخر فاذا اريد مثلا ان يجعل المستوى المفروض وهو م موازيا للمستوى الراسى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الافقى ثم يغير المستوى الرأسى باخذ خط الارض المديد موازيا للاثر ق موازيا للمستوى الافقى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الافقى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الافقى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الرأسى ثم يغير المستوى الافقى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الرأسى ثم يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض المديد موازيا للمستوى الألمى أنه يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض المديد موازيا المستوى الرأسى ثم يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض المديد موازيا المستوى الرأسى ثم يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض المديد موازيا المستوى حتى يحث عنه

(7)

وقبل الشروع فى حلمسئلة دوران الاشكال حول محور نشرع فى ثلاث قواءد واضعة لها وقع عظيم فنقول

* (اولا) * انكل شكل في مستو مواز لاحد مستو بي المسقط بنسقط على هذا المستوى و ينطبق على شكل مثله و سان ذلك انذا انزلت من تها يتى مستقيم اعدة على مستوى المسقط يتكون معك شكل متوازى الاضلاع قائم يكون مسقطه الضلع المقابل للمستقيم المنسقط فكل شكل يحدد بخطوط مستقيمة متناهمة في الصغر

(وثانياً) ان كل شكل كائن فى مستوعود على احد مستويى المسقط ينسقط عليه فى اثر المستوى المشتمل عليه لان الاعدة النازلة من كل نقطة من الشكل المذكور لا تخرج عن المستوى المذكور

* (وثالثا) * انه متى دار شكل حول محور بدورايضا مسقطه على المستوى العسمودى على المحور المذكور حول اثرالمحور ببقائه دائما كا هو واما مسقطه على مستو آخر في تغير في اى وقت من اوقات الحركة اذا ثبت هذا امكن

تدوير شكل حول محور عود على احد مستويى المسقط او موازله او على اى الحجاه كان غ بعد تدوير الشكل الفراغى تنغير مواضع اجزائه المختلفة والحق ان يقال انه صار شكالا آخر مساويا للاول نبحث عن مساقطه ولاجل ذلك نسم رموز النقط والخطوط والمستويات دون اسس رموز مستويى المسقط

(°V)

* (المسئلة الثانية عشر) * اذا كان المطلوب تدوير نقطة حول محور رأسى بقدر زاوية معلومة واليجاد مسقطيها في وضعها الجديد لقال

لنفرض كافي (الشكل ٤٠) انالنقطة المفروضة هي م وانالهو والرأسي هو ا فاذا الزلنا من النقطة م عوداعلى المحوريكون افقياو بنسةط بالضرورة انسقاطا افقيافي ر عقداره الاصلى انظر (اولاس غرة ٥٦) وامامسقطه الرأسي رُ فيكون موازيا لخط الارض خ ص انظر (ثانيامن غرة ١٧) فاذادورنا الجله بقي العمود ر دائمًا عودا على المحور ا وعلى طوله الاصلى ورسم بالضرورة دائرة تكون فى مستوعمو دعلى ا اوافق ومركزهاعلى المحورومسقطها الافتى ج دائرة مساوية الهامركزها فی آ ونصف قطرهایساوی ر ومسقطهاالرأسی کج مستقیم موازلخط الارض عُ ص وحيث ان النقطة م لا تخرج عن المحيط المذكوريكون مسقطاهاعلى ج ، جُ فاذافرضناان النقطة م تدور حول ا بمقدار الزاوية ل على اتجاه السهم ف صارفصف القطر ر في وضع رُ فيحدث رُ مع ر الزاوية إ وحيث أنه لابدوان يتكون من المسقطين الافقيين عين الزاوية المذكورة يكني ان عد رُ جيث يحدث مع رُ الزاوية إ فتكون نقطة تقابل المستقيم المذكورمع ج المسقط الافق م النقطة م بعد

(1.)

الدوران واما مسقطها الرأسي فحيث الله يجب ان يكون على المسقط الرأسي للدائرة ج يكون في نقطة م ولوحصل الدوران في جهة عكس المذكورة كايظهر ذلك من السهسم ف الصار نصف القطر د في ر والنقطسة م في م من م في م المناسقة ا

(°^)

* (المسئلة الشالثة عشر) * اداكان المطلوب تدوير نقطة بقدر زاوية معلومة حول محورهمو دعلى المستوى الرأسي بقيال

ان هذه المسئلة كافى (الشكل٥٥) لاتخالف ما قبلها فى شئ سوى ان الدائرة المرسومة هنا بالنقطة م كائنة فى مستومواز للمستوى الرأسي بحيث

ان الزاوية المفروضة ل لابدوان تكون عادثة من المسقطين الرأسيين م و مُ اللذين هما مسقطا نصني قطرى الدا ترة المذكورة المارة بالنقطتين م و مُ

(09)

(المسئلة الرابعة عشر) اذا كان المطلوب دوران مستقيم بقدرزاوية معلومة حول محوررأسي اوعمو دعلي المستوى الرأسي يقيال

ان المستقيم المذكور يمكن ان يشغل ثلاثة اوضاع مختلفة بالنسبة المعور ولنذكرذ للمنقول

(اولا) قديكون المستقيم موازيا للمعورفيرسم سطحا اسطو انساذا قاءدة مستديرة كاهومعلوم فى الهندسة الاصلية

* (وثانيا) * قد يقطعه فى نقطة فيرسم حينته في سطعا مخروطيا ذا فاعدة مستديرة كاهو معلوم ايضامن الهندسة الاصلية

(وثالثا) قدلایکونکائنامعه فی مستو واحد فیرسم سطیایسی بسطح الفطع الزائد الدائر ذی الطیه وسینیه ولنشر حهذه الاحوال الثلاثه فنقول *(الاولی)* ان فرض ان المحور الرأسی هو اکافی (الشکل ٥٦) وان المستقیم الموازی له هو و الذی هو بالضرورة رأسی فتکون جیع نقط

المستقيم و الدائرة حول ا ماقية على البعد الكائن بنها وبين المحور المذكور في نئذالاثر الافتى المستقيم و في و الزاوية إ وبذلك بصيرالمستقيم و في و

*(الحالة الثانية) * ان يفرض ان الهور الرأسي اكلف (الشكل ٥٧) وان المستقيم القاطع له في نقطة مهو و فتى دور المستقيم و بقدر الراوية إلى حول المحور المحلاد وان يسترما رامن النقطة م ويكنى حينئذ لمعرفة الوضع الجديد لمهذا المستقيم معرفة تامة ان يعين الموضع الذي شغلته نقطة من نقطه فتأول المستلة حينئذ الى تدويرا حدى نقط المستقيم و حول المحود الوحسن ان ينتخب من نقط هذا المستقيم اثره الافتى الانكان موجود الحصد ودا لرمم لان الدائرة ج التي يرسمها تكون في المستوى الافتى ومسقطها الرأسي بالضرورة على خط الارض كا ان مسقط النقطة اكركون ومن حيث كذلك فاذا اوصلا الهذه النقطة بالنقطة م حدث المستقيم و ومن حيث ان الاثر الرأسي الجديد ع الوضع الحادث النقطة م ولذا رمن ناله وضع الاثر الرأسي الجديد ع الوضع الحادث النقطة م ولذا رمن ناله برمن آخر

*(الحالة الشالئة) * ان يقرض ان المحور الرأسي هو اكافى (الشكل ٥٥) وان المستقيم الذى اليس معه في مستو واحد هو و فلا جل معرفة وضع المستقيم المذكور بعددورانه حول المحور المجدر اوية معلومة إيكنى بالضرورة تعييز الوضعين الجديد بن لفقط تين من نقط المستقيم المذكور كاهومعلوم ولنفرضه ما عليه م و ه فيرسمان مدة الدور ان قوسي دا ترتين ولنفرضه ما عليه م و ه فيرسمان مدة الدور ان قوسي دا ترتين على المحوروموازين بالضرورة للمستوى على المحوروموازين بالضرورة للمستوى الافقى فتصير حينئذ النقطة م في م و ه في و ولعدم رسم الزاوية المعددوران النقطة م في م و ه في و وبرسم وبين على المحوروس رسم = م م و برسم القطر المارمن ه الى رويؤ حادة قوس رسم = م م و برسم القطر المارمن ه الى رويؤ حادة قوس رسم = م م و برسم

ومن ذلك المستقيم الدائرة في في النقطة و ومن ذلك بنتج و في النقطة و ومن ذلك بنتج و في المعالم المائرة في المائرة في المائرة في النقطة و ومن ذلك وتختصر العمليات باخذ نقطة بن مسقطاه ما الافقيان على بعد واحد من المائرة والمائرة المائرة بعد واحد من المائرة المائرة المائرة بعد واحد من المائرة المائر

وتختصر العمليات باخذ نقطة بن مسقطاه ما الافقيان على بعد واحد من الان الدوائر التي ترجمها ها تان النقطة ان متعدة المسقط الافقى فلواخذ نا مثلا النقطة بن اوم لاجرى على احديهما وهي م ما اجرى على اقبل في (غرة ، ٧٥) ولا يجاد النقطة الناخذ على الدائرة ج اوج و و و و و و و و

البعدد ١١ = م م م م اله عكن انتخاب النقطة بواسطتها تنحل المسئلة وهي ان ينزل من أعود لا على و يقطعه في النقطة ع التي هي المسقط الافتي للنقطة ع من نقط المستقيم و مم نفرض ان جلة المستقيم و والمسقط الافتي و والرأسي لا تدور حول المحور بقدرال اوية إ فيصيرال أسي في ن صانعامع لا الزاوية إ ويبتي المستقيم و مدة الدوران عمودا على لا ومسقط الفقيا للمستقيم و في جيع اوضاعه كما في (ثالثامن على لا ومسقط الفقيا للمستقيم و في جيع اوضاعه كما في (ثالثامن على لا ومسقط الفقيا للمستقيم و في جيع اوضاعه كما في (ثالثامن على لا ومسقط الفقيا للمستقيم و في جيع اوضاعه كما في (ثالثامن المناهنات المن

بند ٥٦) فينشذ اذا مدينا و عودا على ن او ماسالدائرة و عدد معنا المسقط الافق المستقيم و بعد الدوران ونقطة اخرى عمن المسقط الرأسي فاذاعلم اتجاه هذا المسقط اونقطة ثانية منه امكن رسمه ويحكن ايجاد النقطة أ بجعل النقطة افى ا على و برسم قوس واثرة من المعتبرة مركزا ومن المعلوم انه يمكن انتخاب اى نقطة دائرة من المعتبرة مركزا ومن المعلوم انه يمكن انتخاب اى نقطة

ويمكن حل المسئلة التي الغرض منها دوران مستقيم حول محور عمود على

غراالمقطة ا

المستوى الرأسي بهذه الكيفية نع ينبغي ان نجرى على المستوى الرأسي العمليات التي اجريت على المستوى الافق وبالعكس التي اجريت على المستوى الافق وبالعكس *(٦٠)*

* (المسئلة الخامسة عشر)* اذاكان المطلوب دوران مستوبقدر زاوِية معلومة حول محور رأسي يقال

ان الوضع الجديد للمستوى المفروض يعلم اذاعلم وضع المستقيمين الكائنين على المستوى المذكوروالاحسن ان ينتخب من المستقيمات مستقيمان أفقيمان ويؤخذ الاثر الافتي للمستوى بدل احدهما لكونه لايخرج مدة الحركة عن المستوى الافق فاذا انزلنامن النقطة أكافى (الشكل ٥٩) عودا ك على قُ فانه يقابل الاثر الذكور في النقطة ع التي ترسم مدة الدوران دائرة ج يكون الاثرالافق مماسالها دائما وحيث أن المستقم المذكور يصير في الوضع نُ الصانع مع ن الزاوية المفروضة ل تكون النقطــة ع في عُ واذا الحذنا للدائرة ج مماسـافى النقطة عُ كان هوالاثرالافق ق اللمستوى م بعد الدوران وانتسبت النقطة ب التي بقابل فيها الاثر المذكورخط الارض للاثرالرأسي الحديد للمستوى المذكور غمنستعمل لايجباد نقطة ثانية منه افقيها ط من المستوى م فيدقي مدة الدورانعلى يعدوا حدمن المستوى الافق فيكون بالضرورة مسقطه الرأسي على خطوا حدمواز لخط الارض خ ض دائمًا واما مسقطه الافق فيهقى موازباللاثرالافق للمستوى فينتذ ط يقطع المستقيم ن فى النقطة ك المنتقلة في كُ على نَ فاذا امر زنامن هذه النقطة المستقيم كُ موازيا للاثر في بحد الدوران اللاثر في بحد الدوران كَافَى (ثَالثًا مِن بند ٥٦) وتكون النقطــة ـُــ التي يقطع فيهــا ط المستوى الرأسي النقطة النيانية المطلوبة من الاثر را فأذا اوصلنا

4 *(11)*

بين ـُ و خِ نحدالانرالمذكور

وكان يكن بدل انزال العمود ن على ق ان نبعث عن الوضعين الجديدين لنقطتين حيث ما اتفق لكن يكون في العمليات تطويل ولو انتخبت النقطتان

المذكورتان على بعدوا حد من النقطة أ فقد اخذنا افقيامًا ط وكان عصار الشكل لوفرضنا الافقى الماربالنقطة التي يقابل فيها المحور

ا المستوى م فيكونمسقطهالافق مارابالنقطة ا

الفلولم بقيابل الاثرالافق تَ خط الارض في حدود الرسم لما حدثت النقطة بَ من الاثرالراً مي فنجبر على استعمال مستقيم آخر يستحسن انتخابه افقيا ونجث عن اثره الرأسي بعد الدوران فيحدث لنا نقطة من ركم اذا وصلت بنقطة كم محدث لنا الاثر المطلوب

ويمكن ان تحل المسئلة ايضا باخذ محور عود على المستوى الرأسي ولا تستعول في هذه الحالة الارأسات المستوى

(71)

* (المسئلة السادسة عشر) * اذا كان المطلوب جعل مستقيم فى وضع مواز لاحدمستوى المسقط يقيال

انه يمكن كافى (السكل ٦٠) بدل دوران المستقيم بقدر زاوية معلومة ان يطلب تدويره حتى يصيرف وضع معين بالنسبة لمستويي المسقط فاذا اربد مثلا دوران المستقيم و حول المحور الرأسي ١ حتى يصير موازيا للمستوى الرأسي يكون في هذا الوضع مسقطه الافقي موازيا خط الارض افطر (ثالثامن بند ١٧) ويجكفي حينت ذمعرفة احدى نقطه ويسهل معرفة انه يجب ان يستعمل هنا الحال الاخيرالم فررفي (ثالثامن بند ٥٩) فننزل من النقطة ١ عودا على و يقابله في النقطة ع التي هي المسقط الافقي من المسقط الافقى من المستقيم و فاذا تصورنا الاتن الجملة المتحصلة من المستقيم و فاذا تصورنا الاتن الجملة المتحصلة من

المستقيم و ومن مسقطه الافتى و ومن الرأسى النازل من النقطة ع ومن المستقيم ن ودورناها حول الحور البقيت المستقيمات الاربع على وضع متناسب فيكون و اما عوداعلى أن او ماسا للدائرة المرسومة من و امعتبرة مركزا بالنصف قطر ن وموازيا في هذه الحالة الثانية خط الارض حضر وتصير النقطة ع في ع على ارتفاع واحد فوق المستوى الافقى وكذلك تصير النقطة افى أوبذلك يصير و المسقط الرأسي للمستقيم في حالة وضعه الحديد

وحيث ان نقط المستقيم ترسم اقواس دوائر افقية يتضع انه بننج من الشكل الزاوية ل المرسومة بالنصف قطر ن والتي تدور بقدرها اجزاء الشكل الباقية اذاوجدت خطوط اخرى تا بعة لحركة المستقيم و

(75)

واذالم يعلم المحور ا من قبل ينتخب مارا بنقطة من المستقيم و الفذلك من اختصار السكل واننبه على انامجبورون فى جعل المستقيم و موازيا المستوى الرأسي على انتخاب المحور عودا على المستوى الرأسي لرسمت جيع نقط الحالة كاذكر واما لوكان المحور عودا على المستوى الرأسي لرسمت جيع نقط المستقيم و دوائر موازية للمستوى الرأسي وكان لها بالضرورة بعد واحد عن المستوى المذكور فلا تكون جيع نقط و بعد الدوران على بعد واحد عن المستوى المرأسي ولا يكون المستقيم المذكور موازيال بذا المستوى بالضرورة ولا يمكن بماذكر جعل المستقيم و فى وضع مواز للمستوى الافتى الا بحركة دوران حول محور عود على المستوى الرأسي

(7 ")

* (المسئلة السابعة عشر) * اذا كان المطاوب وعلى مستقيم في وضع عود على المستويى المسقط يقال

متى كانمستقيم عوداعلى احدمستويى المسقط كافى (الشكل ٦١) يكون

بالضرورة موازيا للا تحوحيننذ يلزم لحعل مستقيم موازيا للمستوى الرأسي ان يدور ذلك المستقم حول محور رأسي كما في (بند ٦٢) لكن جميع نقط المستقيم مدة هذه الحركة تبقى على بعدواحد من المحور فلا يحكن ان يوازيه بالنبرورة اصلا وذلك لانكل مستقم دائرحول محور عودعلي المستوى الرأسي لاعكن ان يكون موازياله ان لم يكن كذلك قبل الدوران فيستحيل حينئذ جعلمستقيم رأسيا لدورانه بحركه بسيطة جداحول محور واحد اكن ياول حركة حول محوررأسي المجعل المستقيم وفيوضع كوضع و مواز للمستوى الرأسي كافى (بند ٦١) ثم يجعل هذا المستقيم بثاني حركة دوران حول المحور ب العمود على المستوى الرأسي في وضع رأسي كوضع وُ لان المسقط وَ يشغل مدة الدوران الثانيجيع الاوضاع المماسة لادائرة جُ فلامد ان يبقى فى وقت من اوقات الحركة برهة صغيرة عود اعلى خ ض فيكون المستقيم وُ حينتُذرأسياكافي (خامسامن بند ١٧) ولاجل جعل المستقيم المفروض فى وضع عمو د على المستوى الرأسي بلزم ان محمل اولامواز باللمستوى الافق شدويره حول محور عود على المستوى الرأسي وان يجعل في الوضع المطلوب بجركة دوران اخرى حول امحوررأسي

تنبيه يمكن ان يتحصل من العملية زاويتان أ و سي حادثتان من دوران المستقيم و حول المحورين فلووجدت خطوط اخرى او نقط كذلك تابعة للمستقيم في هذه الحركات للزم دورانها بمقاد برزوا يا متساوية

(7٤)

* (المسئلة الشامنة عشر) اذا كان المطلوب جعل مستوفى وضع عود على الحدمستويي المسقط يقال

لنفرض كافى (الشكل ٢٦) انالمستوى هو م وانالمحور الشكل ١٥ وانالمطلوب دوران المستوى م حول المحور ١ حتى يصرعودا على

المستوى الرأسي فيكون اثره الافتى في وضعه الجديد عودا على خ ص ولو اترلنا من النقطة أعودا كالعمود لل على ق وقابله في النقطة راسمت هدفه النقطة دائرة كدائرة ج عسما دائما الاثر الافتى المستوى ويصير العمود للمستوى ويصير العمود للمستوى المافي للواله والمافي للمستوى ويصير العمود المين الى اليسار او بالعكس ثم اذا رسمنا على الدائرة ج عودا على خ ض نجد ق او ق ولا يجاد الاثر الرأسي نتبه على ان المحود المقطع المستوى م في نقطة غير متغيرة مدة الدوران ومسقطها الرأسي على الاثر الرأسي الجديد للمستوى م المستوى النقطة م احدى نقط الاثر الرأسي المطلوب ونقطة ع اوع التي يقابل فيما الاثر الاثرة الرأسي المطلوب ونقطة ع اوع التي يقابل فيما الاثر الافق خط الارض غ ض المائية لائية له وبذلك يتعين الاثر الورس ع المائية لائية له وبذلك يتعين الاثر الورس المائية النورة المائية ال

ولواريد جعل المستوى عوداعلى المستوى الافقى للزم تدويره حول محورعود على المستوى الرأسي

(70)

* (المسئلة التاسعة عشر) * اذا كان المطلوب جعل مستوفى وضع عمود على خط الارض يقال

ان المستوى فى وضعه الجديد عود على مستولى المسقط معاكافى (الشكل ١٦) وحيث شوهد انه لم يمكن جعله عود اعلى المستوى الافقي بحركة دوران حول المحور الرأسى كاتقدم لنا ذلك فى (بند ١٤) لا يمكن حل مسئلتنا هذه الابتدويرين احدهما حول المحور الرأسى المحل المستوى مفوضع كالموضع م عود على المستوى الرأسى للمسقط فقط والا تنر حول محود كالمحور ب عود على المستوى الرأسي للمسقط لجعل المستوى محود كالمحور ب عود على المستوى الرأسي للمسقط لجعل المستوى

A) *(11)*

مُ فى الوضع مَ اى الوضع العمودى على المستوى الافتى وحيث ان وضع المستوى مَ بالنسبة للمستوى الرأسى للمسقط لا يتغير فى التدوير الثانى كافى ('بالثامن بند ٥٠) يكون المستوى مَ عودا على مستويى المسقط معا فيكون عودا بالضرورة على خط الارض ويختصر الشكل بامرار المحورين بالنقطة م التي هى احدى نقط المستوى المعلوم م بامرار المحورين بالنقطة م التي هى احدى نقط المستوى المعلوم م بامرار المحورين بالنقطة م التي هى احدى نقط المستوى المعلوم م

(المسئلة العشرون) اذا كان المُطلوب جعل مستو فى وضع مواز لخط الارض بقال

عكنكافي (الشكل؟) حل المسئلة بتدوير المستوى م حول المحور الرأسي احتى يصيراثره الافق موازيا خض انظر (نامنامن بند ٣٣) ثم لا يجاد الاثر الرأسي الذي يجب ان يكون موازيا ايضا خض لا يصيح ان يستعمل افق من افقيات المستوى كما هو معلوم لان المستقم يصير بعد الدوران موازيا خض ولا يقابل بالضرورة المستوى الرأسي لكن يجت عن النقطة م التي هي تقابل المحور ا بالمستوى م وهذه النقطة ثانية فاذا امر رنامنم افي المستوى م المستقم و الذي لم يرسم في الشكل غير مسقطه الافق و فلا بد وان يستمر ما را بالنقطة م نفسها ويصير اثره الافق الفائقة في النقطة اكراب يستمر ما رنامن هذه النقطة موازيا للغط خض كان هو النقطة ب في تقد ذاذا امر رنامن هذه النقطة موازيا للغط خض كان هو الاثر المطلوب ركامن المستقم و المنابق المنا

ومن المعلوم اله يصبح الديستعمل بدل الاثر القطة الحرى من المستقيم و *(٦٧)*

* (المسئلة الحادية والعشرون) * اذا كان المطلوب جعل مستو في وضع موا زلاحد مستويى المسقط يقال

ان المستوى الموازى للمستوى الرأسي يكون ايضا عودا على المستوى الافقى وائره الافتى موازيا لخط الارض فيلزم اولا جعل المستوى المفروض م

عوداعلی المستوی الافق بحر که دوران حول محور عود علی المستوی الرأسی کافی (بند ۱۶) ثم بجعل بحرکه دوران ثانیة حول محور رأسی مواز باللمستوی الرأسی

ولجعل مستو فى وضع مواز للمستوى الافق يجعل اولاعوداعلى المستوى الرأسى بحركه دوران حول محورراً سى ثم يجعل بحركه دوران اخرى حول محور عود على المستوى الرأسى موازيا للمستوى الافقى

(71)

ويمكن بحركات دوران كالحركات السابقة جعل اى مستوفى وضع به مكون اثره الافتى مثلا موازيا لمستقيم معلوم فى المستوى الافتى كايصح تعيين حدالحركة اللازم اجرا وهاعلى المستوى المذكور

(79)

ويمكن حل جميع المسائل الهندسية الوصفية بواسطة تغييرات مستويي المسقط ويجركات دوران حول محور عود على احدمستوي المسقط وهذا في الحقية يرجع المتغييرات و ذلك لان تغييرالمستوى الأسى المسقط مثلا يرجع بالضرورة الدوران المستوى الرأسي القديم حول محور رأسي حتى يصير في الوضع الجديد المطاوب وضعه فيه غاية ما في المالفرق بين الطريق متين الاصلية بنان الذي يدور في النابة المسكل المراد اسقاطه هو احدمستوي المسقط وان الذي يدور في الثنائية حول محود كالاول ليصير في وضع لائق بالنسبة المسكل كالاول ليصير في وضع لائق بالنسبة المستويي المسقط هو الشكل نفسه ومن هنا بنتج ان المسائل تنحل غالبات عبيرات مستويي المسقط هو الشكل نفسه ومن هنا معاوم عذلك فيشاهدان في استعمال احديهما دون الاخرى اختصار اوسهولة في بعض الاحيان وسنذكر مسائل لا يمكن حلها الاباحدى هذه الطرق ويشاهد مما سبق ان الاخصر في جعل مستقو في وضع مواز خلط الارض تغيير المستوى لاحرك آلدوران عن استعمال مستقيم لاحاجة له في الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم لاحاجة له في الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم لاحاجة له في الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال تغيير للمستوى الدوران عن استعمال تغيير المستوى المين استعمال تغيير المستوى الدوران عن استعمال تغير المستوى المينان و المينان و المينان و المينان و المينان و المينان و الدوران المينان و ال

مستويى المسقط عندانتخاب المحاورانتخابا مستعسنا لجعل مستوفى وضع عود على خط الارض فالمستله المقررة فى (بند ٦٨) لايمكن حلمها منغيرات المستوى بالضرورة

(v·)

وقد يضطر غالبافى المسائل العملية الى دوران شكل حول محورليس عودا على احدمستو بى المسقط لكنه فى العادة مواز لاحدهما والغالب ان يكون فى احدهذ بن المستو بيزو تحل هذه المسائل ايضا بتغييرات المستويات وبحركات الدوران حول المحاور العمودية على احدمستو بي المسقط

(Y1)

*(المسئلة الشائية والعشرون) * اذا كان المراد تدوير نقطة اومستقيم بمقدار زاوية معلومة حول محورموازلاحد مستوي المسقط يقال ليفرضان ا مثلا محورافق ما الربالنسبة للمستوى الرأسي كما في الشكل ٦٥) وان المراد تدويرالنقطة م اوالمستقيم و بمقدار زاوية معلومة ا حول المحور المذكور فترسم النقطة م وجميع نقط المستقيم و اقواس دائرة كاهافي مستويات عودية على المحور ا فتكون بالضرورة رأسية وتنسقط انسقاطارأسيابدوا ترمساوية لها اذا كان المستوى الرأسي للمستقيم عود اعلى المحور ا ولذا يغير اولا المستقيم و حول محور الرأسي للمستوى الرأسي المستوى الرأسي للمسقط وقد تقدم لنافي بندى ٥٨ و ٥٩) عود على المستوى الرأسي المسقط وقد تقدم لنافي بندى ٥٨ و ٥٩) كينية المجاد مسقطى النقطة م والمستقيم الى مستويى يتقاطعان في خَصَ لكن ينزم نسبة النقطة والمستقيم الى مستويى يتقاطعان في خَصَ لكن ينزم نسبة النقطة والمستقيم الى مستويى المسقط القديمين فيكني لذلك ان نتزل من النقطة م عمود على خض وان نأخذ

رِ الْزُرِ رِ الْرِ وم = وم و عد = عد

فيعدث المسقط الرأمي لنقطة ثانية من المستقيم و وبهذا يتعين المستقيم

تعينا كلياوكذلك النقطة م

(YY)

ثمان الجزء الاول من المسئلة مبنى على جعل المحور اعود اعلى احدمستويى المسقط ومن المعلوم الله كان يمكن الوصول الذلك بحركة دوران حول محور رأسى كافى (بند ٦٣) لكن ما تبعناه من العمليات سهل جدا كالا يخفى ذلك لتوصيلها للمطلوب بلاواسطة

اذااريد تدوير النقطة اوالمستقيم حول محور موازلامستوى الرأسي بتنبه الى ان الدوا براطاد نه من دوران كل نقطة اعدة على هذا المحور فتكون بالضرورة اعدة على المستوى الرأسي وبهذا يتوصل اولا الى جعل هذا المحوررأسيا بأخذ مستو افتى جديد يكون عودا عليه لان هذه الدوائر تنسقط كام اعلى هذا المستوى الحديد بدوآ ومثلها

(Yr)

* (المسئلة الثيالية والعشرون) * اذا كان المطلوب تدوير مستو بقدر زاوية معلومة حول محورمو از لاحدمستو بي السقط يقال

ليفرضكافي (الشكل ٦٦) ان المحود ١ موازللمستوى الرأسي وماثل النسبة للمستوى الافق تم بيعث عن المجاد اثرى المستوى م بعد دورانه حول المحود ١ بمقد ارزاویة معلومة فحمیع نقط المستوى م ترسیم مدة الحركة اقواس دوآ تركائنة في مستویات اعمدة علی المحور و تنسقط كلها بدوا ترمثلم ااذا كان المستوى الافق عودا علی ١ ولذا نغیر اولا المستوى الافق و تجعله عودا علی ١ ولا بدان يكون حينت خط الارض خ ص عودا علی ١ وان به ون المسقط الافق المعود ١ نفس النقطة ١ ون متباعدة عن خ ص بقد ارمساول بعد ١ عن خ ص ولا يجاد ق متباعدة عن خ ص بقد ارمساول بعد ١ عن خ ص ولا يجاد ق متباعدة عن خ ص في النقطة و ثم نعين نقطة ثانية كالنقطة من نواسطة الرأسي ط المستوى م فاذا ازلنا من ١ عودا ١ ع

4 *(17)*

على ق ورسمنا قوس دائرة مركزها ا ونصف قطرها هو اع ورسمنا اع بحيث يصنع مع اع الزاوية الفروضة ال غرسمنا من عماسا لقوس الدائرة المرسومة نجد الاثرالافق ق المستوى في وضعه الجديدو من ذلك يستخرج الاثرالأسى رك بواسطة افق ب للمستوى تعلم منه النقطة ع فيتحصل معنا الاثرالافق ق المستوى عم على المستوى القديم عد رك الى خ ص ان امكن ذلك غين نقطة اخرى كالنقطة د بواسطة الرأسي هو المهستوى م ولدوران المستوى حول محور مواز المستوى الافق بلزم اولا ان يؤخذ مستو ولدوران المستوى حول محور مواز المستوى الافق بلزم اولا ان يؤخذ مستو جديد رأسي عود اعلى هذا المحور و يكن بدل التحديد بالزاوية ان يجعل المستقيم اوالمستوى في وضع معين

* (المسئلة الرابعة والعشرون) * اذا كان المطلوب تدوير نقطه اومستقيم بقدرزاوية معلومة حول محورتما يقال

ليكن المحور اكافي (الشكل ١٦) معلوما بسقطيه أو أوالنقطة م معلومة بسقطيها ايضام وم والمستقيم و معلوما ايضا بمسقطيه و و و فيلزم ايجاد مستطى المستقيم اللذين هما و و و المستقيم و المستقيم و المستقين م و م المنقطة م بعد تدوير و وم بحقد ارالزاوية إحول المحور افني مدة الدوران ترسم النقطة م وجيع نقط المستقيم و اقواس دائرة كائنة في مستويات اعدة على المحور المنسقط بدوائر متساوية أذا كان المحور المحود المحود المحدد المسقط عود اعلى الكن لايصير جعله في هذا الوضع بانتخاب مستوجديد المسقط عود اعلى الكن لايصير المستوى المدور اليهما الشكل المستوى المنسوب اليهما الشكل

الآن فيضطرالي تغييرالمستوى مرتمن مان نأخذ *(اولا)* مستوياً رأسياجديداموازياً للمعور أ ولاجل السهولة والاختصارفى ذلك ينتخب المستوى المسقط افقيالهذا المحوروبذ لك بكون خط الارض الجديده والمسقط أ وحيث ان المساقط الافقية أ م م و لاتتغيرتكون المساقط الرأسية الجديدة ١ م ، و على المستوى الرأسي الجديد انظر (بندى ٤٦,٤٤) ويذلك يؤل الحال الى تدويرالنقطة م والمستقم و حول المحور 1 الموازى لاحدمستوبي المسقط اي الى المسئلة المنقدم حلهافي (بند ٧١) ثم يغيرالا تنالمستوى الافقيان يجعل خُصٌ عمودا على المحور 1 فيكون مسقط المحور الافتى نفس النقطـــة آ وحيث ان المسقطين الرأسيين م و و لا يتغيران يكون المسقطان الافقيان عيني م و و نم لتدوير م والمستقيم و حول المحور ا الذي ن ن هوالا نعودعلى المستوى الافقى بلزمان يوصل بين أ و م ويجعل هذا المستقيم نصف قطر ترسم به دائرة تقطع و في نقطة ثانية ك م تصنع الزاوية بواسطة المستقيم أم فيتحصل نقطة م و بجعل كن كن ا م مُ يتحصل معنا نقطة ثانية من و ولكون المسقطين مُ . كُ جِـدانءِلى خطـين موازيين لخطالارض خُصٌ ومارين بالمسقطين م و ك يتحصل معنما و فيلزم الآن تغيير المستوى الافتى وانتخباب خُ صَ خطا ارضيا بشرط ان يؤخذ مُ خلف هذا الخط ، كُنَّ امامه کوضعی م و ک بالنسسة الی خ ص انظر (بند ٤٣) ومن هذا ينتج و ومنه ينتج و انظر (بند ٤٦)

(Y°)

* (المسئلة الخامسة والعشرون) * اذا كان المطلوب تدوير مستو بقدر زاوية معلومة حول محور ما يقال

ايفرس كما في (الشكل ٦٨) ان المحور ا معلوم بمسقطيه أ , أ وان المستوى م معلوم ايضا بالريه ق ، را والمطاوب تدوير المستوى م بقدر زاوية معلومة إحول المحور أ فني مدة الدوران ترسم جميع نقط المستوى م اقواس دائرة في مستويات اعمدة على ا ويذلك لاتكون موازية لاحد مستوبي المسقط ولااعدة عليه فقدآل الامراولاالي تغيير المستوى الرأسي كما في المسئلة المتقدمة فحمنئذ يؤخذ المستوى الحديد موازيا للمعوراومارايالمحورنفسه وهواخصرفينطيق خط الارض خُضَ على أخم لايجاد وضع المحور على هذا المستوى يبحث عن وضعي نقطتين من نقطه و م فيتحصل المحور ١ وحيثانالاثر ق الايتغيريعناالاثرالرأسي رًا مافق ب منالمستوى ثم يغير المستوى الافق بانتخابه عمودا على المحور فيكون خطالارض خُصُّ عمودًا على 1 والمسقط الافتي للمعور هوعن أ فلا يتغيرالاثر الرأسي رًا ويتعصل الاثرالافق قُ ا بواسطة الرأسي ط للمستوى ثم يلزم تدوير المستوى م المعلوم باثريه قُ رُ احول المحور ١ الذي هو الان عود على المستوى الافق للمسقط مان ننزل أع عوداعلى ق ونرسم الزاوية ل منرسم قوس دائرة بجعل أ مركزا فيتعصل معنا النقطة ع وماخذ ق ماسا في هذه النقطة للدائرة ج يحدث الاثر الافق للمستوى في وضعه الحديد ويقابل الاثر الرأسي رًا المحور في نقطة ﴿ ثَابِيَّةُ مِدْ وَالدُّورَانُ وَمُنْتُسَبِّهُ بِالضَّرُورَةُ إِلَى الاثر

الرأسى رَ ايضا ثم نغير الا ن المستوى الافق بان نأخذ خ ص خطا ارضيا في تعير الاثر الافق ق بواسطة الرأسى الركم نغير ايضا المستوى الرأسى بان نأخذ خ ص خطا ارضيا فنجد الاثر الرأسى راكم بواسطة افق س نأخذ خ ص خطا ارضيا فنجد الاثر الرأسى راكم بواسطة افق س * (٢٦)*

اذاعلم شكل مستوفى الفراغ كان من المهم معرفة هيئنه الحقيقية فيلزم اذلك جعل المستوى المحتوى على ذلك الشكل فى وضع مواز لاحد مستوبى المسقط انظر (اولامن بند ٥٦) ويتوصل الى ذلك بعمليتين مختلفتين هما

(اولا) أن يؤخذمستوجديد للمسقط مواز لمستوى الشكل المذكور او يعتبر اختصارا هذا المستوى عينه مستويا جديد الله سقط لا اذالم يكن هذا المستوى عودًا على احد المستويين الاصلمين يجب البدؤ بجعله فى هذا الوضع الحاص

*(وثانيا) * ان يدورستوى الشكل المذكور حول محور وينتخب محورا في العادة احداثريه وتسمى العملية حينتذعلية الانطباق وحيث ان هذه الحركة حاصلة حول محور مواز لاحد مستوبي المسقط احتيج في دلك الى عمليتين انظر (بند ٧٣) فيتحصل من ذلك انه اذا اربد ايجادهيئة الشكل الحقيقية لاى شكل كائن في مستوتما وجب اجراء عمليتين الغرض من اولا هما جعل مستوى الشحكل عود اعلى احدمت ويي المسقط ومن الثمانية جعله منطبقا على المستوى الآخر للمسقط اوجعله اقل ما هناك موازياله وكاتباهاتين العمليتين عكن اجراؤها اما بتغيير مستوا وجورك دوران ومن ذلك يتحصل اربع طرق لل هذه المسئلة هي

(اولا) ان تصل مغييري المستويين

(وثانيا) بنغ يرالمستوى م حركه دوران

(وثالثا) بحركه دوران ثم بتغيير المستوى

(ورابعا) بحركتي دوران

(١٤)

ومن المعلوم ان هذه الطرق قد انحلت حلاكافيا في اسلف ولنشرع الآن في بيان تطبيقها على حل المسائل الاربع الآنية التي توصلنا الى مسئلة العكس وهى ان يكون المعلوم وضع نقطة على المستوى المنطبق او المعتبر مستويا للمسقط والمطلوب معرفة مسقط بها على مستويين معلومين عوديين على بعضهما والمطلوب معرفة مسقط بها على مستويين معلومين عوديين على بعضهما *(٧٧)*

* (المسئلة السادسة والعشرون) * اذا اريد رسم مثلث متساوى الاضلاع على مستقم معلوم يقال

ليفرضكافي (الشكل٦٩) انالمستوى المراداجرا العملية المطلوبة عليه م ومن المعلوم ان المستقيم اله لايكون معلوما الا بمسقطه الافتي ن ان ان المستوى م حيث يتعين به مسقطه الرأسي ا آ ب انظر (بند ٢٨) والاحسن ان يقال من حيث ان المستقيم محدود بالنقطتين ا و ب بعث عن مسقطى هاتين النقطتين الرأسين كَافِي (بُند ٢٩) مان يستعمل لذلكُ افقيان من المستوى م ادًا تقرر ذلك فلا يكن اجراءالعملية المطلوبة الابعد جعل المستوى م منطبقاعلي احدمستوبي المسقط وتستعمل في ذلك الطريقة الاولى انظر (بند ٧٦) اعنى تغييري المستويين وذلك مان يجعل المستوى م افقياللمسقط فيلزم ان بنتخب اولامستورأسي جديدعوداعلى المستوى م فيكون خط الارض حُ صُ بالضرورة عوداعلى ق انظر (رابعامن بند ٣٣) ولاجل ایجاد رَ یستعمل افقیان قدرسمالایجاد ا و سر ثمیجعل المستوی م مستويا افقيا للمسقط فيصير تقاطعه بالمستوى الرأسي اى را خط الارض الحديد عُضٌ ويكون المسقطان الافقيان للنقطتين ١ . _ هماعينهما وايجادهما يكون الطرق المعلومة في (بند ١٥) وبعدا يجادالمستقيم السريسم المثلث المنساوي الاضلاع المطلوب ولمعرفة

مسقطی هذاالمنات علی مستویی المسقط الاصلین بندی ان بنیه الی انه لم بنق علی المعرفة مسقطی الرأس علی المعرفة مسقطی الرأس علی عکس ماسبق اعنی ان بنتقل من المستو بین علی عکس ماسبق اعنی ان بنتقل من المستو بین المتقاطعین فی خُصُ بنغیر المستوی الافق المسقط ثم بنتقل من هذا الی الاصلین المتقاطعین فی خُصُ بنغیر مستوی المسقط الرأسی

فلواعتبرنا المستوى م مستويا رأسيالكان الالبق تعيين أو سرأسين من المستوى م يقعان فيما بعد لا يجاد الاثر أن على مستوى المسقط الحديد الافق العمود على المستوى م الذي كان يلزم اعتباره قبل اعتبارالمستوى م مستويارأسياللمسقط الحديد الافق العمود على المستوى م مستويارأسياللمسقط

* (المسئلة السابعة والعشرون) * اذااريدان يسم على قاعدة معلومة الطول السئلة السابعة والعشرون) * السئلة السابع مصافح الفي المناف معلوم الوضع يفرض السابع ورأسه في على مستقيم معلوم الوضع يفرض

ان المستوى كمافى (الشكل ٧٠) المراد اجراء جميع العمليات عليه م ومن حيث ان كالرمن المستقيمين الله و الكائنين على المستوى م لايعلم الا بمسقط واحد يستنج المسقط الا خربمة تنفى (بند ٢٨) وحيث انه لا يمكن اجراء عليهات المسئلة الابعد جعل المستوى م منطبقا على احد مستويي المسقط يفرض ان المطلوب انطباقه على المستوى الافقى وتستعمل فى ذلك الطريقة الثانية المقررة فى (بند ٢٦) وهى تغيير مستو شركة دوران

وبلزم لاجل انطباق المستوى م على المستوى الافقى تدويره حول ق معتبرا محورا لكن من حيث ان هذا المحورافقي يجب ان يجعل اولا عموداعلى

الستوى الرأسي انظر (بند٧٣) بان يغير المستوى الرأسي للمسقط فيؤخذ خُضَ عموداء لي قُلُ ويحث عن رَأُ الذي لابد وان يحتوى على و مع و و معاكمافي (ثانيا من بند ٥٦) وبعد انطب اق المستوى م على المستوى الافق منبه على ان النقطة استلانرسم قوس دائرة ج موازية لمستوى المسقط الرأسي القاطع لمستوى المسقط الافقى ف ف م ومن حيثان هذه النقطة لايدوان تصبرعلي المستوى الافقي يكون مسقطها الرأسي حينتَّذُعلى خط الارض في أَ فتكون النقطة نفسها بالضرورة في أ وتتحصل ايضا النقطة الاخرى ئـ والمستقم و ثم يرسم المثلث المطاوب أرُ عَلَى المستوى م المنطبق ثم لا جل معرفة مسقطى هذا المثلث على مستويى المسقط الاصليين ننبه على انه حيث أن الرأسين ا معلومان وإن الرأس الثمالث موجود على المستقيم و لم يبق علينا الاان تنزل من الرأس عُ عموداعلى ق فيقطع ذلك العمود المسقط و فى النقطة ع ومنه بنتج ع وبايصال مسقطى هـذه النقطة ع عساقط النقطتين ا و محصل مسقط المثلث المطلوب اسع ولواريدانطباق المستوى م على المستوى الرأسي لكان يلزم اولا تغيير المستوى الافقى بجعل خط الارض الجديد عوداعلى كر ثم تدوير المستوى م حول هذاالاثرالرأسي وكانت العمليات مشايهة للمذكورة آنفا

(44)

* (المسئلة الثامنة والعشرون) * اذا اربدان يرسم داخل محيط دائرة معلوم مخس منتظم احدى رؤوسه منطبقة على نقطة معلومة يقال ان محيط الدائرة كافى (الشكل ٧١) يتعدين بمركزه و بنقطة من المحيط ، ذاعلم المستوى المحتوى عليه فأذا فرض ان المستوى المذكورهو م

وان المسقطين الافقيين و , أ المركز و والنقطة ا معلومان يستنتج المسقطان الرأسيان انظر (بنده ٢) بان يستعمل لذلك رأسيان و و أ المستوى م ثمانه لا يمكن اجراء العمليات المطلوبة الابعد انطباق المستوى م على احدمستو بي المسقط ولاجل جعله في هذا الوضع تستعمل الطريقة الثالثة المقررة في (بند ٧٦) اعني حركة دوران ثم تغيير مستو فأذا اريدجعل المستوى م مستوياجديدارأسياللمسقطار مجعله اولاعودا على المستوى الافتى شدويره حول محور عمود على المستوى الرأسي انظر (بند ٦٤) الحان يصر را في وضع را عمود على خ ص وحيث ان المحور اختيارى يلزمان يجعل مارا كما هوالاخصر بقطة تقاطع الاثرين وهذا الاختيار يتعلق ضرورة بترتد الشكل الخاص ثم لأجل ايجاد مساقط لنقطتين و 🔒 ا بعدالدوران ﷺ ناستعمال رأسيين قد رسما ولكن يمكن ايضا تديل هذين الرأسيين بخطين اعظم ميلا للمستوى م مان تصورمثلافالمستوى م منالنقطة و خطاط اعظم ميلا بالنسبة للمستوى الرأسي فيحكون مسقطه الرأسي عمودا نازلامن و على رأ انظر (بند ۲۷) وقاطعا را فى النقطة ع وهى الاثر الرأسي الهدا المستقيم الاعظم ميلافنصير النقطة ع فى النقطة ع والمستقيم ط يبنى عوداعلي راً وعلى طوله الاصلى كافى (ثالثًا منبند ٥٦) ﴿فينشــذَ اذا اخذنا عُ وَ عَ عُودًا عَلَى رَا تَكُونُ النَّفَطَةُ وَ مَسَقَطَ النقطة و الرأسي في وضعم الجديد ويبقى مسقطم االافقى على بعدوا حدمن خ ص فیکون حینئذفی و علی المسقط الافتی للرأسی و من المستوی م الذى سبق استعماله لا يجاد و و يمكن بهذه الكيفية ايجاد المسقطين

J 4 *(1°)*

أ و الوينبه على ان النقط الثلاث ن و و و ا الايد وان توجد على ق المعينة فيما سلف بالمسقط الرأسي أن والمسقط الافتى و و و من هنا من المركز أن بنصف يستخرج و فيكون ا على قوس دائرة مرسوم من المركز أن بنصف قطر أن ا

وانععل الآن المستوى م مستويا رأسيا للمسقط في صيرا لره الافق ق خط الارض الجديد خ ض فيحدث المسقطان الرأسيان للنقطتين أ و و كافى (بند 22) اللذان ليسافى الواقع الا النقطة بن نفسهما وباجرا العملية المعلومة وهى قسمة فصف القطر و أ فى النقطة ع الى جزئين اكبرهما وسطمتنا سبين الحط بتمامه وجزئه الاصغر فيكون أ ع ضلع المعشر فاذا زيد على هذا الضلع مثله بان جعل من أ الى م يصون أ صلع المجش ضلع المجسس المطلوب وبعد رسم المجسس أ ك ع د ه يؤول الامرالى البحث عن ايجاد مسقطيه على مستويى المسقط الاصليم بعمليات عكس العمليات عن المجتدمة بان ننقل من مستويى المسقط المتقاطعين في خ ص الى المتقاطعين في خ ص الى المتقاطعين في خ ص ويكون ذلك منعير المستوى المأستوى المأستوى المعمليات على المتقاطعين في خ ص ويكون ذلك منعير المستوى المأستوى في المور زاوية مساوية في جهة مخالفة لجهة الدوران المين يسهم القوس بقدر زاوية مساوية الزاوية في التي دارها المستوى في العملية الاولى

فین ان النقطة کے مثلا ناسقط افسقاطا افقیافی کے علی خُصُ یکون حینئذمسقطها الراسی کے باخذ کے کے سے علی عود نازل من کے علی خ ص وا داجعل بعد ذلك المستوى م فی وضعه الاصلی م تحرکت النقطة کے تحرکاموازیاللمستوى الراسی للمسقط وصارت علی الراسی بی النقطة کے علی الراسی بی النقطة کے بالنقطة کے بالنقط کے بالنا کے بالنقط کے بالنقط کے بالنت کے بالنقط کے بائل کے بالنقط کے بائل کے بالنقط کے بائل کے بالنقط کے بالنقط کے بائل ک

م على كل من ب ومن قوس الدائرة المرسوم من المركز ن بنصف قطر ن ك فيه لم المسقط حينت ذوبه يعرف م الواجب ان يكون على المسقط الافق ب وبهذه الحكيفية بوجد مساقط رؤس المخس الباقية وسوصيل هذه الرؤس ببعضها واحدة بعد الاخرى بمستقيات بتعصل معنا مسقطا المخمس نفسه

فاذا اريد جعل مستوى الشكل مستويا افقي اللمسقط ازم اولاجعله في وضع مَ عودعلى المستوى الرأسي بحركة دوران حول محورراً سي مجعل هذا المستوى مَ مستويا افقي اللمسقط وبهذا يصير را خطا ارضيا جديدا *(٠٠)*

* (المستلة التاسعة والعشرون) * اذا اربد ایجاداً لمركز ونصف قطر الدائرة المرسومة خارج مثلث معلوم يقال

 ماكانت عليه من الارتفاع عن خط الارض خض وتوجد كلماعلى مر وهذا برهان على صعة العمليات مُيدور المستوى مُ حول المحور قُ لينطبق على المستوى الافتى للمسقط وتصير المساقط الرأسية على خ ض فى النقط اً ، أُ ، أَعُ واما النقط نفسها ا أ و مُ و غُ فتكون على عَلَيْهِ عَلَيْهِ عَلَمُ الْمُرْضُ خُ صُ وَمَارَةُ مِنَالِمُسَاقِطُ الْافْقِيةِ أَ إِ ن بع كلمستقيم من مسقط اذاتم ذلك نرسم المركز و والنصف قطر وًا للدائرةالمرسومة خارج المثلث أثبُع وانصب مساقطها يدور استوى دورتن مساويتهن للدورتين اللتين اجرتنا قبل ذلك لكن اليجهة عكس جهتيهما فبذلك تصير اولاالنقطة وٌ في النقطة و بدورانها حول ق ثم في و بدورانها حول المحور ا فيتعصل معنى المسقطان و ا وَ أَ لَنْصَفَقَطُرِ الدَّائِرَةُ اللَّهُ كُورَةُ واذااربدانطساقالمستوى م على المستوىالرأسي شدوبره حول اثر مالرأسي

للزماولاجعل هذاالا ثرعموداعلي المستوى الافتي بحركه دوران اولى حول محور عودعلى المستوى الرأسي

> * (الباسالثالث) * مسائل في النقطة والمستقيم والمستوى في المستقهات والمستومات الاعدة على بعضها

مسقطا المستقيم العمود على مستويكونان عودين على اثرى المستوى كلمسقط على نظيره لانه اذا اخذ المستوى المسقط افقيا للمسقط انطبق خط الارض على و وصار الاثر ق عودا عليه حكما في (رابعا من بند ٣٣) وصارايضا و و را عودين على بعضهما ويكن ايضا أبات هذه الدعوى النظرية بسهولة بواسطة حركة دوران لانه بندوير بلا الشكل حول محود رأسي الى ان يصبرالمستوى م عودا على المستوى الرأسي يكون حينئذ المستقيم و مواز بالهذا المستوى فعلى ذلك يحتون و مواز باللهذا المستوى فعلى ذلك يحتون و مواز باللهذا المستوى فعلى ذلك يحتود و و ق عودين على بعضهما و بتدوير جلة النسكل حول محود عود على المستوى و و ق عودا على المستوى م عودا على المستوى الأفق المستوى م عودا على المستوى الافق المستوى م عودا على المستوى الافق المستوى الم عودا على المستوى م عودا على المستوى الافق المستوى م عودا على المستوى م عودا على المستوى رسم الافل انظر (بند ٦٨) وبسمل رسم الشكل المتعلق بذلك كا يسمل رسم الاول

(11)

* (المسئلة الاولى) * اذاكان المطلوب امر ارمستقيم عمود على مستومعلوم من نقطة معلومة ع يقال

انه يكنى انزال عمودين من مسقطى النقطة المعلومة ع على انرى المستوى المعلوم لكن اذالم يكن المستوى معلوماً باثريه وكان هذان الاثران خلف حدود الرسم وجب اجراء العملية هكذا

بان يفرض ان المستوى المعلوم كافى (الشكل ٧٣) هو (اب) فير خطمًا افتى ج في هذا المستوى فيكون مسقطه الرأسي ج مواذيا المطالارض خ ض وتباطعا أو ب في النقطتين أو أو وهما المسقطان الرأسيان للنقطتين او في في عصل منهما بدون واسطة المسقطان الافقيان ثم يتعصل البضاح كن ج مواز للاثر الافتى للمستوى فاذا

(١٦)

الزلنامن المسقط ع عودا على ج يكون ن المسقط الافتى للعمود المطلوب واذا امرزا ايضا رأسيا ط على المستوى (ا ب) حدث في مأذا لم يحت ن لكل من الحطين الافتى والرأسي من المستوى مسقطان في حدود الرسم يحب تغيير مستويى المسقط بان يجعل اولا مشلا المستوى الحديد الافتى المستوى المسقوى المسقط رأسي الاحد المستقين ا ثم ينتخب مستوجديد رأسي مارا بالمستقيم ب يحيث يحيث ون المستقيان ا و ب اثرين المستوى المعلوم على مستويى المسقط الحديدين فينزل على هذين الاثرين حينشذ عودين من المسقطين الجديدين المنقطة المعلومة ثم ينتقل من مسقطى المستوين المحديدين المستوين المس

(^^)

* (المسئلة الشانية) * أذا كان المطاوب أمر ارمستوعود على مستقيم معلوم و من نقطة معلومة م يقال

من النقطة م كافى (الشكل ٧٤) عرالافق ط المستوى المطاوب فيكون مسقطه الافق بالضرورة موازيا الاثرالافق المستوى فينشذ يكون ذلك المسقط عود اعلى و ويصيون الاثر الرأسي اللافق ط نقطة من الاثرار أسي المستوى م ولابدان يكون الاثرار أسي المذا المستوى عود اعلى و فاذا انزلنا من النقطسة ع المتي هي تقابل ذلك الاثر مع في معود اعلى و كان ذلك العمود هو الاثر المطاوب تي فان لم يتقابل الاثر را بخط الارض خ ض في حدود الرسم عينت فان لم يتقابل الاثر را بخط الارض خ ض في حدود الرسم عينت بلا واسطة فقطة من في بان يمرمن النقطة م الرأسي ج المستوى م وقد يصيون اثرا هذين المستقيمين ط و ج خار جين عن حدود الرسم في هذه الحالة يلزم اولاان ينبه الى اتهما يكفيان في تعيين المستوى حدود الرسم في هذه الحالة يلزم اولاان ينبه الى اتهما يكفيان في تعيين المستوى حدود الرسم في هذه الحالة يلزم اولاان ينبه الى اتهما يكفيان في تعيين المستوى

المطلوب بدون حاجة لا يجاد إثر بهمالكن اذا اريد تحصيل جزئي اثرى المستوى الكائنين في حدود الرسم امكن بواسطة الافق ط والرأسي ج المارين من النقطة م تعيين جلة مستقيمات اخر غير متناهية كالمها في المستوى المطلوب بالتوصيل بين اى نقطتين من هذين المستقيين احداهما يمكن ان تكون على بعد غير متناه

(4 6)

* (المسئلة الثالثة)* اذا كان المطلوب امر ارمستوعود على مستومعلوم من مستقيم معلوم يقبال

ليفرض ان المستقيم المعلوم و والمستوى المعلوم م فاذ الزلنا من نقط و عودا ن على المستوى م لا يخرج عن المستوى المطلوب فيكون هذا المستوى معينا بالمستقيمين و ن انظر (بند ٣١) فاذا كان المستقيم و نفسه عود اعلى المستقيم واحدومن العلوم ان كل مستومار من مستقيم عود على مستو آخريكون عود المستقيم على هذا المستوى فاذا اخذ بدل المستقيم و نقطة لم يتغير العمل على هذا المستوى فاذا اخذ بدل المستقيم و نقطة لم يتغير العمل على هذا المستوى فاذا اخذ بدل المستقيم و نقطة لم يتغير العمل

* (المسئلة الرابعة) * اذا كان المطلوب امر ارمستقيم عود على مستقيم معلوم من نقطة معلومة يقال

اذا كانت النقطة المعلومة خارجة عن المستقيم العلوم لا يمكن ان ينزل من مثل هذه النقطة الاعمود واحد على المستقيم ويمكن حل المسئلة بعدة طرق هي ان يقال (اولا) من حيث ان المستقيم المعلوم و والنقطة المعلومة م كافى (الشكل ٥٠) يعينان مستويا (وم) انظر (بند ٢٧) يمكن جعل ذلك المستوى احد مستويى المسقط المتقاطعين في غ ض ماستويى المسقط الماتقاطعين في غ ض ماستعمال احدى الطرق الاربعة المقررة في (بند ٢٧) ولنتضب الثانية منها فرض تطييق المستوى (وم) على المستوى الافتى المسقط ويلزم فرض تطييق المستوى (وم) على المستوى الافتى المسقط ويلزم اذاك الولاان يؤخذ مستوجديد رأسي المسقط عود على المستوى (وم) جيث الذلك الولاان يؤخذ مستوجديد رأسي المسقط عود على المستوى (وم) جيث

يكون خُصُ عوداعلى الاثر الافتى لهذاالمستوى بالضرورة ولايلزم مع ذلك ايجاد هــذا الاثر بل يكني امرارافتي ط للمســـتوى (وم) من النقطة م فيلزم حينتذان عر ط من م ويكون موازيا للخط خ ض ويقابل و فى النقطة لـ ومنها يستنتج لـ الذى يلزم ان يكون كائنا على و فاذا اوصلنا ب المسقط م حدث المسقط ط الذي يحد ان مكون خُصُ عوداعليه ولاجل الاختصارينتف المستوى الرأسي الحديد للمسقط مارا من النقطة م ومن حيثان هـــــــ النقطة والمســــتقيم و يوجدان على مستوعود على المستوى الجديد الرأسي للمسقط يوجد مسقطاهما الرأسيان م و و على مستقيم واحدويجبان بكون ايضا الاثرالرأسي لهُ ا للمستوى م او (و م) واما ق فيجب ان بكون عوداعلى خُصَ ويكن ان يكون كأناداما في حدود الرسم بوضع خط الارض الجديد وضعالا أها فاذادورنا بعددلك هذاالمستوى حول ق انطبق المستقيم و والنقطة م على وَ وَ مَ اىكل على نظيره فاذا الزل من النقطة مُ العمود يُ على. المستقم و قابل ذلك العمود و في النقطة ع وبارجاع هذه النقطة الى الوضع الاصلى للمستقيم و يحصل المستطان ع م ع فاذا اوصلنا مساقط النقطتين م وع بخطين مستقيين كالمسقطى العدود المطلوب وكان يصيم اعتبار أأخطا ارضيا جديدا واستعمال الطريقة الاولى المذكورة في (بند ٧٦) ويمكن ايضا استعمال احدى الطويقتين الاخر من لذلك ننب *الطريقة التي سلك ناهاهناا مهل الطرق المذكورة في كتب هذا الفن لان الانسان قديكون مجبورا في هذه الطريقة الاخبرة على أمرار مستقم من النقطة م قاطع للمستقم و اوموازله كايكون مجبورا أيضاعلي ايجاد اثرى المستوى المعن بمذين المستقين قبل اجواء الانطماق * (وثانيا) * من حيث ان المستقيم المطلوب ن يقطع المستقيم و في النقطة

ع التى منها يمكن آمرار مستقيم آخر أن عود على المستقيم و المذكور فيكون المستوى (ن أن) عود اعلى و ويقطعه في النقطة ع فهذا يتوصل الحامر ارمستوعود على وستقيم و من النقطة م كافي (بند ٨٣) والى المحث عن نقطة تقابل هذا المستوى بالمستقيم و فاذا او ملنا نقطة التقابل ع بالنقطة المعلومة م تحصل معن المستقيم المطلوب لكن هذه الطريقة المذكورة دائما في الكتب منفردة تستدى حل مسئلة تتعلق بعد قمسائل سيأتي حلها واما المسئلة التي نحن بصددها فهاهو محل حلم اوالحل الاول حينئذه و المناسب لها حقيقة ومزيته ان يستنتج منه تطبيق جديد الاصول وهذا برهان آخر على عومية تلك الاصول

(^7)

* (المسئلة الخادسة) * اذاكان معلوما مسقط افق لمستقيم عود على مستقيم معلوم في نقطة معلومة والمطلوب ايجاد مسقطه الرأسي يقال

اذا كانت النقطة المعلومة كافى (الشكل ٧٦) على المستقيم المعلوم المكن في مسئلتنا هذه امرار عدة اعمدة على هذا المستقيم غير محصورة الحسكن يختيار منها معرفة ماكان معلوم المسقط الافق ولنفرض

حيئه أن و هو المستقيم المعلوم و لل السقط الافتى المعلوم المغط العسمودى على المستقيم و المأخوذ من النقطة م ومن حيث ان المستقيم لا كائنا في المستقيم و في النقطة م يتوصل بعد ايجاد اثرى هذا المستوى كما هو مبين في (بند ٨٣) الى المبحث عن المسقط الرأسي لمستقيم حكائن في مستو ومعلوم المسقط الافتى المبد ٢٨)

* (في تقاطع المستقيمات والمستومات) *

(^Y)

كلسطح يتولد على العموم منخط فراغى متحرك بطريقة معلومة والسطح

4 *(1Y)*

عوماوجهان خارجى وداخلى ولاامتيازلاحدهما عن الآخرفي هذاالعلم لكن ينبغي تمييزا حدهما عن الا خرفيما يتعلق بالصنايع

(^^)

المجرد تولدهما بل لابد مع ذلك من تقاطعان في خطلا يكن ايجاده دائما المجرد تولدهما بل لابد مع ذلك من تعيينه نقطة فتقطة ولهذا تؤخذ جله سطوح متوالية مساعدة بقطع كل منها السطح المذكور س في خطك خط ج والسطح س في خطك خط ج من التقاطع الخطان الكائنان على سطح واحد مساعد هو في نقطة م من التقاطع المطلوب للسطحين المذكورين س و س و ين وينسخى ان يحتمار في كل حالة السطح المساعد هو المذكورين المذكورين المذكورين المنافرية السطح المساعد هو المنافرية السطح المساعد المنافرية السطح المساعد المنافرية السطح من مستوين في المعلوم ان السطوح المساعدة كالسطح هو تحكون بالضرورة مستوين في المعلوم ان السطوح المساعدة كالسطح هو تحكون بالضرورة مستوية ايضا واختيار هذه المساعدة كالسطح هو تحكون بالضرورة مستوية ايضا واختيار هذه المعلومين في حدود الرسم و ثانيا ان تقاطعي المستوى المساعدة مع المستوين المعلومين يتقاطعان في حدود الرسم و ثانيا ان تقاطعي المستوى المساعدة مع المستوين المعلومين يتقاطعان في حدود الرسم

(^9)

* (المسئلة السادسة) ، إذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستوين آنا رهما متقاطعة في حدود الرسم يقال

من المعلوم ان النقطتين ا و سه اللتين هما نقطتا تقاطع آثار المستويين المعلومين كافى (الشكل ۷۷) نقطتان من تقاطع المستويين المذكورين وهما الرضا اثراه انظر (بد ۲۸) وبهذا يسهل المجاد مسقطى هذا المستقيم انظر (بد ۱۶)

(4.)

*(المسئلة السابعة) * اذا كان المطاوب ايجاد التقاطع ي للمستوين م ك اللذين اثراهما الافقيان متوازيان يقال من المعاوم ان النقطة - التي هي نقطة تقاطع الاثرين الرأسيين للمستويينكمافي (الشكل ٧٨) اثررأسي لنقاطع المستويين فيرحينشذ ي بالمسقط - ويقابل بالضرورة الاثرين ق في فى نقطة تقاطعهما اللانهائي ومن ثم يكون كى موازيالهما ويركذلك المسقط ى ضرورة بالنقطة ـ ويقطع خض فىنقطة لانها بـ قنها النقطة اً ومن هنا يكون موازيا له كما ان مي لما كان موازيا للاثر قرأ يكون المستقيم ي افقيا للمستنوى م المشتل عليه فحينشذ يكون المسقط ي موازيا بالضرورة الخط خ ص ثم لابدوان يكون خط التقاطع ي انقيا بالاولى لانه لولم يكن كذلك اقطع المستوى الافقى فى نقطة ا مشترکه بین ق فی فلایکونان متوازیین و هذا خلف و یکون ایضا خط تقاطع المستو بين المتوازي الاثرين الرأسيين موازيا للمستوى الرأسي *(91)*

* (المسئلة الثامنة) * اذا كان المطلوب أيجاد تقاطع مستوين اتحداثرا كل منهما وصارا مستقيما واحدايقال

حیث ان الاثرین ا و سهذا التقاطع کافی (الشکل ۷۹) متحدان فی نقطه واحده یکون التقاطع ی بالضروره فی مستوعود علی خ ض وحینمند یکون مسقطاه عودین علی خ ض ویسکون معلومامنه ایضا نقطتان هما ا و سه تنبیه یتحصل من المستقیم ی و مستویی المسقط زوایا متساویه لان هذا المستقیم یحدث مع مسقطیه مثلث امتساوی الساقین

(17)

(المسئلة القامعة) اذا كان المطلوب اليجاد النقاطع مى المستويين م و ك المتقاطع اثراهما الافقيان خلف حدود الرسم يقال ان المستويين المتوازيين مقطوعان بئالث في مستقيمين متوازيين فلورسم كافي (الشكل ٨٠) مستوس مواز المستوى ك لكان تقاطعه ط مع المستوى م موازيا المتقاطع مي المستويين م و ك الان النقطة مد من هذا التقاطع معلومة فيلزم حين ذاخذ خطمواز المسقط ط من النقطة ما انظر (بنديم) ط من النقطة ما انظر (بنديم)

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطلوب المجاد النقاطع ى المستويين م وك اللذين آثار هما الاربعة منقبابلة في تقطة واحدة المن خط الارض يقال

انه يجب كافى (الشكل ٨١) اختيار الستوى المساعد س بحيث تقاطع ق مع ق و ق وكذلك و مع لا و أن في زوا با قائمة تقريبا فالمستوى س المذكور يقطع المستويين م و ك في مستقيمن الموب ومع ذلك فهذا المقاطع عرمن النقطة م من التقاطع عرمن النقطة ا بالضرورة فيذه بن حين أذ تعيينا تا ما بكل من ها تين النقطة م

(11)

نسيه عكن حلهذه المسئلة بالمستوى المساعداياتما كانوضعه ماعشارهندسى في غالب اوضاع المستوى ولا يمكن حلمها باعتبار رسمى لانه حيث كانت خطوط الشكل غير رياضية بنبغى رسمها بشرط ان يكون تقاطعها صحيحا مضوطا لاشك فيه والاحسن في تمام هذا الشرط ان تصنع الخطوط المتقاطعة زاوية قريبة من الزاوية القائمة

(°°)

* (المسئلة الحادية عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد التقاطع مي المستويين

م ل الموازيين المطالارض يقال اذا اخذالمستوى المساعدعوداعلى خط الارض خض كافى (الشكل ١٨) يصربالضرورة مستوياجديداراسياعليه الاثران ركر وحيث ان المستويين المذكورين م و ك عودان على هـذا المستوى الجديد الرأسي يكون تقاطعهما عوداعليه ايضا فينسقط حينئذ هذا النقاطع في ي ويكون مسقطه الافتى ي عوداعلى خُصُ اوموازيا خ ص ومع ذلك فالمستقيم ي يكون موازيا خص وكالنا فوق المستوى الافتى بارتفاع ع ى فلو اخذ حينشذ وع = ع ى لحدثت نقطمة من المسقط الشاني ي الموازي بالضرورة ايضاللخط خ ض وكان يمكن ايضا ان يعتبرالمستوى المساعد مستو ياجديدا افقيا المسقط ويبحث عن الاثرين تن . ت *(41)*

م أ : م ا : ع ل : م ل وقيم أ : م ا : ع ا ت : م ا مَ : م ا : م أ : م أ و عدف م ر و م من من من التناسبات تكون هكذا مِلُ : مِلْ :: مِدْ : مِدْ ، مِلُ : مِلْ : مِلْ : مِا وبواسطة الحدين الرابعين من هاتين المتناسبتين تحدث النقطة س من المسقط ي وكذلك النقطة أ من ي وحيث ان التقاطع ي مواذ التقاطع ي كون معلوما بالضرورة ويجكن ابدال الحديب الرابعين من هاتين المتساميتين بالمستوين الجديدين المساعدين كانشاهد ذلك فى الطرق *(وثانيا)* ان يؤخذمسة وتمامساعدمثل س يقطع المستوى م فى خط مستقيم ١ والمستوى ك في مستقيم ب كماني (الشكل ٨٤)

(ونالنا) اليوحدمسمو ما مساعد مثل من يقطع المستوى الفيخ المستوى الفيخ المستوى الشكل ١٨) في مستقيم ب كافي (الشكل ١٨) في المستوى من المنقاطع في المستوى من وبأخدمستو آخر مساعد مثل من النقاطع مى المستوى من في حطمستقيم ج والمستوى ك في مستقيم و توجد نقطة اخرى و من هذا التقاطع فيتعين ما تعين ما تعين ما تعين ما تعين ما المستوين م و ك من التقاطع مي المستوين م و ك من التقاطع مى المستوين م و ك المستوى المناقطا من التقاطع مى المستوين م و ك المستوى المناقد المناقد المناقد من موازيا المستوى الافق و قاطعا المستوين م و ك في افقين المستوين المستوين المستوين م و ك في افقين المستوين المستوين المستوين م و ك في افقين المستوين المستوين م و ك في افقين المستوين المستوين المستوين من هذين المستوين فيتقابل هذان الافقيان في الفقطة م من التقاطع المطلوب فلواخذ مستو آخر مساعد مثل ص موازيا المستوين المستو

الرأسي لقطع المستويين المذكورين م , ك في رأسيين و , ه من هـ ذين المستوين وهذان الرأسيان يتقابلان ايضا في النقطة و من النقاطع المذكوروبنومسيل النقطتين م و ه يحدث النقاطع ي المطلوب للمستويين المعلومين م و ك *تنبيه * اذا اخذ المستويان المساعدان س و ص ابعد ما يكون من خط الارض فالتقاطعات المساعدة تتقاطع في نقط قريبة من خط الارض فينتج من فلك اله لو كان النقطت ان م و ١ الكائنتان في الشكل المتكلم عليه هنا خارج حدود الرسم لزم سلوك طريقة اخرى بأتى الكلام عليها في (بند ٩٧) * (ورابعا) * ان ينتخب المستوى المساعد س موازبا لخط الارض كما هوتمكن اليضاوقاطعـاللمسـتويين م و كل في مستقيمين ١ و ١ يتقاطع مسقطا هما الافقيان في النقطة أمن ي كما في (الشكل ٨٦) ولما كان مسقطاهما الرأسيان لايتقاطعان الاخارج حدود الرسم لم يرسما واذا اخذ مستو آخر مساعد مشل س نتج عنه تقاطعان جدیدان ب و ت یعدث منهما نقطه اخری س من ی فيتعن حينشة واذا انتخب ايضامستويان جديدان مثل ص و ص اثراهما الافقيان بعيدان كل البعد من خط الارض خ ص وكل منهما يقطع المستويين م و ك بان يقطعهما الاول الذي هو ص في المستقين و و و والا خرفي المستقيمين ه و هَ التي تنقاطع مساقطها الرأسية داخل حدود الرسم حدث من ذلك نقطتان د ، ه من المسقط الرأسي ى فيتعين بهماومن هنا يحدث التقاطع ى المستويين م و ك *(9V)*

ì

تصنعمع خطالارض زواياقريبة من القائمة يقال

* (المسئلة الثالثة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستوين الاهما

المكن كافى (الشكل ۸۷) هذان المستويان م و ك ويسهل في هذه المائة معرفة ان استعمال المستويات المساعدة المتقدمة لايؤدى الى حل المسئلة لان المستوى الموازى المستوى الرأسي يقطع المستويين م و ك فىرأسيين لا يتقاطعان في حدود الرسم وهذا ناشئ من كون المستويين المجاور لا ثره الا فقي منسقط انسقاطان الابعدمسافة عظيمة الا ان جزءهذا التقاطع المجاور لا ثره الا فقي منسقط انسقاطار أسياقر يبامن خط الارض فاذا اختيرمستو مساعد ماز بخط الارض خ في مستقين يقرب مسقطاهما الرأسيان من خط الارض ويتقاطعان بالضرورة في حدود الرسم ومن هذا يقصل نقطة من المسقط الرأسي التقاطع المطلوب و باجراء مشله هذه العملية مع مستوجديد تنج نقطة الرأسي التقاطع المطلوب و باجراء مشله هذه العملية مع مستوجديد تنج نقطة الرأسي التقاطع المطلوب و باجراء مشله هذه العملية مع مستوجديد تنج نقطة المائية المنافية تعيين المسقط الرأسي و المائمين العمل على الماذكرة نقول

يؤخذاولامستومثل معين بخط الارض خ ص وبالنقطة سه الموجودة قربامن المستوى الافق وبعيدا جداءن المستوى الرأسي فيقطع المستويين م و ك في مستقين ما دين بالضرورة من النقطتين ع و ك المتيزه هما تقاطع المستويين المذكورين بخط الارض خ ص ولا يجاد نقطة اخرى لكل من هذين المستقيم الوائدة المعين يؤخذ مستوي الضرورة المستوى الرأسي وما وامن النقطة مي فيقطع بالضرورة المستوى م و ك في من هذين المستويين في مستقيم المواز للمستويين في النقطة المن المسقط الرأسي و لتقاطع المستويين م و س لان في النقطة المن المسقط الرأسي و لتقاطع المستويين م و س لان النقطة المن المستويين المن من المستويين المن من المستويين المن من المستويين المن من المستويين المنتقطة المن المستويين المن من المستويين المن المستويين المن المستويين المن من المستويين المن المستويين المن من المستويين المن من المستويين المن المن في النقطة من المناسقة المن المستقيان المن من المستويين المن و من المستقيان المن و في النقطة من المناسقطة المن المستقيان المن و في النقطة من المناسقين المن و في النقطة المن المستقيان المن و في النقطة من المناسقة المن المناسقين المن و في النقطة المن المناسقيان المن و في النقطة المن المناسقين المن و في النقطة المن المناسقيان المن و في النقطة المناسقيان المناسقيان المن و في النقطة المن المناسقيان المن و في النقطة المناسقيان المن و في النقطة المناسة و في النقطة المناسقيان المناسقي

المسقطالرأسي هـ لتقاطع المستويين ك , س ومن حيث ان المستقيمين و و ه فى مستوواحد س فلا يدان يتلاقيـا فى النقطــة ا م المعادم مسقطها الرأسي م وهي من تقاطع المستويين م و ك لان المستقمين و و ه من هدنين المستويين ومن المعلوم ان هذا العمل لا يتعين به نقطة تمامن كي ولذا لم يرسم في الشكل المسقطان الافقيان و , ه لتقاطع المستويين م و ك مع المستوى س ويصع ا يجاد الطه اخرى من ي واسطة المستوى سُ المار ون خط الارض خ ض ومن النقطة سرّم التي اختبرت متعدة المسقط الافق مع النقطة سم المنقدمة لمافى ذلك من كثير السهولة فيقطع المستوى ر المستوى المذكور فىالمستقيم أ ومنه بنتج التقاطعان وَ ﴿ هَ لَلْمُسْتُوى لَا مَعَ المستو بين المذكورين م وك ثم إن هذان التقاطعان اوالمستقيان قد يعسنان المسقط الرأمي مُ للنقطة مُ من التقاطع ي الذي تعين مالكلية برماولاجل ايجاد المسقط الافقى عرمستو ص من خ ض ومن نقطة صد مختارة قرسة جدامن المستوى الرأسي وبعيدة جدامن المستوى الافقى فيقطع المستوبين م و ك في مستقيمين حُ و ط يمكن اليجادهما كاتقدم بإخدمستوسساء ر موازيا للمستوى الافقى فالمسقطان الانقيان كي ط اللذان لم يرسم غيرهما هنا لان المسقطين الرأسيين الابتعصل منهماشئ كاهو معلوم يتقاطعان في النقطة ١ التي هي مسقط افق للنقطة ﴿ من النَّهَ اطْعُ وَيُتَّعُصِلُ نَقَطَهُ اخْرَى ﴿ فَ السَّعْمَالُ مُسْتُو مِنَ مارمن خط الارض خ ض ومن النقطة صُد فيتم حينا في نعيين التقاطع ى للمستويين م و ك *(44)*

(١٩)

ويمكن التعرض ايضا في هذه المسئلة لعدة احوال اخريسهل حلها بواسطة الطرق المستعملة في الامثلة السابقة فيكن مثلا ايجاد تقاطع مستويين احدهما مواز لخط الارض والا خرائراه متحدان في مستقيم واحد وهكذا الى آخره

(99)

* (المسئلة الرابعة عشر)* اذاكان المطلوب ايجاد تقاطع مستويين معلوم كل واحد منهما باثره ونقطة منه يقال

ليكن كما في (الشكل ٨٨) هـذان المستويان م و ك معلومين بالاثرين قل و ق والنقطتين ع و ك ولذلك عدة طرق هي الاثران الرأسيان للمستو بين المذكورين بامرار مستقيم افتى للمستوى م من النقطة ع فيعلم منه نقطة من ركامرار

مستقيم افق المستوى م من النقطه ع فيعلم منه نقطه من را بامرار المستقيم افق المستوى ك من النقطة كن فينتج منه نقطة من

ر ویکن امر ادراً سین للمستو بین المذکورین من النقطتین ع و کُ فیکون کر و در حینشد موازین للمسقطین الراً سین لهذین المستقین کل لنظیره وی کا ایفا اخذ مستقین حیثا اتفی خارجه ین من النقطتین

ع و كُ ومارين احدهما من نقطة من ق والاخرى من نقطة من ق فوول الامر الى الطريقة من المتقدمة من

*(وثانيا) *انه يكن حل المسئلة بالمستقيمات المعلومة التي فرضناها هنابلا واسطة اخرى بان يوصل بين النقطتين ع و كُ بجستقيم و يقطع المستوى الافتى في نقطة د ثم يربهذا المستقيم مستوما س وليختر المستوى المسقط افقيا للمستقيم في مستقيم ب المستوى م في مستقيم ب مار بالنقطة ع ويقطع المستوى ك في مستقيم ج مار بالنقطة كُ في منالتة المعالم المطلوب في تقاطع هذا ن المستقيمان ب و ج في نقطة م من التقاطع المطلوب

وهناك نقطة اخرى ا وهى تقاطع الاثرين ق و ق وبهاوبالنقطة المتقدمة يم تعيين التقاطع المطلوب

* (وثالث) * ان العملية المتقدمة اخصر من غيرها لانها كافية في ايجاد التقاطع المطلوب الاانه يمكن اخذمستوما س كافي (الشكل ٩٨) ثم يقال ان هذا المستوى س لابدوان يشمل في جيع احواله على المستقيم و فيشمل ايضا اثره الافق على الأثر الافق للمستقيم وهذا هو الشرط اللازم لهذا المستوى فيمكن

حينت ذان يمر من نقطة د مستقيم ما يعتبراثرا في المستوى المساعد في تحصل من هذا المستوى س النقطة م من التقاطع باجراء الاعمال المتقدمة في الحالة السابقة وبما خدمستو آخر مساعد تتحصل نقطة ثانية من هذا

التقاطع وبهمايتم تعيينه

*(ورابعا) * انه اذا كانت النقطة د خارج حدود الرسم امكن ا بجاد التقاطع ي بواسطة اعمال الشكل ۸۸ واذا كانت النقطة ا خارج حدود الرسم امكن اجراء الاعمال التي في الشكل ۸۹ لكن اذا كان ها تان النقطة ان خارجتين عن حدود الرسم فلا يمكن ا يجاد التقاطع باستهمال الطرق المتقدمة فينبغي في هذه الحالة ان يتصور مستويان س و س ماران بالنقطة ين ع و ك كافي (الشكل ۹۰) وموازيان المستوى الرأسي وبقطعهما بالمستوى م في مستقين متوازين بلزم بالضرورة ان يمراحدهما الذي هو تقاطع س و م بالنقطة ا و كذلك بقطع المستوى ك المستويين مو م بالنقطة ا و كذلك بقطع المستوى ك المستويين من في مستقين متوازين بلزم ضرورة ان يمراحدهما الذي هو س في مستقين متوازين بلزم ضرورة ان يمراحدهما الذي هو تقاطع المستويين س و ك بالنقطة المن و ك بالنقطة المن و ك بالنقطة الله و المتويين س و ك بالنقطة الله و ب كن من و ك بالنقطة م من التقاطع موجودان في مستوواحد س فلابدان يتقاطعا في نقطة م من التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب في نقطة اخرى م من هذا التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب بالنقطة ع كالمنافقة المنافقة الم من التقاطع ي المطلوب كايتقاطع أ و ب بالنقطة ع كالمنافقة المنافقة المنافقة

فينت ذيتم تعيينه بهما ومن المعلوم ان الاعمال لا تختلف اذاا مر مستويان رأسيان ستوازيان ايامًا كانا من النقطتين ع و ك ولا يلزم اصلاان يكون المستويان المساعدان س و س موازيين المستوى الرأسي للمسقط لانه لوكان كذلك لجبرالانسان على و مهما في التجاه الاول اذا كان النقطتان ع و ك على بعدوا حدمن المستوى الرأسي للمسقط لكن يمكن جعل هذه الحالة آبلة الى احدى الاحوال الاول بنغيير المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي للمستوى الرأسي للمستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي للمستوى الرأسي دون المستوى الانتج عنه المعالم التي ما تحل المستوى الرأسي للمستوى المستوى المستوى

(1..)

* (المسئلة الخامسة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستو بين معلومين بخطيهما الاعظمين ميلا بالنسبة لمستوى المستطالافق يقال

لیکن کافی (الشکل ۹۱) م و ک الخطین الاعظمین میلاللمستویین م و ک ولحل هذه المسئلة طریقتان هما

(اولا) ان يؤخذ المستوى المساعد افقيا مشال س فيقطع المستقيمين م و ك فى النقطت ع و ك انظر (نائيا من ٥٦) كا انه يقطع المستويين فى افقيين ا و ب مارين بالنقطت بن المذكور تين لكن من حيثان م عودعلى ق كافى (بند ٣٧) يكون عودا بالضرورة على اكافى (بند ٣٦) كاان ك ايضا عود على ب فيكون هذا الافقيان معينين تعينا كلياو حيث كانا فى مستو واحد س فلا بدان يتقاطعا فى نقطة كالنقطة م من التقاطع ى للمستويين وباستعمال مستوآخر افقي س نعلم نقطة اخرى م من هذا النقاطع وحيئذ يكون اسعلوما

(وثانیا) ان یقال اذاکان م و ک متوازبین کمافی (الشکل ۹۲) و و و یکون ا و ب متوازبین ایضا ولا بنتج منهما نقطـة من نقط التقاطع لکن التقاطع ی یکون حینئـذ افقیـا کمافی (بنـد ۹۰) وكيفية معرفة بقطة منه ان يقطع المستويان المعلومان بكل من المستويين الوب والا تحرف افقيين الوب فيؤخذاى تقطنين مثل الوب على الوب ويوصلان المستقيم الموب فيؤخذاى تقطنين مثل الوب مستقيم في مواز للمستقيم في وحينتذ يحكن اعتبارج وفي افقيين لمستوى النه تاطع المستوى م في مستقيم و وللمستوى ك في مستقيم ه في تقاطع هذان المستقيمان ووه في نقطة هم ولاجل التقاطع ولاترسم المساقط الرأسية للمستقيمين ووه والنقطة سم ولاجل ايجاد ولاترسم المساقط الرأسية للمستقيمين ووه والنقطة سم ولاجل ايجاد المسقط كي يقال من حيث انه يقابل المستقيمين موكن في نقطتين معلوم مسقطاهما الافقيين صمو في ينتج بالسهولة صمو في فيعينان المسقط المالافقيين صمو في ينتج بالسهولة صمو في فيعينان المسقط المالافقيين صمو في في فيعينان المسقط المالافقيين على ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط موازيا فيعينان المسقط المالافقين في ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط موازيا

(1.1)

* (المسئلة السادسة عشر) * اذاكان المطلوب ايجاد تقاطع مستويين معلومين باثر يهما الافقيين والزاوية الحادثة منكل منهما مع المستوى الافقى بقال

من المعلوم كافى (الشكل ٩٣) من مسئلة نظرية فى الهندسة الاصلية اله اذا كان مستوعودا على المستوى الرأسى للمسقط تكون الزاوية الحادثة منه ومن المستوى الافقى مقيسة بالزاوية الحادثة عن اثره الرأسى مع خط الارض فاذا اخذ حينت ندمستوراسى عودا على المستوى م حدث من الاثر مَرَ له له ذا المستوى مع خط الارض خ ص الزاوية المعلومة إ واذا اخذ إيضا مستوراسى عودا على المستوى من عردا على المستوى مع خط الارض

(1.1)

عكن ايضا تنويع معالم المستويين المذكورين بان لايفرضا معلومين بكيفية واحدة ومما تقدم يسمل معرفة التغيير الذي يلزم فى كل حالة من احوال طرق الحل التي ذكرناها هذا متنالية

(1.4)

الهندسة الاصلية والهندسة الوصفية تستمدا حداه مامن الاخرى بحيث توجد في الغالب خواص معلومة من الهندسة الاصلية موصلة الى بعض خواص مجهولة في الهندسة الوصفية وبالعكس فبمقتضى المسئلة الرابعة عشركافي (ثالثامن بند ٩٩) يقال كل مستومسا عدمثل س كافي (الشكل ٩٨) أينتج منه نقطة م من التقاطع فتكون حينشذ جميع النقط الناتجة كالنقطة م على مستقيم بحيث لو اعتبر المسقط الافتى فقط لشوهد ان جميع المستقيمات مثل ب و ج تتقاطع في نقط من النقطة م النقطة م حيل مستقيم واحد مار بالنقطة ا ومن ذلك تنتج دعوى

انظريةهي

اذا وجدت ثلاث مستقیات و و م و ک کافی (الشکل ۹۶) متقاطعة اثنين اثنين وثلاث نقط د و ع و ك على مستقيم منهامثل و وأمرمن النقطـــة د خطوط ت و ت و ت سن و عاطعة المستقين م و ك ووصلت نقط المستقيم م الى النقطة ع بمستقيات ب و ب و ب و ب ووصلت كذلك نقط المستقيم ك الى ك المستقيمات ايضاح و ج و ج تقاطع المستقيمان ب و ج والمستقيمان بروج والمستقيمان بروج وين فالنقط م و م و م ... التي هي والتقاطع المستقبين م و ك على مستقبم واحد ي ومن المعلوم اله يمكن اعتبار المستقيات و و م و ى معاليم للمسئلة وتمختار النقطة ع اصلاللخطوط القاطعة ب و ب و ب و ب لاحدالمستقيمين م فى النقط ب و به و بي ٠٠٠ وللا تخرى فى النقط م و م و م و منتج منه ان نقط تقاطع المستقيمين ج و ت والمستقين ج و ت والمستقين ج و ت ٠٠٠٠ على خطمستقيم معاانقطة ا ويكن ايضاجعل المستقيات و و ك و ي معاليم والنقطة كَ اصلاللغطوط القاطعــة ج و ج و ج . . . لاحد المستقيمين ك في النقط ج و ج و يج ٠٠٠٠ والا تخرى في النقط م و م و م ٠٠٠٠ فينتج منه ان نقط تقاطع المستقيمين ب و ب والمستقيمين ب و ب والمستقيمين ب و ت ٠٠٠٠ كائنة على مستقيم واحد م ماربالنقطة ا

(1.1)

عِمَنِ ان يَكُونُ احدى النَّفطُ د و ع و كُن الانهاءُ يَا وَلَذَاكَ اللَّهُ حالات وهي ان تقول *(اولا)* اذا كانت النقطة د هي اللانهائية تكون الخطوط القياطعة | ت و ت و ت سازية للمستقيم و *(ونانيا)* اذاكانت النقطة ع هي اللانهائبة تكون الخطوط القياطعة | ب و ب و ب ب موازیة ایضا المستقیم و * (وثالثا)* اذاكانت النقطة كُ هي اللانهاء يُم تكون الخطوط القاطعة ا ج و ج و یج ۰۰۰۰ موازیة ایضاللمستقیم و وينتج من هـ ذه الاحوال الذلائة دعوى نظرية نطبقها على الحالة الاولى كاف (الشكل ٩٥) لزبادة الايضاح فنقول اذا كان معنا ثلاث مستقيات و و م و ك متقاطعة اثنين اثنين ونقطتان ع و ک علی مُستقیم منها منسل و ورسمت جله موازیات للمستقيم و قاطعــة للمستقيمين الاتخرين م و ك ووصلت نقط ا المستقيم م بالنقطة ع ونقط المستقيم ك بالنقطة ك يقال التالمستقيين ب و ج والمستقمين ب و ج والمستقمين ب و ج تتقاطع فى النقط م و م و م الكائنة هى والتقاطع ا المستقين م و ك على مستقيم واحد ي وهده الحالة تنتج من (شكاى ٨٦ و ٨٧) باعتباران العملية على مستوافق *(1.0)* اداكانت المستقيمات الثلاثة و و م و ى معلومة واختيرت النقطة ع اصلاللقواطع ب و ب و ب سنج ان نقط تقاطع المستقيمين ج و ت والمستقمين ج و ت والمستقمين چ و ت والنقطة اعلىمستقيم واحدولذا كانت المستقيات و , ك , ي معلومة

واختبرت

واختیرت النقطة ک اصلاللخطوط القاطعة ج و ج و ج شوهدان المستقیات ب و ت و ب و ت و ب و ت و ب و ت تقاطع فی نقط علی مستقیم مار بالنقطة اکل اثنین منها متفقین فی العلامة بنقاطعان فی نقطة ومن ذلك تنج دعوی نظریة هی ان تقول افراکان معنا ثلاثة مستقیمات و و م و ی و نقطتان ع و ک النقطتین و هی النقطتین و می النقطتین و هی ع جلة قواطع ب و ب و ب ب ب موصلت نقط تقاطع تلك القواطع مع المستقیم ی بالنقطة الاخری ک من المستقیم و نما مرمن نقط تقاطع تلك القواطع مع المستقیم م خطوط موازیة للمستقیم و تقاطعت تلك الموازیات مشل ت و المستقیم م مرا النقطة الله هی تقاطع المستقیم م مثل ج فی نقط علی مستقیم ما دیالد قطة الله هی تقاطع المستقیم م و ی

(1.1)

(اولا) آذاكان معناكافي (الشكل ٤) اربعة مستقيمات و و م و كن و ي ثلاثة منها متقابلة في نقطة واحدة ا وكل منها يقطع المستقيم الرابع ووصلت جميع نقط احد المستقيمات الثلاثة وهو ي بنقطة ين ع و كن كاننة ين على المستقيم الرابع يقال ان المستقيمات المارة من النقطة ع تقطع المستقيم م والمستقيمات المارة من النقطة كن تقطع المستقيم ك والمستقيم المارمن النقطة بن و ع والمستقيم المارمن النقطة بن

عكن ان يستنتج من هذه الدعاوى عكسها فيقال

م و ع والمستقيم المارمن النقطتين يدوع تقطع المستقيم و في نقطة واحدة د اوتوازيه كماني (الشكل ٩٠)

واذا اوصلنا نقط المستقيم ك بالنقطت ين ر د ينتج ايضاان جميع

(۲۱)

المستقيمات ب و بب و بب ٠٠٠٠ تتلاقى فىنقطة واحدة ع من المستقيم و وادا اوصلنا ايضا نقط المستقيم م بالنقطة بن ع و د ينتج ان جميع المستقيمات ج و چ و چ ٠٠٠٠ تنقابل في نفط واحدة ك منالمستقيم و * (وثانيا) * اذا كان معنا اللالة مستقيات م و ك و ي خارجة من نقطة واحدة ا ونقطة د خارجة عن هذه المستقيات وامر من النقطة د خطان قاطعان حيث مااتفق ت و ت احده ما يقطع المستقيمين م و ك فى النقطت بن و ي والا خريقطعهما فى النقطتين ع و ع ثم اخذنا ايضا نقطتين حيثما اتفقكالنقطتين م و م على المستقيم الثالث ى ووصلناهما بنقط التقاطع المذكورة ينتج إن المستقيمين ب و يب يتقاطعان في نقطة ع وان المستقين ج و ج يتقاطعان ايضا في نقطة كُ وتَكُونَ النَّقَطَ النُّلاثُ د و ع و كُ كَائْنَةُ عَلَى مُسْتَقِّمِ وَاحْدَ فلوفرض ان النقطة ع هي التي آمرمنها النقاطعان ب و يب لوجد النقطتان د و ك مع النقطة ع علىمستقيم واحدولوفوضان النقطة كُ هي التي أمر منها الخطان القاطعان ج و يج لوجد النقطت ان د و ع مع النقطة ك على مستقيم واحد *(وثالثا)* اذاكانمعناكافي (الشكل 90) ثلاثة مستقيمات م و ک و ی شقابل فی نقطه واحمدة ۱ ومستقیمان متوازیان ت و ت قاطعان للمستقيمين م و ك بان يقطع اولهما المستقيمين المذكورين في نقطتين ب و ب والا خرمنهما يقطعهما في النقطتين ج و ج وصل بين هذه النقط ونقطتين اخريين مأخوذتين بالاختيبار

على

على المستقيم ي تقاطع المستقيمان ب ويب في نقطمة ع والمستقيان ج و يج في نقطة ك وكان النقطتان ع و ك على مستقيم و موازللمستقيمين ت و ت

(1·Y)

اذا كان معنامستقيان م , ك كمافى (الشكل ٩٦) مقطوعان بجملة قواطع متوازية ت و ت و ت ٠٠٠٠ وامر من النقط ر و ر و سر ···· ومن النقط ع و ع و سع ···· التي هى تقاطع تلك القواطع بالمستقيمين م و ك جلتامستقيمات متوازية بان مرمنالنقطالاول ب و ب و پ د د د منالثانیة ج و ج و ج تقاطع المستقيان ب و ج والمستقيان ب و ج والمستقيان ب و ج في نقط م و م و يرم كائنة على مستقيم واحدمع النقطة التي هي تقاطع المستقين م و ك وذلك انك لواء تبرت المستقيمين م و ك اثرين افقيين لمستويين والنمواطع كالقاطع ت آثاراافقية لمستويات مساعدة متوازية وعاطعة للمستويين المعلومين في مستقمات مثل ب و ج لانتسبت هي والنفطة ا الي المسقط الافقي لتقاطع المسستو بين المعلومين وكانت حينئه ذجيع تلك الذقط على مستقيم واحد

(1·1)

وينتج مماذكردعوى نظرية عكس المتقدمة وهي ان تقول اذا كان معنا ثلاثة مستقيمات م و ك و ى متقابلة في نقطة واحدة ا وأمر من جيع النقط م ومم ويم ٠٠٠٠ الحكائسة على ى جلمنامستقيمات متوازية ب و ب و ب و ب ج و ج و ج سالماله الاولى قطعت المستقيم م والثانية المستقيم كن في نقط بحيث تكون المستقيمات الحادثة من ايصال كل نقط تين منها كالنقط تين المستقيمات الحادثة من ايصال كل نقط تين منها كالنقط تين المستقيمات الحادثة من النقط تين المستقيم المتواذية

(1.4)

* (المسئلة السابعة عشر) * اذا كان معنا مستقيمان م و ك متقابلان في نقطة خارج حدود الرسم ونقطة م والمطلوب امر ارمستقيم من النقطة م مقابل للمستقيمين م و ك في نقطة واحدة يقال لحل هذه المسئلة حالتان نشرع فيهما فنقول

* (اولا) * يرسم كافي (الشكل ٩٧) مستقيم ت يقطع م و ك فى النقطتين سر ع ثم توصل احدى النقطتين سر م بالاخرى واحدى النقطتين ع و م كذلك فيتحصل مستقيمان يقطعان المستقیمین ک و م فی نقطتین ع و ب وبتوصیل احدی هاتین النقطتين بالاخرى يتحصل مستقيم ت مقابل للمستقيم ت فى النقطة د ومن هذه النقطة د يرسم مستقيم ثالث ت قاطع م و ك في نقطتين ہے و ج و سوصيل احدى النقطتين ہے و والنقطتين ب و ع بالاخرى يتعصل مستقيمان يتقاطعان في نقطة م من المستقيم المطلوب وذلك لانه لواعتبرالثلاثة مستقيمات م و ك و ت آثارا افقية لشلائة مستويات مارة بنقطة واحدة فراغية مسقطها الافتي م لكان ب و ج المسقطين الافقين لتقاطعي المستوى ت بالمستويين م و ك ولواعتبرناالا أن النقطة ج مسقطا افقيا لنقطة من المستوى م وكذلك النقطة _ مسقطا افقيا لنقطة من نقط المستوى ك وكذلك المستقيم ب اثرا افقي المستو آخر مساعد لقطع هذا المستوى المستوين المذكورين م و ك في مستقيمين مسقطاهما الافقيان ب و ج وبذلك تكون النقطة م مسقطا افقي النقطة اخرى من تقاطع المستويين م و ك ويكن من النقطة د امرار جاه قواطع اخرمهما اريد وبادامة هذه العملية نقسها تخصل جاه نقط م و م و م م م على مستقيم واحد

فتنتج بالسـهولة دعوى نظرية جديدة متعلقة بالقواطع لافائدة فىذكرهـــا هنـــا

* (وثانيا) * ينزل من النقطة م كافي (الشكل ٩٨) هودان على المستقين م و ك يقطعانهما في النقطتين ب و ع ثم يوصل مابين ها تين النقطتين ب و ع وعد الخط ب ع مواز باللغط ب ع ثم يد كذلك من النقطتين ب و ع المستقيمان م و ك المواز بان المستقيمان م و ك المواز بان المستقيمان م و ك فيتقاطع هذان المستقيمان في نقطة م من نقط المستقيم المطلوب النه لواعتبر المستقيمان م و ك اثرين افقيين لمستو بين والنقطة م مسقطا افقيا لنقطة من نقط تقاطعهما واعتبرايضا م و م ع خطين ارضين القيمان المرالي عملية المستله السادسة عشر من (بند ١٠١) في حون الخطيان م و ك مسقطين خطين افقين من المستويين م و ك كانهن على ارتفاع واحد ومتفاطعين في نقطة كم من المستويين م و ك المستويين م و ك المستويين م و ك

(11.)

* (المسئلة الثامنة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع المستقيم و مع المستوى م يقال

(اولا) اذاامرمنالمستقيم و كافي (النسكل ٩٩) مستومساءد

(77)

س وبحث عن تقاطعه ي مع المستوى م تكون النقطه سم التي هي تقاطع المستقين ي و هي النقطة المطاوية ولنمز من المستويات التي بمكن امرارها من المستقيم و سبعة يختيار استعمالها دون غرهالكيفية اوضاع الشكل وهي * (اولا) * المستوى المسقط افقيا للمستقم و * (وثانيا) * المستوى المسقط رأسيا لذلك المستقم * (وثالثا) * المستوى الذي يكون فيه المستقيم و هوالحظ الاعظم ميسلا النسبة للمستوى الرأسي *(ورابعا)* المستوى الذي يكون فيه و هو الخط الاعظم ميلا بالنسبة اللمستوى الافق *(وخامسا)* المستوى المارمن و الموازى المطالارض *(وسادسا)* المستوى الذي الرم الافق مواز ق *(وسابعا)* المستوى الذي اثره الرأسي مواز برأ وذلك لان تقاطعات هذه المستويات مع المستوى المعلوم م كالها تقطع المستقم و المذكور في نقطة وآحدة سم وهي النقطة المطلوبة ويختيار من تلك المستويات المذكورة في كل حالة مخصوصة المستوى الأليق وضعامن غيره مللة الحالة ولأفائدة في رسمها كلها في الشكل لسهولة التمرن عليها (وثانيا) اذاا تغب المستوى المساعدامكن ان يتقاطع المسقطان الافقيان ي و والمسقطان الرأسيان كيرو وفن زاويتين حادتين جداومنه يعلم حينتذان النقطتين مه و مر الستاتاتي التعيين فتكون النقطمة سم كذلك لكن يكن كاهوالاولى دائما اختيار المستوى المساءد س بجيث يتقاطع ي و و مثلافىزاوية قائمة اوقريبة منها ولاجل ذلك يرسم فى المستوى م مستقيم أ بحيث يكون أعودا تقريباعلى المستقيم و وهذا ممكن دائما حيث يمكن رسم أ تميمرمن نقطة م من المستقيم و مستقيم أ موازللمستقيم ا

ويم مستوس من المستقين و أوبعث عن التقاطع ي للمستوين م و س فتكون النقطة مم الق هي تقاطع المستقين ى , و هي النقطة المطلوبة ولننبه على ان المستقيمين ي , ا لايدوان يكونامتوازين وبهذاتحقق صحة العمليات (وثالثا) يَكُن حل المسئلة ايضا تنفيه المستوى اوبحركه دوران لحمل المستوى ا م عموداعلى احدمستويى المسقط انظر (بندى ٥٥، ٦٧) لان تقاطعه ا حينتذمع و نسقط على هذا المستوى في تقاطع الرالمستوى مع مسقط المستقم كمافي (ثانيا من بند ٥٦) ولنأخذ حيندًــذ مستويا جديدا رأسياللمسقطعوداعلي المستوى م كأفي (الشكل١٠٠) فيكون خط الارض خُصُ عموداعلی ق ویشاهد ان المستقیمین رُ ، و يتقاطعان في سر التي منها يستنتج سر ثم مر اللذان همامسقطا النقطة المطاوبة وكان يمكن إخذ مستوجديد افقي خُصْ عود اعلى المستوى م ن مر فیکونالسقط سہ حینئذہوتقاطع و , ق *(تنبيم) * اذا اخذخط الارض خص في اعلى فرخ الرسم وجد النقطة مه في اعلاه وبالعكس اى انه لواخذ خط الارض خُصُ في اسفل فرخ الرسم لكانت النقطة سم اسفل فعلى هذا لواخذ خط الارض الجديد في اسفل فرخ الرسيم ماام يحن انعصلت نقط تقياطع بعيدة جداعن المستوى الافقي ولم توجد طريقة غيرهذه ولواريد تغيير المستوى الافق لكان يلزم حينئذ اختيار خط الارص الديدعودا على را وكونه في اعلى فرخ الرسم ما امكن وكان يصم ايضاجه لالمستوى م عوداعلى المستوى الرأسي اوعلى المستوى الافقي شدويره حول محور عودعلي المستوى الرأسي اوالافق بتعريك المستقيم فى كاتب الحالة ينمع حركة المستوى المذكور

(111)

* (المسئلة الناسعة عشر) * اذا كان المطاوب ايجاد تقاطع مستقيم مع مستو معاوم بمستقيم ونقطة يقال

(اولا) اذافرضان المستوى (مع) معلوما بالمستقيم م والتقطة ع وان و المستقيم المعلوم كافى (الشكل ۱۰۱) لزم كافى (اولامن بند ۱۱) امرار مستومسا عدمن المستقيم و والبحث عن تقاطعه مع المستوى م واختيار هذا المستوى مارا بالمستقيم و والنقطة ع فينشذ تعلم النقطة ع مستقيمان ع من التقاطع ى ولا يجاد نقطة اخرى منه يمدمن المنقطة ع مستقيمان م و و كل انظيره فيكون المستويان م و و كل انظيره فيكون المستويان حينئذ معلومين بخطوط متوازية ولو امر مستو افق مساعد آخر س لقطع المستقيمات الاربعة فى النقط ب و ي و كل المقاطعين المستقيمات الاربعة فى النقط ب و ي و كل المقاطعين المستقيمات المستوى س مع المستويين (م م) و (و و) شميت قابل المستوى س مع المستويين (م م) و (و و) شميت قابل المقطعان ا و ب فى نقطمة م من التقاطع ى الذى يتعدين النقاطعان ا و ب فى نقطمة م من التقاطع ى الذى يتعدين النقاطة المطلوبة

* (وثانيا) * بمكن اخذ المستوى س موازيا للمستوى الرأسي او بحودا على احد مستوي المسقط و تحل هذه المسئلة بسهولة بان يؤخذ بدل المستوى المار بالمستقيم و المستوى المسقط له رأسيا كمايظهر ذلك في حل المسئلة الاتبة انظر (ثانيا من بند ١١٣)

(وثالثا) اذاكان احد المستقيات المعلومة مثل م موازيا المستوى الافق يكون م موازيا لخط الارض خ ض فيكون موازيا بالضرورة الى سر وحينذ لا تكون النقطة ب معلومة لكن لا يخفى ان المستوى الافتى س في هذه الحالة يقطع المستوى (مع) في خط افتى اومواز للمستقيم م يصير معينا لانه يكن ايضا ايجاد النقطة ب باخذ المستقيم م غيرمواز للمستقيم م

بلمارابالنقطة ع ونقطة اختيارية من م

* (ورابعا) * اذا اعتبرالمستقيم م اثرا افقيا قي للمستوى استعمل بدل المستقيم م مستقيم رأسي اوافق من هذا المستوى فيختار المستوى س مواذيا للمستوى الرأسي فاذا كان المستقيم م هوالخط الاعظم ميلا للمستوى كني في تعيينه انظر (بند ٣٨) ولا يلزم في هذه الحالة استعمال النقطة ع ويختار بدل المستوى المارمن المستقيم و المستوى الذي يكون فيه هذا المستقيم اعظم ميلاوهذا برجع الى المسئلة المتقدم حلما في (بند ١٠٠٠)

ويكن ايضا ايجاد تقاطع مستقيم مع مستومعلوم فى حالات مخصوصة كا اذا كان الاثران متحدين فى مستقيم واحد وكغير ذلك وهـذه الاحوال يكن حلهـا بنفس الطرق المذكورة

(11")

* (المسئلة العشرون) * اذا كان المطلوب امرار مستقيم قاطع لمستقين معلومة يقال

(اولا) عصحن من النقطة المعلومة ومن كل من المستقيم المعلوب امر ارمستو فيكرن تقاطع هذين المستويين بالضرورة دو الستقيم المطلوب وبهذه الكيفية دؤول الامرالي حل المسئلة المتقدمة في (بند ١١١) الذي يلزم فيه ان تكون ع مبينة للنقطة المعلومة في (الشكل ١٠١) وان يكرن م و و المستقيم المطلوب ولا جل صحة العملية يلزم ان يقطع مسقطاه في المستقيم مساقط المستقيمين م و و في النقط من و م م و م المكائن كل اثنين منها على عود واحد على خطالارض انظر (بند ٨)

(وثانيا) عَكَن كَافَى (الشكل ١٠٢) حل المسئلة بإمرار مستومن النقطة المفروضة م ومن احد المستقيمين الشميجث عن تقاطع هذا المستوى

مع المستقيم الآخر ب ويحُصَّل نقاطعه مع المستوى (أ م) بإمرار مستقين ط و ح من النقطة م ومن أخرين حيثما انفق - و ا من المستقيم ا فيكونان فى المستوى المذكورويقا بلان المستوى الرأسي القائم من ب في نقطتين ط و ع من التقاطع مر المستقيم و المستوين المستقيم ب في نقطة سر من المستقيم و المطلوب لان هذا المستقيم لما كان له نقطتان سر و م في المستوى المطلوب لان هذا المستقيم لما كان له نقطتان سر و م في المستوى (أ م) كان محصورا فيسه فيقابل بالضرورة المستقيم افي نقطة صم

(111)

* (تنبيه) * كان يسهل ايجاد حلول أخر لبعض المسائل المنقدمة وتنويع معالم بعضها وفرض مسائل اخرلكن فياذ كرناه من طرق الحل كفاية وسيأتى بعضها هذه المسائل في انناء الكتاب

﴿ فِي زُوايا المستقيمات والمستومات) ﴿

(110)

* (المستلة الحادية والعشرون) * أذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الحادثة بين مستقيمين يقال

الزاوية الحادثة من مستقين هي الكمية التي بين انفراج هذين المستقين في حالة امتداد هما فينتج

* (اولا) * اله يمكن حدوث زاوية من مستفين بدون ان يتفاطعا

* (وثانيا) * ان المستقيمين المتوازين تكون بنهما زاوية نساوى صفرا

* (وثالثا) * ان الزاية الحادثة من مستقين لامتقاطعين ولامتوازيين تساوى الزاوية الحادثة من مستقين موازيين لمذين المستقين المذكورين المتدين من نقطة واحدة وحيقذ فلا يحدد الما الاعن الزاوية الحادثة من مستقين متقاطعين

فأنالم مكونا كذلك تختيار نقطة حبثما اتفق وعدمنها مستقمان آخران موازمان للمستقيمن للذكورين انظر (بند ٢٤) ثم يبعث عن الزاوية الحادثة من هـ ذين الاخرين فيقال اذا كان هـ ذان المستقيمان ١ م حافي (الشڪل ١٠٣) منقاطعين في نقطة م عينا مستويا ک آثره الافتى ق ثم يطبق هذا المستوى ك على المستوى الافتى كافى (بند ٧٦) مان يختارا ختصارا المستوى الجديد الرأسي مارا مالنقطة م فسطيق المستقوان 1. _ على أ . رُ وتكون ام _ هي الزاوية المطلوبة وكان يكن البحث عن الضلعين أر ت بان يطبق الستويان المسقطان افقيها للمستقيمين ا و ب على المستوى الافقى ثم يرسم المثلث الم س المعلوم منه اضلاعه النلائة ويلزم من ذلك ان تكون النقطتان م م على مستقم عمود على الاثر ق وكان يمكن ايضاجه ل المستوى ك افقيا اورأسيا بواسطة احدى الطرق الاربع المقررة في (بد ٧٦) ويسهل تركيب اشكال هـذه العمليات عقتضي ماتقدم

وایتنبه الی ان المستقیم و م و م و تر مثلث قائم الزاویة فیمه و م و مشلث قائم الزاویة فیمه و م ضلع الزاویة القائمة فیکون و م و حینئذ تکون الزاویة ا م التی هی زاویة المستقین اصغر من الزاویة ا م التی هی زاویة مسقطیه ما *(۱۱٦)*

* (المسئلة الثانية والعشرون) * أذا كأن المطلوب ايجاد القاسم الزاوية الحادثة من مستقيمن الى قسمن متساويين يقال

يمكن حل هذه المسئلة بالبحث اولا عن الزاوية الحادثة من هذين المستقيمين افظر (بنده ١١) ثم قسمة زاوية المستقيمين أو ب الى قسمين متساويين كافى (الشكل ١٠٣) وحينتذيقابل القاسم الاثر ق فى نقطة هى بالضرورة الاثر الافق للقاسم المطلوب وحيث ان هذا القاسم لابدوان يمر

بالنقطة م يتعين تعينا ناما وقد يكن ايجاد هددا القاسم ايضا بدون البحث عن ايجاد الزاوية وذلك ان يعتبرانه لواخذ بعدان متساويان على المستقين ا و ب كما في (الشكل ١٠٤) بالابتداء من النقطة م لحدث مثلث متساوى الساقين فيكون المستقيم الواصل من النقطة م الى وسط عاءدة المثلث هو القامم المطلوب

فلاجل المسئلة بهذه الكيفية يدة والمستقيان العلومان ا و ب كل واحد على حدته حول محور وأبي مار بنقطة تقاطعهما م الى ان يصلا الى الوضعين أ و ب اللذين يصيران فيهما موا زيين للمستوى الرأسي للمسقط انظر (بند ٦١) ثم يسم من المركز م بنصف قطر حيثما اتفق قوس دائرة يقطع أ و بُ في هُ و د المنقبين و برجوع النقطة من و د على المستقبين المون المستقبين هو د على المستقبين المناث المستقبم ها المار من النقطة هالى النقطة د ضرورة قاعدة المناث المتساوى الساقين في سيسقط وسطه ه في الواصلين النقطة ين المناث المتساوى الساقين في سيسقط وسطه ه في الواصلين النقطة ين المناف المناف هو الواصل بين النقطة ين المنقطين هو في الواصل بين النقطة ين المنقطين هو في الواصل بين النقطة ين المنقطين هو في الواصل بين النقطة ين المنتقب و المنتق

م و ۵ هوالقام المطلوب ومن المهم ان يلتفت الى ان حركتي المستقيمين المعلومين 1 و ب لاتعلق لاحديه ما يلاحري والافلا يكون هذان المستقيمان مواز بين المستوى الرأسي واتما احتيج لحمله ما في هذا الوضع لامكان ان يؤخذ على احدهما طول م ه مساو الطول م د المأخوذ على الاخر

فاذا خرج النقطة أن أو سَ معا اواحداهما عن حدود الرسم اخدد مستو افق مساعد يقطع المستقين أو ب فى نقطة بن عو كُ بشرط ان يكون النقطة ان ع و كُ فى حدود الرسم فا نهما فى هذا الوضع يستعملان ايضا لا يجاد أو بُ ثم يكمل باقى العملية

تنبيه هذه العمليات تؤدى الى عدة تحقيقات * (١١٧) *

* (المسئلة الثالثة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية بن الحادثتين من مستقيم مع مستوي المسقط يقال

الزاوية الحادثة من مستقيم مع مستوكافي (الشكل ١٠٠) هي الزاوية الحادثة من المستقيم المذكور مع مسقطه على المستوى فعلى هذا تكون الزاوية المطلوبيان هما الزاوية الحادثتان من المستقيم المفروض و مع مسقطيه

و و فيلزم حينتذ جعل المستويين المسقطين للمستقيم و منطبقين على احد مستويى المسقط او موازيين له ولا جل ذلك يكن جعل هذين المستويين من اول وهلة مستويين جديدين للمسقط فتوجد الزاوية

رار = الحادثة من المستقيم و مع المستوى الافتى والزاوية

إ ـ أ = ب الحادثة عنه مع المستوى الرأسي ويمكن ايضا تدويرهذين

المستويين حول اثريهما سر أو 11 الى إن ينطبقا فتوجد ايضا الزاوية ان ر

رأ س = الو اسّا = به فاذا لم یكن اثرا المستقیم و فی حدود الرسم اخذ نقطتان حیثما اتفق کنقطتی م و ه کافی (الشکل ۱۰۶)

فيوجد بتغيير المستويين الزاويتمان م ٥ ط = ا و لم ٥ = _

ویصم ایضاان پنزل من النقطتین م و ﴿ عودان احدهما علی المستوی

الافقى والا تخر على المستوى الرأسي ويدوّر حوله ما المستويان (و و)

و (و و) الحان بصيرا سوازين للمستوى الرأسى او للمستوى الافتى ر ر ر ر ر ر و قصدت الزاوبتان م رَ ط = ا و رَمُّ ل = بـ

(111)

اذاحدث من مستقیم مع مستوبی المسقط زاویتان متساویتان حدث ایضا من مسقطیه مع خط الارض زاویتان متساویتان و کان اثر اه علی بعد واحد من خط الارض خ ض ویبان ذلا اولا آن المثلث ین اسس و سا اکافی (الشکل ۱۰۰) متساویان لان و تراحد هما مساو لو ترالا خروفیهما زاویتین حاد تین متساویتین فینتد اس سا و سسا و سسا و سا و سسا متساویین این این سام میساویین این دستا متساویین

فينتج ان الزاوية اراً = رار

واذا فابل المستقيم خط الارض فألبرهان بعينه ولوكان مسقطاه في جهة واحدة من خض لانطبقا انظر (ثامشامن بند ١٧)

(وثانيا) ان يقال ان هذه الحالة المحصوصة واضحة لان اى نقطة من المستقيم و تكون على بعد واحد من مستوبى المسقط في تجرن ذلك تساوى المثلث بن المتقدمين في ننذ يمكن دائما الرجوع الى هذه الحالة بان يؤخذ مثلا مستوجديد رأسى موازياللمستوى القديم وما را بالاثر الافق اللمستقيم فيقابل هذا المستقيم خطالارض وحينت ذيحدث عنده عند مع خطالارض غ ص ذاوية واحدة وحيث كان و موازيا و موازيا و في عدث من و و و مع خطالارض غ ص في يحدث من و و و مع خطالارض خ ص ذاوية واحدة

و رو و يكونان متوازيين اذالم ينف المستقيم و في الراوية غ فاذا نف و و فيها كاناغير متوازيين بالنسبة المطالارض غ ض

(119)

* (المستادة الرابعة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الحادثة من مستقيم مع مستويقال

(اولا) حيث كانت هذه الزاوية هي الحادثة عن المستقيم المعساوم مع مسقطه على المستوى المعلوم ينبغي حل المستله التي حلت بالنسبة لانقطة في (بند ١٤) بالنسبة للمستقيم المعلوم وجذا يتوصل الى المحث عن الزاوية الحادثة من مستقين انظر (بند ١١٥) وايتنبه الى انهذه الطريقة ترجع الى جعل المستوى م افقيا اور آسيا ويكون ذلك بالطرق الاربع المقررة في الى جعل المستوى م افقيا اور آسيا ويكون ذلك بالطرق الاربع المقررة في (بند ٢٦) مع فرض المستقيم و مرتبطا بالمستوى المندكور بحيث يمكن الحادمسقطيه على كل مستوجديد منتخب المسقط وفرضه ايضا تا بعاللمستوى المذكور في حركات دووانه اذا حرك وراسما مع هذا المستوى دائما زاوية المذكور في حركات دووانه اذا حرك وراسما مع هذا المستوى دائما زاوية واحدة في نتذ يؤول الامرالى المحث عن الزاوية الحادثة من مستقيم مع احد مستويى المسقط انظر (بند ١١٧) وقد يسهل تتبع جيع الاعمال مستويى المسقط انظر (بند ١١٧)

*(وثانيا) * أنه يمكن حل هذه المسئلة ايضا بطريقة اخرى وذلك ان تؤخذ نقطة مّا م على المستقيم و ومنها ينزل عود ن على المستوى م كافى (بند ٨٢) فتكون زاوية المستقيم و و سهى همام الزاوية الحادثة من المستقيم و مع المستوى م فيؤول الامر الى المحث عن الزاوية الحادثة من هذين المستقيم كافى (بند ١١٥) وبعمد اليجادها يؤخذ أعامها وهى الزاوية المطلوبة

(11.)

* (المسئلة الخامسة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد زاويتين حادثتين ا من مستومع مستويى المسقط يقال

الزاوية الحادثة من مستويين كافى (الشكل ١٠٨) مقاسة بالزاوية الواقعة بين عودين قائمين على خط تقاطع المستويين من نقطة واحدة منه وكل منه ما على مستو فبنتج انه اذا كان المستوى المعلوم عودا على المستوى الرأسي تركون الزاوية الحادثة منه مع المستوى الافق مقيسة براوية الره الرأسي مع خط الارض وكذلك اذا كان المستوى المعلوم عودا على المستوى الافق تكون الزاوية الحادثة منه مع المستوى الرأسي مقيسة بالضرورة بزاوية الرء الافق مع خط الارض فحينتذ يكون حل المستلمة مبنيا على جعل المستوى المعلوم عودا على المستوى الافق ثم الرأسي للمسقط اما تنعير المستوى كافى ابند ١٥٠) وبها تين الطريقتين العلم يقتين المستوى الزاوية إلى المائلة من المستوى المائلة مع المستوى المائلة معلى العمليات الحادثة منه مع المستوى الرأسي ولا فائدة في اطالة الكلام على العمليات المهولة تتبعم اعلى الشكل

(111)

اذا از اندا من ا أو أ الرأسي ن على را و ن على ق ف فوض رجوع المستوى الرأسي المسقط الى وضعه العمودي على مستوى المسقط الا فق يكون ن عودا على الحود ا في حودا على المواذيه الماد من النقطة را اوعلى ق فينشذ يكون ن عودا على المستوى م ويكون ن ايضاعود اعلى الحود ا فيكون عودا على مواذيه الماد من النقطة مر أوعلى را فيكون عودا على المستوى م فاذ الرجعنا المستويين م و م الى وضعهما الانتهائي م انطبق العصودان ن و ن وصاد استقيا واحدا عود اعلى المستوى م فيكون ن ح ن ومن فلا ينتج ان را و ق يحون عالم المستوى ن أو ن ومن المرز المرسومة من المرز أو أ بنصف قطر يساوى ن أو ن

اذا كان المستوى المعلوم بصنع ذوابامتساويةمع مستويى المسقط يكون اثراه

متساوى الميل على خط الارض و-ان ذاك

(وثانیا) ان یقال من الواضع فی صورة ما اذا کان المستوی موازیا خط الارض کافی (اشکل ۱۱۰) ان اثراه لا بدوان یوجدا علی بعد واحد من خ ض لانه اذامذ فی المستوی م عمود اع علی خ ض لصار عمود کذلا علی کل من الاثرین ق ک و ک فیصون حینشد المثلث الحادث اوج متساوی الساقین و منه ینتج او ج وج اذا تقرر هذا ید و را المستوی م حول اع الی ان یقطع خط الارض فی نقطة منسه ع فیکون المثلث اوع و ج وع متساویین لان فیماز او یتین متساویتین فیکون المثلث الموسی م معمستویی المستوی م معمستویی المستوی م معمستویی المستوی م معمستویی المستوی تا معمستویی المستوی تان متساویتان متساویتان

(°)

(171)

* (المستلة السادسة والعشرون) * اذا كان المطلوب امر ارمستو صانع زاوية معلومة ل مع المستوى الافق من مستقيم معلوم يقال اذاكان المستقيم المعلوم و كماني (الشكل ١١١) يلزم ان يكون أثرا المعتوى م المطلوب مارين بالاثرين ا و سه الافقى والرأسي المستقيم و كل بنظيره اذا تقرر هذا يد من النقطة معور رأسي ا ويقرض ان المستوى م دارحول هذا المحورالي ان صارعودا على المستوى الرأسي افلا يزال اثره الرأسي مر مارابالنقطة سحى يصنع مع ف ف الزاوية ا وبرجوع المستوى المذكورالى وضعه المشغول به فى الفراغ ترسم النقطة ع التي هي تقاطع اثرى المستوى م على المستوى الافقى دائرة ج لايرال الاثر ق عماسالها فينتذاذا مدّمن المنقطة المعماس للدائرة ج كان هذا المماس هوا لاثر ق المستوى ثم لا بدوان عر را بالنقطة -ويقابل خط الارض خ ص في عين النقطة التي قابله فيها الاثر ق فذا كان الاثر ق الايقابل خط الارض خ ص في حدود الرسم امكن ایجاد نقطهٔ اخری من را بان نؤخذ نقطهٔ تما علی المستقیم و وید منها افتىللمستوى م * (تنبيه) * لأيحكن حل هذه المسئلة سغيرمستو وهذا مثبت ماقررناه في آخر (بند ٦٩) ومع ذلك فلوكان المستقيم المعلوم اثرا القيا للمستوى المطلوب لائمكن استعمال احدى الطريقتين يدون اختيار احداهماعن عُ ولزم رسم الأثر ر صانعامع خ ص الزاوية [ومنه تعلم نقطة _ من الاثر رَا وثانيا لو اخذمسة ورأسي عوداعلي قُل اصنع الاثر الرأسي يُ مع خطالارض خُضَ الزاوية إِ ثَمْ بِنَغْيِيرِالمُسْتُوى الرأْسَى وجعل

خض

خ ض خطاارضياينتج رأ

(175)

اذافرض ان المستقم و لايقابل مستويي المسقط في حدود الرسم كافي (الشكل١١٦) امكنان يتصور في المستوى المطلوب م خطاعظم ميلا ط ماربنقطة ما منالمستقيم و فادا دُقر حول محوررأسي ا مازبالنقطة م حتى وازى المستوى الرأسي صنع مسقطه الرأسي طُ مع خط الارض خ ض الزاوية ل ووجد اثره الافقى في أ وبر جوعه الى وضعه الاول يرسم هــذا الاثرالدائرة ج وترسم نقطة اخرى 🗿 مأخوذة حيثما أتفق على طُ دائرة كم كائنة في مستوافق س قاطع للمستقيم و في تقطة ـ منها يمرافق _ من المستوى المطلوب م عماس للدائرة أج المذكورةلان هذاالافق لامدوان يمريالنقطة ﴿ التي هينهاية نصف قطرالدا ترة جُ وان يكون عوداعلى الخط الاعظم ميلاط انظر (بند٣٧) فحيشد و ماساللدائره ج وموازيا ب وقديتمصل لنانقطنان سم و من الاثرالرأسي رم بواسطة افقيين م و د المستوى م مارین بنقطتین حبیما انفق م و ر من المستقیم و *(110)*

* (المسئلة السابعة والعشرون) * اذاكان المطلوب اليجاد مستومار من نقطة معلومة وصانع مع المستوى الرأسي زاوية لي ومع المستوى الرأسي زاوية لي يقال

يؤخذ كافى (الشكل ١٠٨) محورمًا اعلى المستوى الرأسى ويدورالمستوى المستوى المستوى الرأسي ويدورالمستوى الرأسي فيصنع الراسي مركم مع خطالارض الزاوية للم عجد هذا الاثر من نقطة ما من خض فبتحصل منه نقطة سد من الاثر را واذا فرض

معورآخر أ في المستوى الافتى ودُورالمستوى م حول المحورالمذكور ا كرى صار وأسميا فلايدوان يحدث من الاثر ق مع خ ص الزاوية _ ومع ذلك فلوانزل من النقطة أ أو أعودان على الاثرين رأ و ق لكإنامتساويين انظر (بند ١٢١) فحينشـذيكون الاثر تَّلَ مماسـا للدائره المرسومة من المركز أ بنصف القطر نَ ثم يقابل الاثر ق المحور ا فالنقطة ا من الاثرالافتي ق فلوا رجع الآن المستوى مُ الى وضعه الاصلى لسمت النقطة عُ التي هي تقاطع اثر يه دا ترة حول المركز ١ وحينت ذيد من النقطة المماسلهذه الدائرة يكون هوالاثر المطلوب ق ومنسه يتحصل را الذي لايدوان بير بالنقطة ب ولو ارجع ايضا لمستوى م الى الوضع م لرسمت النقطة ك التي هي تقاطع اثريه قوس دائرة يجب ان يكون الاثر كر عماسانه ويهذه الكيفية يتحصل معنــامســـتــو يصنع مع مستوي المقسط الافتى والرأسي الزاويتين إ و ب فلم بيق علمنافى حل هذه المسئلة التي نحن بصددها الاامر ارمستومو از للمستوى م من النقطة المعلومة انظر (يند ٣٨)

(111)

(المسئلة الشامنة والعشرون) ُ اذا كأن المطلوب ايجادالاثرين الرأسسيين لمسستو يين معلوم اثراهما الافقيسان والزاويتان الحادثتان منهما مع المستوى الافق يقال

لیکن ق و ق الاثرین الافقین المعلومین کافی (الشکل ۹۳) فاذ ااخذ مستو رأسی عمود اعلی المستوی م لزم ان بصنع الاثر الرأسی ر مع خط الارض خ ص الزاویة او واذ اخذ ایضا مستو آخر رأسی عمود اعلی المستوی ک حدث من الاثر الرأسی ک مع خص الزاویة به فلم به ق علینا

الانسبةالمستوينالمعلومين م و ك الىمستو واحد رأسي فاطع للزفتي فى خ ص وحيث كان الاثران الافقيان قل بي ق لايتغيران يمكن ايجاد الاثرين الرأسين م ر و اسطة استعمال افتى مأخوذ على كل من المستوين المذكورين انظر (بند ٤٧) *(Y71)*

* (المسئلة الناسعة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستوين يقال

وكن حل هذه المسئلة بطرق مختلفة نمن بعضم افتقول

*(اولا) * قد علت كيفية ايجاد الزاوية الحادثة من مستومع مستوبي المسقط من ا (بند ١٢٠)فعلى هذا يمكن ان يؤول الامر الى هذه المسئلة بجعل احد المستويين المعلومين مستويا جديدا للمسقط اوتنظيمة على احد المستوين الاصليين وتحصيل ذلك يكون ماستعمال احدى الطرق الاربع المعلومة في (بند ٧٦) ولمابنهذا الحلهشالاجل التمرن عليهمع كونه قدتقدم فىهذا الكتباب عدة عليات مثل هذه

(وثانيا) اذاكان المستويان المعلومان عمودين على احد مستويى المسقط فلا بدوان يحددث من اثريهما على المستوى المذكور زاو به مساوية للزاوية الحادثة من المستوين فحينتذيكون تفاطع المستوين في هذه الصورة عودا على مستوي المسقط ويكفى لجعل الشكل في هذا الوضع المخصوص جعل تقاطع المستوين عودا على احدمستويي المسقط ويلزم لذلك تغييرا مستوين كافي إ (بند ۱۰) اوحركادوران كما في (بند ٦٣) اوتغييرمستوثم حركة دوران اوحركه دوران تمتغيرمستووفى كلطالة يلزم اولا معرفة تقاطع المستويين وقدعرفت كيفية ايجاده فيماتقدم اذاتقر رهذا بقال اذااريد اولااستعمال تغيمي مستويين كافي (الشكل ١١٣) فليكن م و كن المستويين المعلومين باثارهما الافقيين والرأسنيين ق و ر

. ي تقاطعهما المعلوم بمسقطيه ي و ي ولجعل هذا لتقاطع عوداعلي المستوى الافق يؤخذاولا بدل المستوى الرأسي للمسقط الموازى للتفاطع ي المستوى المسقطافة يالهذا المستقيم بحيث يكون خطالارض غض عين المسقط ى للنقاطع ولوبحث عن مسقط التقاطع ي على هذاالمستوى الجديد لكأن المقط هوالتقاطع بعينه ودل ايضاعلي أربر تم يؤخذمستوافق عموداعلى المستةم ي فيصبر بالضرورة خُصٌ عوداعلى ي ويكون مسقط المستقيم ي على هذا المستوى الجديد نقطة ي من خط الارض الجديد مشتركة بين الاثرين الجديدين ق م ق ويلزم ايجاد نقطة اخرى من كلمن هذين الاثرين فيستعمل لذلك رآسي م من المستوى م اثره الافق م على المستوى القديم خُضَ على بعد مم منخط الارض هذا وحينت فيكون اثره على المستوى الجديد الافقى خُض على بعدواحد بالضرورة من هذا الخط الاردى إيضا فيحكون ذلك الاثر في النقطة م المنتسبة الى ق انظم (بند ۲۸) ولواسة عمل ايضا رأسي ط من المستوى ك التحصل منه ن الله من الاثر ق م الدارية إلى الحادثة من الاثرين الافقيدين ي م م الزاوية المطلوبة الحادثة من المستويين م و ك ق » (ثالثا) * يمكن ايدال احد تغييري المستوبين بحركه دوران فسدل التغيير لشان كاف (الشكل ١١٤) ويلزم فهذه الحالة بعدا يجاد المستقيم ي م ينطبق على الاثرين رم ر تدوير جلة الشكل حول محور ١ لذى ينطبق على الاثرين رم و مود على المستوى الرأسي الى ان يصير ى رأسـيا فلو فرض رأسي م سالمستوى م ورأسى ط منالمستوى ك لبقيادا تمافى مدة الدوران الى يعدوا حدمن المستوى الرأسي وبقي ايضامسفطاهما الرأسيان على يعدوا حد من المستقيم ي انظر (ثالثًا من بند ٥٦) وليؤخذ في هذا الشكل

المحور ا مارا بالاثر م للرأسي م فتنتسب حينسذ هذه النقطة داعًا الى الاثر الافتى للمستوى م وبانزال أصم عودا على ي تشـ فل النقطة صد الوضع صد وتكون ايضا المسقط ي وبالوصل بن ي م ي من من ويصر ايضا الرأسي ط في ط فيعن النقطة ط أو سم من الاثر ق الذي لا بدوان عرايضا بالنقطة ي أو صد فينتذ تكون الزاوية الحادثة من المستقين قر ق مساوية للزاوية المطلوبة لحادثة سزالمستويين م و ک *(ورابعا) * يمكن عصكس ماتقدم اى ابدال الدنيسرالاول المستوى يحركه دوران ولسهولة تركيب الشكل على مقتضى هذه الحالة لم يرسم هنا * (وخامسا) * يمكن حل المسئلة بحركتي دوران كأفي (الشكل ١١٥) فمواسطة حركة دوران اولى حول محور رأسي السيحتار مارا بالاثر الرأسي م للتقاطع ي المستوين م , ك يجعل هـ ندا التقاطع موازيا للمستوى الرأمي فينتقل ي في يَ على خ ص رابسما زاوية اأاً = في فينتذ يجب ان ترسم جميع نقط المستويين م و ك زوايا مساوية للزاوية في المذكورة وان يتحد الاثران كر و له مع يُ المعين بالنقطتين أ و وان يمر الاثران ق و و بالنقطة أ ويمكن لاحل العاد نقطة اخرى الزال العدمودين أع و أكن على الاثرين م ن م يعِث عن الوضعين الجديدين للنقطتين ع و كُ فتوجد النقطة كُ بأخذقوس كُنُلُ مساولقوس من محيطه وو محصورا في الزاوية في فيتحصل الاثر ق واما النقطة ع فحبث كانت في هذا الشكل قريبة جدامن النقطة ١ يكون نصفا القطرين ١١ . ١ ع

متساويين تقريبا فيعسر حينتذ تعيين الوضع الجديد للنقطة عُ واكن بجعل ا مركزاواخذنصف قطر حبثما اتفق اكبردن أع يرسم قوس دائرة ج يقطع ق فيتعين وضع النقطة ع فيتعين وضع النقطة ع بعيد الدوران باخل ع عُ ع ع ع ع ويلزم ان عمر الاثر ق بالنقطة من ثم ندورالاً ن جله الشكل حول محور ب عود على المستوى الرأسي حتى يصىرالتقاطع ى رأسياوة ديختصر تركيب الشكل بمدهذ االمحور من النقطة أ فيصيراً لمستقيم كي في الوضع ي راسما زاوية ب يجب ان ترسمها جميع اجزاء المستويين مُ و كُ ويتحد الاثران الرأسيان رُ و ر مع ي ولايجاد الاثرين الافقين قل ق يستعمل رأسي اكل من المستوين وليكن مُ الرأسي المأخوذ في المستوى مُ و طُ الرأسي الماخوذ فی المستوی کُ وبجعل ب مرکزا واخذ تصف قطر حبثما اتفق ترسم دائرة جُ تقطع مُ في النقطة مُ ، طُ في طُ وبواسطة المسقطين الافقيين مُ و طُ للنقطتين مُ و طُ المفروضة اثرا افقيا للمستقيم طُ ثم اخذ م و م = ط ط = ج ثج المسقطان الرأسيان المديدان يحدث م و ط النقطتين م و ط ويتعصل من ذلك ايضا م و م م م م الم وهما ايضا المسقطان م م ط ً لرأسي المستويين وأمنرسم هذين المسقطين الاخيرين على الشكل العدم تعقده واعدم الاحتياج لذلك وحيث كان المستويان م و كُ الا ت رأسيين لزم ان براثراهما الافقيان ق و ق على التوالى بالنقطتين م ، ط وان عِرا ايضًا بالنقطة أ وحينت ذيتم تعييم ما فيحدث من الاثرين ق . ق

واوية إ بهاتقاس الراوية المطلوبة الحادثة من المستويين م و ك * (سادسا) * انالزاوية الحادثة من مستوين تقاس بالزاوية الواقعة بين عودين والمميزعلي خط تقاطع المستويين من نقطة واحدة منه حكل منهما فى مستوفيكونان فى مستوس عمودعلى ى كافى (الشكل ١١٦) وحيث ڪان هذا المستوي اختياري عد الاثر في عودا على ي من نقطة مامنه فيقطع الاثرين ق م ق في النقطتين سم و صم اللتين هما اثرا المستقيمين اللذين زاو بتهما عين زاوية المستويين م وك ولاجهل تطبيق الطريقة المعتمادة المتقدمة في (بند ١١٥) على هـ نه الحالة يؤخذ ي خطاارضيا خُصُ ويجت عن المستقم ي على هذاالمستوى الرأسي ومن حيث ان ركم لابد وان يكون عودا على ي يتحصل انسا النقطة ﴿ مَنْ وَهِي رأْسُ الرَّاوِيَّةِ المَطَّلُوبَةِ لَمْ ﴿ فَأَذَا طَمَّقَتُ عَلَى لنقطة سهٌ كانت الزاوية المطلوبة هي سهسهٌ صه وبدل ايجاد الرأس سَه سغييرمستو يمكن ايجاده ابحركه دوران بان ندور الرأسي خُضُ حول اثره الرأسي حسر لمنطبق فتنتقل النقطمة اللي أ والنقطمة و الى و والتقاطع ى الى ى والعمود وسَم الى وَسُم مُبوِّخُذ وُرِ ﴾ وَشَه و سَهُ = سَالًا فَتُوجِدًا لِنَقَطَةُ شُهُ وَمِنْهُ تَنْجَ

* (تنبيه) * طريقت إهذه عن التي استعملها مؤلفوا كتب اله دسة الوصفية ولافرق بينه مافى شئ بلرجاعلم عقا بلته ماان الطريقة التي استعملناها توضعها وتسمل معرفنها

وقد يستحسن التنبيه على ان وسهَ = وسهٌ = وَسُهُ ضلع من الزاوية القائمة في مثلث قام الزاوية وسهُ ا أو وسُهُ اَ وتره وا = وَاَ وَيَنْجَ منه ان الرأس سهٌ لابدان تكون وينتج منه ان الرأس سهٌ لابدان تكون

الراوية سه سه صه > سه ا صه

*(وسابعا) * يشاهد من الطريقة المتقدمة ان الزاوية المطاوبة معلومة بالمثلث سمر مرسم المعلوم منه الضلع سم سم ويكن المجت عن الضلعين الاخرين بقطبيق المستويين م وك وايجاد التقاطع ى على هذين المطبيقين وانزال عودين على هذا التقاطع من النقطتين سم و صم فيتوصل الحرسم مثلث معلومة منه اضلاعه الثلاثة ويجب التفطن الى ان القوسين المرسومين من النقطتين سم و صم بجعل الضلعين الموجودين دن المثلث نصفى قطر لابد وان يتقاطعا في نقطة من المسقط ى وسننته زفرصة تهم هذه العملية في حل مسئلة اخرى

*(وثامنا) *اذانقاطع مستو بانيصنه اناربع زوابا انتان حاد تان متساويتان واثنتان منفر جتان متساويتان والزاوية الحادة هي المسماة براوية المستويين مالم تعينا لجهة التي تكون فيها هنده الزاوية محسو بة فعلي هذا اذا انزل من نقطة اختيارية عودان على المستويين صنعا ايضازا ويتين حاد تين وزاويت بن منفر جتين كلاها مساو لمجانسه من الزوابا الاربع الواقعة بين مستويين فيكن حينت ذا يجاد زاوية المستويين بان ينزل عودان من نقطة واحدة على كلا المستويين المفروضين كافى (بند ۱۲) مع بيجث عن الزاوية الواقعة بين هذين العمودين كافى (بند ۱۱) وعلى اى حال فلوائزل من نقطة مأخوذة داخل العمودين كافى (بند ۱۱) وعلى اى حال فلوائزل من نقطة مأخوذة داخل الوية زوجية عمودان على وجهى هذه الزاوية للدث بينه ما زاوية متمهة للزاوية الزوجية

ولا تحتاج هذه الطريقة الاخبرة الى معرفة تقاطع المستويين الذى لا تنكرفائدته في بعض الاحوال لانه ربحا كان هذا التعيين مقتضيا لعمليات مشكلة جدا كاحصل ذلك في بعض الاحوال

(11)

* (المسئلة الدُلانون) * اداكان المطلوب قسمة الزاوية الواقعة بين مستويين الى فسمن متساوين يقال

(اولا) اذافرض وجود المستوى القاسم كافي (الشكل ١١٦) كان مقطوعاً بالمستوى س في مستقيم سُر عود على التقاطع ي في النقطة سُه وكاناتره الافقى على قُ وقاسما للزاوية ا أو سـ سُـ صـ الى قسمين متساويين فبذيج من ذلك انه يلزم بعد ايجاد الزاوية المنطبقة مدسم كافي (سادسا منبد ١٢٧) قسمتها الى قسمين متساوين بمستقم قاطع للاثر ق في نقطة نر يجب ان يربها وبالنقطة ا الاثرالافق للمستوى المطاوب س وان يمر بالنقطة – اثره الرأسي * (وثانيما) * اذا انطبق المستويان م و ك على المستوى الافق كما في (الشكل ١١٧) ماستعمال الطريقة الشائية المعلومة في (بند ٧٦) التقل تقـاطعهما ى فى ئى ثمفى ئى فاذا فرض فىكل منالمستويين م و ك مستقيم على بعد واحد من التقاطع ي صار المستقيم ١ الكائن فى المستوى م فى أ الموازى ى بعدانطباق هذاالمستوى وصار ايضًا المستقيم ب في تُ الموازى ئي بعدانطباقالمستوى كُ المِنْتَمَلِّ على ب وقطع المستقيمان آ و بٌ على التوالى الاثرين ق . ق فى نقطتين سى و صد فينتذبكون سه صد الاثر الافقى للمستوى (١ س) واذاقسم سرصم الى قسمين متساويين في نقطة نر الانتسبت هذه النقطة والنقطة الالاثرالافق ق للمستوى القاسم س المشتمل زيادة عن ذلا على خطموا زلخط التقاطع ي وماريالنقطة نر ولهذا الحل كاهو ظاهرشدة مناسبة للحل الذي ذكرفي (بند ١١٦) لاجل ايجاد قاسم زاوية المستقين الى قسمين متساويين بدون المعت عنها وذلك ان النقطة والنقطة د الكائنتين على المستقيمن على بعدوا حدمن نقطة تقاطعهما م فحل (بند ١١٦) مبدلتان هنا بالمستقيمين أ و س الكائنين في المستوين على بعدوا حدمن تقاطعهما ي وان النقطة و التيهي

منتصف المستقيم هد هناك مبدلة هنا بمستقيم كائن على المستوى (أب) وعلى بعدوا حدمن المستقيمين أو ب

و يكن ابدال المستقيمين الموارين من بمستقيمين متساويي الميل على م ومقابلين له في نقطة واحدة وحينتذ فزاوية هذين المستقيمين والتقاطع مي يعينان المستوى القاسم وليست حالة الموازيين الاداخلة في هذه الحالة

(وثالثا) انالعمودين القائمين على المستويين م و ك كمافى (ثامناهن بند ٢٧) بمكن ان بدامن نقطة واحدة من نقطة المعممافا ذا فرض وجود المستوى القاسم وافامة عود عليه ايضا من النقطة المذكورة قسم هذا العمود زاوية عودى المستوين الاصليين الى قسمين متساويين في نتذاذا بحث على القاسم لزاوية هذين العمودين كافى (بند ١٠٠) عين هذا القاسم والتقاطع كي المستويين المعلومين المستوى القاسم المطلوب وليتنبه الى ان هذه المستويين المعلومين المستوى القاسم المطلوب وليتنبه الى ان هذه المستويين المعلومين

(159)

وانتمه هذه المسائل المنوالية بذكر مسئلتين ينتج حلم ما بدون واسطة من حل مسئلة ايجاد زاوية المستويين المقورة في (سادسا من بند ١٢٧) فنقول

* (المستلة الحادية والثلاثون) * اذاعلم اثران افقيان لمستويين م و ك صانعان زاوية معلومة معلومة وعلم ايضا المسقط الافق لتقاطعهما ى والمطلوب ايجاد اثريهم الرأسين يقال

المدالاتر ق كافى (الشكل ١١٦) عوداعلى المسقط الافقى ى م كن في الشكل ١١٦) عوداعلى المسقط الافقى ى في في النقطة من و ق فى النقطة من و صد ويلزم لا يجاد النقطة من و ان و ق فى النقطة من و ان يرسم على سم صد قطع دائرة يحتوى على الزاوية يا فيقطع ى

(17.)

*(المسئلة الشانية والثلاثون) * اذا كان المطلوب امرارمستوك من مستقيم ى كائن على مستومعلوم م يصنع مع المستوى م زاوية الميقال

﴿ فِي اقصر الا بعداد) ﴿

(171)

* (المسئلة الشالثة والثلاثون) * اذا كان المطلوب اليجاد اقصر بعد من نقطة الى اخرى يقال

هـذا البعد مقيس بمستقيم هاتين النقطتين وبهذا يتوصل الى ايجاد الطول الحقيق لجزء مستقيم محصور بين نقطتين معينين وحينشذ فقد

(۲۸)

بكون اولا المسقط الرأسي مساويا للمستقيم الفراغي اذاكان هذا المستقيم سوازيا للمستوى الرأسي انظر (اولامن بند٥٠) ولذلك بؤخذمستوجد بدرأسي موازياللمستقيم وايخترالمستوى المسقط له افقيالما فيهمن السمولة والاختصار فينتلذ لا يحيون خط الارض خُضُ كَا في (الشكل ١٠٦) سوىالمسقط الافتي و للمستقيم و فاذا انزل على هــذا الخطعودان م م = ومُ و ١٥ = ع ١ ووصل بين م و ١ يحدث لنا المستقيم و المطلوب واذا مدمن النقطة ﴿ خط ﴿ طُ مُوازِياً للمسقط الافقى و حدث مثلث قائم الزاوية م وط ضلعه وط يساوى المسقط الافق م أ و م ط يساوى فاضل ارتفاع النقطتين م و عن المستوى الافقى اوبساوى ومُ ـ ع ﴿ انظر (اولا من بند ٥) ووتر المثلث المذكور هومقدارطول المستقيم المطلوب ومنهنا ينتج رسم المستقيم المطلوب سهولة *(وثانيا)* قديكون المستقم و معلوما بمسقطه الافتي اذا كان موازيا للمستوىالانقى فيكن حينئه ذتغيير المستوى الافق لجعله موازيا و وايحترا لاجل السبولة المستوى المسقط رأسيالهذا المستقيم فيكون خط الارض خُصُ متحدامع و ويلزم ان يؤخذ على عود بن على هذا الخط مُم = وم و ١٥٥ = ع٥ وباخذخط مل مواز و يحدث مثلث قام الزاوية م ول وتره ايضا مقدار طول المستقيم و واحد ضلعي زاويته القائمة مل مساوللمسقط الرأسي مُ و والا خر و ل مساو الماضل بعدى النقطتين م و ﴿ عن المستوى الرأسي يعني مساو ع ١٥ ـ وم انظر (ثانيا من بنده) *(وثمالمًا)* يمكن بدل جعل المستقيم و سوازياللمستوى الرأسي تنغيمر

المستوى الرأسى تدوير المستقيم حول محور رأسى الى ان يصل الى هذا الوضع كما فى (بند ٦١) وليختر السهولة المحور مارا باحدى النقطتين المعلومتين م فيصير المستقيم حينئذ فى الوضع و ويعلم مقدار طوله الحقيق بالمسقط و ويعلم مقدار طوله الحقيق بالمستقط و ويعلم مقدار طوله الحقيق بالمستقيل المستقيل المس

(ورابعا) يكن جعل المستقيم و موازيالامستوى الافقي بندويره حول محور أعود على المستوى الرأسي واليخترمارا بالنقطة و وحينت ذيصير المستقيم و المذكور في الوضع و ويعلم مقدار طوله الحقيقي بمسقطه الافقى و المذكور في الوضع و ويعلم مقدار طوله الحقيقي بمسقطه الافقى و المذكور في الوضع و المدار طوله الحقيقي بمسقطه اللافقى و المدار طوله الحقيقي بمسقطه اللافقى و المدار طوله الحقيق بمسقطه اللافقى و المدار طوله الحقيق بمسقطه اللافقى و المدار طوله الحقيق المدار طوله المدار طوله الحقيق المدار طوله الحقيق المدار طوله الحقيق المدار طوله المدار طول

وباستعمال الطرق الاربع المذكورة على نفس هذا الشكل ملزم ان بكون م و = م و = م و = هم م د = م و = م و الم

(177)

* (السئلة الرابعة والثلاثون) * أذا كأن المطلوب ايجاد البعد بين أثرى مستقيم يقال

هذه المسئلة لا فرق بينها وبين المتقدمة ويكنى فى حلمها اخذ النقطة بن المراف المسئلة المتقدمة وحديث المنتقطة المتقدمة وحديث في المسئلة المتقدمة وحديث في المسئلة المتقدمة وحديث في المسئلة المتقدمة وحديث في المسئلة المتقدمة ويقال

* (اولا)* اذا اخذ المسقط وكما في (الشكل ١٠٥) خطا ارضيا جديدا يوجد المستقيم و على هذا المستوى الجديد الرأسي وتنتسب النقطة احينئذ الى هذا المستقيم

* (وثانيا) * اذا ابدل المستوى الافقى واخذ و خطا ارضيا جديدا يوجد المستقيم و

* (وثالثا) * أذادُور المستقم و حول المحور أ يصير في الوضع و

(ورابعا) ادادقر المستقيم المذكور حول المحور أ يصيرفى الوضع و ً فبنتج بالضرورة

ا = ا = ا = ا

وكلمن هذه الخطوط الاربعيدل على طول المستقيم

(177)

* (المسئلة الخامسة والثلاثون) * اذا كان المطلوب مدمستقيم معلوم الطول من نقطة م كائنة على مستومعلوم م الى الاثر الافتى لهذا المستوى يقال

اذاعلم المسقط الافق م للنقطة الفروضة كافي (الشكل ١١٨) يستنتج منه مسقطم الرأسي م انظر (بد ٢٩) بان يد من هذه النقطة افتي ط من المستوى م ثم يفرض اولا المستقيم و في وضعه الاصلى ويدور حول محوررأسي احتى يوازى المستوى الرأسي فينسقط على هذا المستوى في طوله الحقيق ل انظر (اولا منبد ٥٦) ويبقى مسقطه الافقى فى رجوعه دائمًا على طول واحد يجب ان ينتهى بالاثر ق فتكون النقطة 1 التي يقابل فيها ذلك الاثر ق الدائرة ج نقطة من المستقم فيتعين وضعه حينئذ نعينا تاما ويوجد حل آخرفي ب ولومست الدائرة ج الاثر ق م يكن للمسئلة الاحل واحد ولوكان المستقيم أ أ اقصر من العمودالسازل من أعلى ق لم يكن للمسئلة حل اصلا *(وثانيا)* قديتفق كمافي (الشكل ١١٩) انالمستقيم ل المارمن النقطة م لايقابل خط الارض خ ض الاخارج حدود الرسم ولننبه في هذه الحالة على انه يكن تقسيم المستقيم و الى اجزاء منساوية وان يتصور امرارمستويات افقية من نقط المستقيم قاسمة جروالمحور ا المحصور بين النقطة م

والمستوى الافقي للمسقط الى اجزاءمتساوية عدتها كعدة اجزاء المستقم و وقاطعة للمستوى م فى افقيات متساوية البعدعن بعضها ثم يقسم ارتفاع النقطة م الى قسمين متساويين ويرسم مستوافق س يقطع المستوى م في في وتجرى بالنسبة لمذا الافتى العملية التي ابريت بالنسبة خط الارض بان يؤخذ لل الابتداء من النقطة م الى المسقط الرأسي رُ للافق فيتحصل المستقيمان و و س الكافيان في حل المسئلة * (وثااشا) * يمكن حل المسئلة المذكورة سطييق المستوى م على المستوى الافقى كافى (الشكل ١٢٠) او بجعل هذاالمستوى احد مستويى المسقط وذلك باستعمال احدى الطرق الاربع المعلومة في (بند٦٧) ولنجرى هنا الطريقة الشانية ورسم اشكال الثلاث الساقية سهل فنقول نصف قطر مساو للطول ل يرسم قوس دائرة يقطع ق في في فقطت من سم و صم بايسالهما بالنقطمة م يتحصل المسقطان الافقيان ن أن المستقيم ب و و الكافئين في حل المسئلة ويستنج منهما المسقطان الرأسيان لهذين المستقيمن انظر (بند ٢٨) *(145)*

وبمثل ذلك تحل مسئلة مد مستقيم معلوم الطول من نقطة م الى مستقيم معلوم الوضع فيكنى امرار مستو من المستقيم المعلوم والنقطة م وتطبيق هذا المستوى وايجاد النقطة م والمستقيم المعلوم عليه ثم رسم المستقيم المطلوب على هذا المستوى المنطبق ثم يرجع بعد ذلك الى مسقطى هذا المستقيم المطلوب على هذا المستوى المنطبق ثم يرجع بعد ذلك الى مسقطى هذا المستقيم

وَبَمْلُ ذَلِكَ يَحُلُ مِسَمَّلُهُ مَدَّ مِسْتَقَيْمُ مِنْ فَطَهُ مَعْلُومَةً مَ يُصْنَعُ زَاوِيةً مَعْلُومَةً مع الاثرالافق اومع مستقيم مامن المستوى م *(١٣٥)* * (المستلة السادسة والثلاثون) * اذا كان المطلوب ايجاد اقصر بعدبين نقطة ومستقيم يقال

ان هذا البعد كناية عن العمود النازل من النقطة المذكورة على المستقيم ثم يقال الراولا) * يكن حل هذه المسئلة بإمرار مستوم من المستقيم المعلوم و ومن النقطة العلومة م وتطبيقه على المستوى الافقى انظر (بند ٢٦) ثم انزال عمود ن من النقطة م على و فيكون هو البعد المطلوب فاذا اريد معرفة مسقطيه ارجعت النقطة سَم التي هي تقاطع العمود ن مع و في الوضع سَم على المستقيم و يجركه دوران عكس حركة دوران و الانطاق

(وثانيا) يمكن بدل تطبيق المستوى (وم) كافي (الشكل ١٢١) على المستوى الافتى تدويره حول احدافقياته حتى يصيرافقيائم يمرالافتى من النقطة م وحينت ذير أ بالنقطة م ويوازى حض فيقابل و في نقطة أ ويستنتج من ذلك من أ ولاجل تدويرالمستوى (وم) حول ا معتبرامحورايلزم اولا ان يؤخذ مستورأسي خُصُ عودا على هذاالمحوركافي (بند؟٧) فيوجدعلي هذا المستوى المسقطان م ، و ومن الواضم إن النقطتين م و ب يتحدان مع النقطة أ التي هي السقط الرأسي للمعوروان المستقيم ا أ يصيرالا ثرالا فق ق م يُدوّر المستقم و حتى يصيرافقيا ولا يتغير موضع النقطة م مدة الدوران فينالد يجبان يكون مسقطه الرأسي موازيا حُ ش ومارا بالنقطة ل ولا يحاد المسقط الافق يؤخذ على المستقيم و نقطة ما ١٥ ترسم مدة الدوران دائرة ج وتصرفي الوضع و وبايصال و الى م يتحصل و فاذا انزل الان من النقطة م عودعلى و دل على المقدار الحقيق للبعد الاقصر من النقطة م

الحالمستقيم و فاذااريدمعرفة مسقطى هـ ذاالبعدالاقصريقال ان العمود المذكوريقابل و في نقطة سم ومنها ينتم سم بواسطة مواز لخط الارض خُصُ ثُم يَحُصل سُرُ وبايصال مسقطى النقطة سم بمسقطى النقطة م يتعصل مسم ومسم وهمامسقط البعد الاقصر الذى مقداره الحقيق وليتنبه الى انه اذا اخذ على المستوى الرأسي خُصُ المسقطان الرأسيان سُم و سُم للنقطتين سُم و سم وجبالتحقيق الشكل ان يكون مُن = مسر و عسر = عسر * (وثالثا) * يمكن حل هذه المسئلة ايضا شغيبري مستويين اوحركتي دوران ولذلك يتنبه الى أنه أذا كان المستقيم و عودا على المستوى الافق كافي (الشكل ١٢٢) كان العمود ن افقياومساويا بالضرورة لمسقطه الافقى انظر (اولا منبند ٥٦) فيلزم حينت ذجعل المستقيم المذكور في هذا الوضع الخاص به ويتوصل اليه اولا باخد مستورأسي موازيا و اومارا به نماخذمستوافق عموداعلي و فيكون ن المعدالمطاوب وللرجوع الى مسقطى المستقيم ل على المستويين الاصليين يتنبه الحان أن الابدوان يكون موازيا غ ض فيقابل المستقيم و في نقطة سمم مستقطمها الافقى سم ومنه ينتج سُم فيتحصل من ذلك ن ب ن ويسهل رسم شكل حلهذه المسئلة بيحركتي دوران اوحركه دوران وتغيير مستو * (ورابعا) * يكن بعد تغيير المستوى الرأسي للمسقط لجعل المستقيم و موازيالهذاالمستوى الجديدان يلتفت الى ان العمود ن والمستقم و حيث كاناعودين على بعضهما في الفراغ وكان احدهما و موازيا للمستوى الرأسي خُ صُ يلزمان يكون مسقطاه ما الرأسيان نَ و عودين كذلك على

بعضه ما فيد حيئة دمن النقطة م عود ن على و فيقابل المستقيم و في فقطة سم مسقطها الانتي سم على و ودسقطها الرأسي سم و وين سم و م في تعصل المسقطان و وومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و ن لبعد الاقصر المطلوب فلم يبق علينا الامعر فقطوله الحقيق انظر (بند ١٣١)

(وخامسا) حيثكان العمود النازل من النقطة م على المستقيم و كافى (الشكل١٢٣) كائنا في مستوم عمود على و ومار بالنقطة م يكن رسم هذا المستوى كافى (بند ٨٣) وبالبحث عن النقاطع سم المستقيم و مع المستوى م كافى (بند ١١) والوصل بين سم و م يتحصل المستقيم المطاوب الذي يوجد مقداره الحقيقي في أن انظر (نالنا من بند ١٣١)

وَيَكُن امرار المستوى المساعد من النقطة م فيكون تقاطعه ن مع المستوى م عين المستقيم المطلوب الذى جزؤه سهم هو البعد الكائن بين النقطة م والمستقيم و فيحكون الطول الحقيق لهذا البعد ن فاذا لم يكن اثرا المستوى س داخل حدود الرسم يعتبر هذا المستوى معلوما بالمستقين و و ف فبجث عن تقاطعه مع المستوى م انظر (بند ١١١)

(177)

* (المسئلة السابعة والثلاثون) * اذاكان المطلوب ايجادا قصر بعد من نقطة الى مستويقال

(اولا) ان هذا البعديقاس بالعمود ن النازل من النقطة المعلومة م على الستوى المعلوم م فبنا على ذلك يكون المسقطان ن ن عودين بالتوالى على قرا م كافى (بند ٨١) وحينت ذريكونان

معداوسين وبالبحث عن النقاطع سم للعمود ن والمستوى م كا فى (بند ١١٠) بدل مسم الذى هو جزؤهذا المستقيم على البعدالمطلوب ويرسدم شكل ماذكر بالسهولة

*(وثانیا) * اذا كان المستوى م عوداعلى المستوى الرأسي يكون المسقط الرأسي سم للنقطة سم على ركم انظر (ثانيا من بند ٥٦) ويكون ايضا العمود ن موازيا للمستوى الرأسي ومساويا بالضرورة لمسقطه الرأسي ن ولذلك يتوصل الى هذه الحالة المخصوصة بنغييره ستورأسي كماهو واضيم من الشكل ١٢٤

*(وثالثاً) * يحضن ايضاان يستعمل لذلك حركة دوران كايدل عليه الشكل ١٢٥ الذى أمر فيسه اختصاراالمحود ا بالنقطة المعلومة م ثم بالرجوع الى المسقطين الاولين يوجد سه و مر كل على انفراده فيلزم حين شذان يكون ها تان النقطة ان على عود واحد على خط الارض خ ض انظر (بند ٨) وهذا برهان على صحة الاعمال

(177)

* (المسئلة الدامنة والثلاثون) * اذا كان المطلوب ايجاد اقصر بعدبين مستقين ليسافي مستووا حديقال

اذا كان احدالمستقين اكافي (الشكل ١٢٦) عوداعلى المستوى الافقى يكون البعد الاقصر ن افقيا ومساويا بالضرورة ن ويكون زيادة على ف فلا ن في هذه الحالة المخصوصة عوداعلى ب حيث كان ن عموداعلى المستوى الرأسي الذي اثره الافقى ب ويُعصّل هذا البعد الاقصر بالسهولة ويكن ان يتوصل الى هذه الحالة المخصوصة باربع عليات هي

(اولا) تغييران لمستو *(وثانيا)* تغييرمستوم حركه دوران

*(*۳٠)

(وثالثا) حركه دوران ثم تغيير مستو *(ورابعا)* حركتادوران وانذكرهذه الطرق على الترنيب فنقول *(اولا)* ليكن 1 و كافي (الشكل ١٢٧) المستقيمين المطلوب ايجاداقصر بعدينهما فيختار لترجيع المستقيم اليصيرفي وضعه المتقدم مستو آخرافق عموداعلى أ الااله لايكون عموداعلى المستوى الرأسى ولذا يؤخذ اولا مستوجديد رأسي للمسقط موازيا لهذا المستقيم ا وايختر لاجل السهولة المستوى المسقط له وحينئذ يتعد خُضُ مع ا وينتج منه المسقطان الرأسيان 1 , ب انظر (بند ٤٦) ثم يؤخذ مستوجديد افتى للمسقطعوداعلى أ باخذ خُصٌ عوداعلى أ فيوجد أ و ب مُ يَنزلُمن أَ العمود لَنْ على بِ فَيكُونَ اقْصِرِ البعد المطاوب وبِنْتَهَى على أرو ب بالنقطتين صد وسد اللتين تكون مساقطه ما بالتوالي في صد و سد وفي صد و سد م في صد ، سد ومن ذلك يتعصل نن . ن * (وثانيا) * يمكن بعد تغيير المستوى الرأسي للمسقط كماذكر تدوير جله الشكل حول محور عودعلي هذا المستوى الرأسي حتى يصر المستقم العوداعلي المستوى الافقى ولاجل ذلك يليق مدمحورالدوران من نقطة من المستقيم أ وحيث صارهذا المستقيم يعدرسم الزاوية 👔 فى وضعه الجديد 🚶 يلزم تدوير المستقيم ب بقدرنفس الزاوية ل انظر (بند ١٦) ليصيرف الوضع ب فيكون العمود لل النازل من أ على ب البعد الاقصر المطلوب وبكون ل موازيا خُصُ وتحصل منه نقطتان سُه و صُه يتقاطع فيهماال عد الاقصريالمستقيمين بَ و أ فبترجيع هاتين النقطتين على ب و ١ فى النقطتين ممه و صم يتحصل المسقطان أن و أن للبعد الاقصر

(وثالثها)

(وثالثًا) اذادُور المستقمان ا , ب حول محور رأسي قاطع إ حتى صار احدهما افى الوضع أ موازيا للمستوى الرأسي رسم زاوية إ ويندويرالمستقيم ب بقدر هذه الزاوية ليصير في الوضع ك كمافى (بند ٥٩) ثمانتخاب مستوجديد افتى للمسقط عموداعلى ا َ يَلْزُمُ انْ يَكُونَ خُصُ عَوْدَا النِّضَاعَلَى ١ وَالْمُسْقَطُ الْافْقَى لَهُــٰذَا المستقيم في نقطة واحدة أ ويتعصل ايضا ك انظر (بند ٤٦) في البعد الاقصر المطلوب حينتذه والعمود أن النازل من أ على بُ وبعددُلك برجع كانقدم الى ايجاد المسقطين لله و لَ للمستقيم *(ورابعا)* بحكن لاحل خل المسئلة بحركتي دوران ان يدور اولا المستقيمان 1 , ب معاحول محوررأسيكافىالحالةالمتقدمة ثميُدوركل من المستقیمین ا ر ب حول محورعود علی المستوی الرأسی کما تقدم فى الحالة الرادمة ومنالبينانه يمكن ايضائصيير المستقيم المحموداعلى المستوى الرأسي يجعله إ اتولا موازياللمستوى الافتى ويسهل رسم اشكال جميع هذه الاحوال * (وخامسا)* يمكن ايضاحل المسئلة بدون احتياج الى ماسوى المستقمين المفروضين فىوضعهما المفروض مع ايقاء مستويى المسقط الاصليين وذلك انه يلزم اولا الالتفات الى ما تقرر في الهندسة الاصلية من انه يحكن دائمـامدّعودعلىمستقيمن ١ , ب كافي (الشكل ١٢٨) ليســا في مستو واحد وانه لا يحكن الا مدعمود واحد وان هذا العـمود المشترك هو اقصر بعد من نقطة من ١ الى نقطة من ت قد شوهد ان العملية مبنية على مدّ مستقم أ من نقطــة م من ب موادّ ا وامهار مستومن أ و ب مواز ١ وازال عود ط من نقطة تما و من أعلى هذا المستوى (بأ) وامرارمستوآخر من المستقين

ا و ط والبحث عن التقاطع ى للمستويين (بَ أَ) و (أطَ) و الله وان يدمن النقطة سم التي هي تقاطع ى و ب مستقيم ن يواذى المستقيم ط ويقابل أ في نقطة صم وهذا المستقيم ن هو قياس البعد الاقصر المطاوب وكل تلك العمليات يلزم اجراؤها بواسطة المساقط

وليكن 1 , ب المستقيمين المعلومين كماني (الشكل ١٢٩) فتؤخذ نقطة مَا م على المستقيم ب ومنها يمد مستقيم أ مواز أ فيكون ا موازیا آ , ا موازیا آ ویمرسستو م من ا و ب فیمر ق من الاثرين الافقيين أ و ما مهذين المستقيمين وعو رأ باثريهما الرأسين أر ي مُتؤخذ الفطة ما و من أ وينزل من هذه النقطة عود ط على المستوى م فيكون ط عوداعلى ق و ط عودا على را وبامراد مشيةوك بالمستقين ط و ١ يمر ق باثريهما الافقين طي البير بالاثر الرأسي ل وبالنقطة التي يقابل فيها ق خط الارض خض ومنحيثان اثرى التقاطع ى للمستويين المذكورين م و ك في ع و كُ يتعــين ذلك التقاطع ومنحيث انه مواز ۱ یلزمان کے موازیا آ , کی موازیا ا اذاکانت الاعال صحيصة غريقطع هذاالنقاطع ي المستقيم ب في نقطة سم منها يد المستقيم ل موازيا ط الحان يتلاقى مع ا فى النقطة صم فيكون هو البعد الاقصر المطاوب ويتعصل لنامة داره الحقيق شدويره حول محور رأسي مار بالنقطة صد حتى يصير في الوضع أن موازيا للمستوى الرأسي بحيث يكون مقداره الحقيق معلوما بالمسقط ت

وليست العملية العمومية المتقدمة عمكنة دائم الانه قديتفق أن لايكون لاثرى

المستوى م نقطة داخل حدودارسم ولكن من خيث اله لا يحتاج الى الاثرين الالامكان مدالعمود ط على المستوى م يكن ابدال ق ابنق ما يخصل بقطع المستقين ا و ب بمستوافق وكذلك ابدال كربرأسى المستوى يخصل ايضا بقطع هذين المستقين بمستو مواز المستوى الرأسى ويمكن ايضا اعتبار المستوى ك معينا تعينا كافيا بمستقين ا و ط الاانه قد يتفق خروج العمود المشترك عن حدود الرسم وحينند لا يمكن ايجاده الابالرجوع الى الحالة الخصوصية المعتبرة اول الامرويمكن احدى الطرق الاربع الاولية زيادة على ذلك اليجاد البعد الاقصر بين مستقين ما داخلافى حدود الرسم وذلك انه يمكن اختيار مستويى المسقط الجديد بن او محورى الدوران بحيث الرسم وذلك انه يمكن اختيار مستويى المسقط الجديد بن او محورى الدوران بحيث تكون مساقط المستقين ا و ب واقعة في طرفي فرخ الرسم وهذه الطرق المأخوذة بانفت الحار المرح وذنانفت المرحل وفي حركات الدوران الاكون الخطوط التي يجب المأخوذة بانفت الحار والماقة على زوايا قائمة

(171)

* (المسئلة التاسعة والثلاثون) * اذاعلم المستقيم أ والمسقط الافق ب لمستقيم آخر ب والمسقط ن لاقصر بعد ن بين أ و ب وكان المطلوب ايجاد المسقطين الرأسيين ب و ك لمستقيى ب و ن والمقدار الحقيق للمستقيم ن يقال

حيثكان البعد الاقصر المذكور عمودا على المستقيم الذي يتماله في نقطة معلومة سم يُعين المسقط أن بالطريقة المذكورة في (بند ٨٦) وحيث ان المستقيم المذكورايض الابدوان ويحدون عمودا على المستقيم ب الذي يقابله في نقطة معلومة صم يوجد المسقط ب بالطريقة المذكورة وحيث كان الطرفان سم وصم للبعد الاقصر أن بين المستقيمن ا و ب

("1)

معلومين يستنتج منهما المقدار الحقيق لهذا البعد انظر (بد ١٣١)

* (المسئلة الاربعون) * اذا علم مستقيم ا والمسقط الافتى ب لمستقيم آخر ب والمقدار الحقيق للبعد الاقصر ن بين المستقيمين ا و ب والنقطة سم التي يقابل فيها ن المستقيم المعلوم ا والمطلوب ايجاد المسقط الرأسي ب للمستقيم ب ومسقطى البعد الاقصر ن مقال

من حيث ان المستقيم ن لابدان يكون عمودا على المستقيم اكافى (الشكل ۱۳۰) بلزمان كون في مستو م ماربالنقطة سم وعودعلي المستقيم أ المذكورانظر (بند ٨٥) فاذاطُبِّقهذا المستوى م على أ المستوى الافقى صارت النقطة سم فى الوضع سُم والمستقم ن احد انصاف اقطار محيط الدائرة كج المرسومة بجعل النقطة سرر مركزا والمقدار المعاوم للمستقيم ن نصف قطرواذا فرض المستقيم ن تابعاللمستوى م في حركه الدوران علم وضعه ولزم ان يوجد اثره الانقى على جَ ويعلم منه وضع المستقيم نَ فتتحصل حينئذ النقطة صر ويستخرج منها النقطة صر ولكن حيث كانت هذه النقطة صد موجودة بالضرورة على المستقيم ب وعلى محيط الدائرة المنطبق في ج معايضت عن ايجياد المسقط ج للمعيط الذكورفيقطع ب في نقطتين صم و في وهما المسقطان الافقيان للنقطة بن الكافيتين لحل المسئلة ويتعصل حينتذ المسقطان الافقيان ن ط ويستخرج منهما المسقطان الرأسيان ن و ط ومنه يعلم ص ن ز فلم يبق الاتعيين ب بحيث يكون المستقيم ب الماربالنقطة سه عودا على ن اونعيين و جيث يكون المستقيم و الماريالنقطة م

عوداعلى ط انظر (بند ٨٦) ويكون المستقمان ب و كافيين ق فى الشرط الذى هود لالة نفس المستقيم ب على مسقطهما الافقيين وكونهما على بعدمعلوم من المستقيم ا

(12.)

لاعكن رسم المنعنى ج هذا الانقطة فنقطة ويتضع فيماسياً في ان هذا المنعنى ج هذا الانقطة ويتضع فيماسياً في ان هذا المنعن فلا عكن حين ثذان يقطع ب الا في نقطت بن فاذا كانت النقطة سم غير معلوسة امكن اخذها على المستقيم أ في اى وضع كان و مكر ارالعملية المتقدمة لكل من الاوضاع تقصل جلة مستويات كالمستوى م متوازية و يحدث حين شدمن الدوائر كالدائرة ج المتساوية سطح اسطواني مستدير محوره المستقيم أ وجيع نقط ب المحصورة في المسقط الافق لهذا السطح الاسطواني عكن ان تدل على النقطة صم وسنذكر حلهذه المسئلة في محل آخر من هذا الحكتاب بعدد كرما تتوقف عليه من معارف لا يدمنها

الباب الرابع ﴾ ﴿ (البالله أبية والله رام) ﴾ ﴿ (في الروايا الذلاثية والله رام) ﴾ ﴿ (الما) ﴾ ﴿ (الما) ﴾

*(مسئلة عامة) * اذا كان المعلوم ذاوية ثلاثية والمطلوب ايجاد الزوايا السطعية والزوايا الزوجية المتركبة هي منها بعملية على مستوية ال وخذا حد وجود الزاوية الثلاثية الممتد مستويا افقياللمسقط ثم تقطع هذه الزاوية بمستوما وأسى بحيث يصون م و ك مستوي الوجهين الاخرين وى تقاطعهما كافى (الشكل ١٣١) فتكون احدى الزوايا السطعية معلومة فى ١ وتحصل الاخريان بانطباق الوجهين م و ك الزوايا السطعية معلومة فى ١ وتحصل الاخريان بانطباق الوجهين م و ك على المستوى الافقى كافى (بند ٢٦) ويختار المستويان الرأسيان الجديدان على المستوى الافقى كافى (بند ٢٦) ويختار المستويان الرأسيان الجديدان

على المستوى الافقى كافى (بند ٧٦) ويحتارالمستويان الرآسيان الجديدان مادين بالاثر التقاطع مى بحيث يصبحون خطالارض خَصَ مادين بالمسقط على وينتقدل التقاطع مى فى مَ وَ مَ على المستويين المنطبقين ولا يحنى ان ار = ار حيث انهما يدلان على الجزء المد من التقاطع مى فاذارسم المستقيمان عر و كنّ دلا على الاثرين الرأسيين ع و كن المعلوم مقد ارهما الحقيق ويلزم من ذلك أن يكون ع ر = ع و كنّ فينتذ ويلزم من ذلك أن يكون ع ر = ع و كنّ فينتذ محصل معنا الثلاث زوايا السطعية ١ = ع اكن و ب = ع ا من و ج اكنات وحيث كان المستوى الرأسي في من عودا على المستوى الرأسي في من و كن على المستوى الرأسي في من تكون زاوينا هذين المستوي الرأسي في من و كن على المستوى الرأسي في من و كن على المستوى الرأسي في من و كن على المستوى الرأسي في من الزوجيتان ع و الما الحادثتان منهما مع المستوى الافقى اوالزاويتان الزوجيتان ع و المنات المنتوى من و كنات المستوى الافقى اوالزاويتان الزوجيتان ع و المنات و المنات المنتوى المنتون المستوى المنتون المنتوى المنتون المنتوى المنتون المنت

معلومتين بالتوالى فى سعر و الكُلَّ فلم ببق حينئذ الا البحث عن الناوية إلى الواقعة بين الوجهين بوج لكن هذه الزاوية مقيسة براوية العمودين الممتدين من نقطة واحدة من التقاطع مى احدهما فى المستوى م والاخرفى كُ فاذا وجد هذان العمودان على المستويين المنطبقين

فی حالة انطباقه ما صادا عودین كذلك علی ی و ی فی نقطتین م و م علی بعد واحد من ا فیقابلان الاثرین ق و ق فی النقطت ین سه و صه فاذا وصل بین ها تین النقطتین كان من الواضع ان المستقی سه صه بدل علی الاثرالافق للمستوی العمود علی ی ویلزم حینتذ ان یکون عودا علی ی وبانطباق المستوی الذکور بندویره حول اثره سه صه لا تخرج رأس الزاویة المطلوبة عن المستوی الرأسی الذی یکون ی اثره و ینطبق ضلعاها علی مقد ارهما الحقیق فینت دلوجعل كل من النقطتین سه و صه مرکزا واخذ سه م و صه م نصفی قطر و رسم قوسا دا ثرة لزم ان یتقاطعا فی نقطة شه من ی اذا وصل بینها و بن النقطتین سه و صه صاد سه شه صه الزاویة المطلوبة ا

اذاعرفنهذه المسئلة العامة يسهل عليك حل المسائل الخصوصية المختلفة المتعلقة بالزاوية الثلاث بحروف المتعلقة بالزاويا الشطعية الثلاث بحروف الموجية وجروف لم و ي الزوايا الثلاث الزوجية المقابلة لها كل انظيرتها فتحدث الستة تراتيب التي صورتها هكذا

معالیم مجاهبل معالیم مجاهبل اب ج اب ج ا = نع ا ب ج اب ع ا = نع ا ب ج اب نع ا = نع ا ب نع اب نع ا = نع ا ب نع اب نع ا = نع ا ب نع

وقد ترجع الاحوال الثلاثة الاخيرة الى الثلاثة الاولى بواسطة الزاو بة الثلاثية المتهمة ومن العلوم انه اذا اخذت نقطة داخل زاوية ثلاثية وإنزل منها اعدة على اوجه هذه الزاوية وأمر بهذه المستقيات مستويات حدثت زاوية اخرى ثلاثية زواياها السطعية متممة لقابلاتها الزوجية فى الاولى وزواياها الزوجية متممة

(۲۲)

لقابلاتها السطعية فيها ايضاولذا اطلق على هاتين الزاويتين الثلاثية بن المسطعية في الثانية بالحروف الزاوية بن الثلاثية بالحروف الزاوية بن الثلاثية بالحروف أو رَجَ والى الزوايا الزوجية فيها بالحروف أو رَجَ وعَ فيعدت أو رَبَ وعَ فيعدت أو رَبَ وعَ المارو والنازوجية فيها بالحروف أو رَجَ وعَ المارو والنازوجية فيها بالمروف أو رَجَ وعَ الماروبية والمحتاجة المحتاجة المحتاجة المحتاجة المحتاجة والمحتاجة والمحتاجة والمحتاجة المحتاجة المحتاجة المحتاجة المحتاجة المحتاجة والمحتاجة المحتاجة المحتاجة والمحتاجة والمحتاجة المحتاجة المحتاجة والمحتاجة والمحتاجة المحتاجة المحتاجة والمحتاجة المحتاجة والمحتاجة المحتاجة المحت

(117)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المعلوم الثلاث زوايا السطعية المكونة لازاوية الدائية والمطعية المكونة لازاوية الثلاثية والمطلوب ايجاد الثلاث زوايا الزوجية يقال

عود على خط الارض خ ضُ أو خٌ ضٌ قائم من النقطــة ــ وعلى الدائرة المرسومة من المركز بعل سر أو سر نصف قطر ويلزم منسهان یکون کے بے ہے کے آل الامر الی المسئلة العامة لانه عكن ايجاد كر ، ر على مستومّارأسي خ ص * (وثانيا) * إذاتساوى زاويتان من الزوايا الثلاث السطعية لزم أن تكون الزاويتان الزوجية ان المفابلتان لم مامتساويتن ايضاود الدان يؤخذ المستوى الافقى مستوى الزاوية الثالثة الوترسم الزاويتان المتساويتا برج في كالى جهتى اكاتقدم ومن المعلوم فى فرضنا هذا ان المثلثين اع َ أَ وَ الْحَالَ متساويان لانوتراحدهمامسا ولوترالا آخر وفيهما زاويتين حادتين متساويتين فينتج ان رَعُ = رُكَّ وان المثلث بن القائمي الزواية عَ رِرْ و كُنَّ إس متساويان ايضالان الضلع عُ س = كُن إ والضلع سب = ہ ۔ فتکون حینئذالزاویہ = ع <u>۔</u> *(وثانشا)* اذا كانزيادة على ذلك الزاويتان المتساويتان ب وج والمتين لزم ان يكون الزاويتان الزوجية ان المقاملة ان يربع والمتين ايضا لانه يسمل في هذه الحالة مشاهدة كون خُصٌ و خُصٌ يَتحد أن على التوالى مع یُ و یُ وسنسه تقصدالنقط ا و عُ و کُ و ت وینتقل المستقيان رب و ساب على قل و قل بالتوالى وتوجد النقطتان ب و آ على نفس هذين المستقيمين فتكون بالضرورة الزاويتان بع ع = _ والمنتن = = قامنين * (ورابعا) * اذا کانت الدلات زوایا 1 و ب و ج متساویه کان الثلاث زوايا الزوجية المقابلة الهال و ب و ع متساوية ايضالانه بسبب کون الزاویة ۱ = ب یختصل ۱ = به واکمون ب = ج

ایحدث سے جے فیفتج اے جے جے المحدث سے جے افران تکون *(وخامسا) * اذا کانت الزوایا الثلاث اور ب و ج قائمة لزمان تکون الزوایا الثلاث اور سے و جے قائمة ایضا واثبات هذا کاثبات ما تقدم *(وسادسا) * بسمل معرفة ان احدى الزوایا او ب و ج اذا کانت فائمة لاتُعین شیاً فی الزوایة المقابلة الزوجیة

(111)

من المعلوم فى المهندسة العادية ان الزوايا الوب وج لا يكن ان تكون الله فروايا سلحية لزاوية ثلاثية الا اذا كان مجموعها اقل من اربع زوايا قائمة وكان كل منها اصغر من مجموع الزاوية بن الاخر بين وقد تحصلت هذه الشروط من العملية المتقدمة وسان ذلك

(اولا) انخطى الارض غُضَ و غُضٌ كافى (الشكل ١٣١) الايكن فى المسئلة العامة ان يتقاطعا الافى النقطة سوان ئ وئ يتركان الزاوية سُاتٌ دائما خارجة عن مجوع ١ + ب + ج فيكون هذا المجموع حينئذ اصغر من اربع زوايا قائمة

* (وثانيا) * ان احدى الزوايا الثلاث أ اذا كان أكبر من مجموع الاثنتين

الاخريين كانت النقطة لل خارج المحيطين وبناء عليه لا يمكن ان يقابل العمودان القائمان من هذه النقطة على خطى الارض هذين المحيطين الدا

(150)

* (المسئلة الثمانية) * اذا كان المعلوم زاويتين سطعيتين لزاوية الاثية والزاوية الزوجية المحصورة بينهما والمطلوب ايجماد الزاوية الثمالية السطعية والزاويتين الزوجيتين الاخريين يقال

يخت الالمستوى الأفق دائم المستوى احدالا وجه المعلومة أ ويفرض كافى (الشكل ١٣٢) الوجمه الاخرالمعلوم ب منطبقا حول الاثر قرالله المرابع عودا على ق فيعلم الاثر ترا لانه لابد وان يصنع مع

خُصُ الزاوية الزوجية المعلومة بيع فتنتقل حينئذ النقطة كفرجوع المستوى م الى الوضع ب فيكون مسقطها الافقى ب ومن ذلك ينتج في فيؤول الامر الى المسئلة العامة انظر (بند ١٤١) لان الاثر كن معلوم واذا اخذ خطارضي حيثما اتفق ما رابالذقطة بيم عالاثر رئ

(157)

* (المسئلة الذالفة) * اذا كان المعلوم وجه زاوية ثلاثية والزاوية بالزوجية بن الجاورتين والزاوية الثالثة المجاورتين والمطلوب ايجاد الزاويتين السطعية بنالاخريين والزاوية الثالثة الزوجية بقال

بعت ارالمستوى الافق مستوى الوجه المعلوم الكافى (الشكل ١٣٣) فيكون ضلع الراوية الاثرين في و للستويي الوجهين الاخرين اللذين ينسبان الى مستويين رأسيين خُصُ و خُصُ يكونان عودين عليه ما بالتوالى بعيث يصنع كل من الاثرين أو ر مع خط الارض المقابل له الزاويتين الروجيتين المعلومتين سو و ع والغرض من هذه العملية ايجاد المسقط في لتقاطع المستويين المذكورين وقد علت طريقة المجيده في (بند ١٠١) فيؤول الامر حينئذ الى المسئلة العامة انظر (بند ١٠١) فيؤول الامر حينئذ الى المسئلة العامة انظر (بند ١٤١)

(12Y)

* (المسئلة الرابعة) * أداكان المعلوم وجهى زاوية ثلاثية والزاوية الزوجية المقابلة لاحدهما والمطلوب ايجاد الوجه الاخروبان والزاويتين الزوجيتين الاخريين يقال

يؤخذ المستوى الافقى كافى (الشكل ١٣٤) مستوى الوجه المعلوم

("")

المجاور للزاوية المعاومة ويؤخذ عُ صَ عودا على ق فيعلم حينت لله ويؤخذ ايضا خُ صَ عودا على ق فاذا فرض ان المستوى م يدور حول ق ليشغل الوضع الفراني الذي يجب ان يشغله تحرك نقطة ما سَمن في في المستوى الرأسي خُ صَ راسمة قوس الدائرة مَ وصارت في النقطة التي يقطع فيها المستوى ك قوس الدائرة المذكورة وهي نقطة يمكن تحصيلها بالبحث عن الاثر أ انظر (بند ٤٧) ويوجد على العموم نقطتان سوع يكون مسقطا هما الافقيان في ويعينان مسقطين افقيين في و ل لتقاطع المستويين م و ك فيوجد حينت ذراويتان ثلاثيتان بواسطة هذه المعاليم و ك فيوجد حينت ذراويتان ثلاثيتان بواسطة هذه المعاليم وجود هذه الزاوية اذا كان الاثر أ مماسا للدائرة مج ولا يحتون المناه المناه من وجود هذه الزاوية اذا كان الاثر أ مماسا للدائرة من والميكن الاايمان المن المناه المناه

*(المسئلة الخامسة) * اذا كان المعلوم زاوية سطعية والزاوية الزوجية المقابلة وزاوية زوجية والزاويتين المقابلة وزاوية زوجية والزاويتين السطعيتين الاخريس يقال

يؤخذالمستوى الافق مستوى وجه مجهول اكافى (الشكل ١٣٥) ويفرض المستوى م الوجه المعلوم ب منطبقا ويمد غُض عودا على ق فتحدث من را مع خط الارض خُضَ الزاوية المعلومة على المجاورة الزاوية ب واذا فرض وجوع المستوى م الى وضعه المجاورة الزاوية ب واذا فرض وجوع المستوى م الى وضعه المخاورة النقطة ت فى ب التي مسقطها الافق ب ومنه يعلم ى ولا يجاد ق يفرض ان المستوى ك يدور حول محود رأسى ما وبالنقطة

م حتى يصبر عوداعلى المستوى الرأسى خُصَ وفي هذا الوضع يصنع الره الرأسى رَ مع خُصَ الزاوية ب المعلومة المقابلة للزاوية ب ويصبر ق عوداعلى خُصَ فاذا فرض رجوع هذا المستوى الى وضعه ترسم النقطة ك حول م مجعولة مركزا قوس دائرة يكون الاثر الافقى في مماساله ومارازيادة على ذلك بالنقطة ا فيتعين حينة في في ول الامرالي المسلمة العامة انظر (بند ١٤١)

*(المسئلة السادسة) اذا كان المطلوب تحويل زاوية الى الافق يقال ان هذه العملية كافي (الشكل ١٣٦) هي عملية الزاوية الثلاثية المعلومة زوايا ها الثلاث السطعية لكن يمكن ترتيب الشكل على وضع مخصوص وحيث علمت الزاوية الواقعة بين مستقيمن والزاويتان الحادثتان منهما مع المستقيم الرأسي فليكن ا رأس الزاوية المعلومة ب وليختر المستقيم الأخر هو المنطبق احدالمستقيم الاستوى الرأسي المسقط مستوى المستقيم ن و وليكن المستقيم الاستوى الرأسي على هذا المستوى الرأسي صانعامع بن الزاوية المعلومة ج والتصنع على هذا المستوى الرأسي صانعامع بن الزاوية المعلومة ج والتصنع الزاوية دا ه = المحادثة من المستقين ويؤخذ ا ه = ا ه نم برسم قوسادا رة بجعل المركزا و اله نصف قطر لاحدهما وجعل د قوسادا رة بجعل المركزا و اله نصف قطر لاحدهما وجعل د مركزا و د ه نصف قطر للاحدهما وجعل د الضلع الشاني هو من الزاوية المطلوبة المرسمان ويسمل تصور السباب اجراء تلك العمليات بدون احتياج الحايضا حهاهنا

(10.)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان المطاوب رسم كرة داخل هرم مثلثى

القال

تقسم الى قسمين متساويين كافى (بند ١٢٨) الثلاث زوايا الزوجية التى اضلاء ماغير متلاقية فى رأس واحد و وصحون مركز الكرة فى نقطة تقاطع المستويات القاممة ونصف قطرها بعد هذا المركز عن احد الاوجه انظر (بند ١٣٦)

(101)

* (المسئلة الشامنة) * اذاكان ألمطلوب رسم كرة خارج هرم مشافى مقال

تقام كافى (بند ٨٣) مستو بات اعدة على منتصف الاضلاع الثلاثة التي لا تكون على وجه واحد فتكون نقطة تفاطعها مركزالك رقالطلوبة ويتعصل نصف قطرها بإيصال هذا المركز باحد الرؤس

(101)

* (المسئلة التاسعة) * اذا كان المطلوب رسم هرم مثلثي على مثلث حاد الزوايا معلوم وايجا دار تفاعه يقال

يؤخذ مستوى المثاث المعلوم مستو بالفقيا كافى (الشكل ١٤٧) و مجعل المستوى الرأسي مستو باعود باعلى احداضلاعه كالضلع الله والمتصور الهرم مرسوما ونطبق على المستوى الافق الوجه سمد الله الذي يكون مستويه عود اعلى المستوى الرأسي في صبر مرسوما داخل نصف دائرة قطرها الوجه يكون موازيا للمستوى الرأسي ويلزم ان يكون مسقطه الافقي سمدع عود اعلى الله فينذ تنظيق النقطة سمد على سرد والوجه سمد الله على سردا من قوس دائرة مركزه في وهذا الوجه يكون هذا الوجه يكون هذا الموجه على الله قوس دائرة مركزه في وعلى الله والمنطع سمدع عماس بالضرورة له ورسم المسقط الافقي المدردة كالاولى يكون الضلع سمدع عماس بالضرورة له ورسم المسقط الافقي المدردة كالاولى يكون الضلع سمدع عماس بالضرورة له ورسم المسقط الافقي المدردة كالاولى يكون الضلع سمدع عماس بالضرورة له ورسم المسقط الافقي المدردة كالاولى يكون الفطع سمدع عماس بالضرورة له ورسم المسقط الافقي المدردة كالاولى يكون الفطع المدردة عماس بالفرورة له ورسم المسقط الافقي المدردة كالاولى يكون الفطع المدردة عماس بالفرورة له في ذاله يكون هذا الماس عمكا

دائمالان نصف الفطر وسَه دائما اصغر من وع فحيننذ يكون ع خارج المحيط و يتحصل كذلك المسقط سه الذى منه ينتج سه ومن ذلك يعلم المهرم فأذ اوصلنابين ا و سه حدث المسقط الافقى للضلع اسه العمود على الوجه سسم ع وحيند فيكون اسم عوداعلى سرع كايكون من مع وداعلى العلم العمود المنابق ا

وحيث أن ارتفاع الهرم معلوم فى مرع تصيرا لا وجه الشلافة اذا طبقت مرسومة داخل انصاف دوائر اوتارها المجاورة لرأس واحدمن المذلث متساوية

(10")

المسئلة المتقدمة توصلنا الى نتج تنهماان تقول

* (اولا) * اله يمكن دائمًا رسم هرم مثلثي على مثلث مّا حاد الزوايا مجعول فاعدة

*(وثانيا) * ان الاعدة الذا زلة من رؤس مثلث ما على الاضلاع المقابلة لها تتلاق في نقطة واحدة وقد برهنا على دلك فيااذا كان المثلث حاد الزوايا واما اذاكان المثلث منفرج الزوايا الدع كافي (الشكل ١٣٨) فأنا اذا انزلنا من الرأسين للهادة بن عودين على الضلعين الما المثابلين لهما تقاطعا بالضرورة في النقطة د الخارجة عن المثلث الله وحدث منهما بالضرورة و النقطة د الخارجة عن المشقيان لا ع و ع ع عودان على الضلعين ع د و د فيند ني يسير المستقيات و ع ع عودان على الضلعين ع د و د فيند ني يصير المستقيم دا عود اليضاعلى سع فيند المستقيات الموسير المستقيم النازلة من رؤس المثلث السع الملاث اعدة على الاضلاع المقابلة الرؤس الناث حاد الزوايا ومنفرجها

※(10٤)米

(100)

ذلك ايجاد اثريه اذا الايدذلك

يسهل ايجاد مسقطه الرأسي وحينشذ يتعين مستويه تعينا تاماويكن زيادةعلى

(المسئلة الحادية عشر) اذا كان المطلوب قطع هرم مربعي قاعدته شبه منصرف بمستو بحيث يكون المقطع شكلامتوازى الاضلاع يقال يؤخذ مستوى قاعدة المهرم التي هي اسع د مستويا افقيا فلا يحتاج الى المستوى الرأسي ثم يمد ضلعا القاعدة الغير المتوازيين اد و سعر المان يتلاقيا في النقطة و فيتقاطع مستويا الوجهين سماد و سمرع في المستقيم و الذي يمر بالنقطة ين سم و و ويتقاطع ايضا مستويا الوجهين سما الموجهين سما المنقيان متوازيان في الفطع وحيث اله يقطع الوجهين سما و سمع د اللذين اثراهما الافقيان متوازيان في القطع وحيث اله يقطع الوجهين سما و سمع د في مستقيم متوازين وموازيين بالضرورة لتقاطع مستويي هذين الوجهين يكون هذان المستقيان المستوانيا المستقيان الم

موازیین لحطی ا ۔ ع د وللاثر ق فیلزم ان یکون الاثر ق موازیا للغط الم ويمكن زيادة على ذلك ان يؤخذ هذا الاثركيف ما انفق ثم ان المستوى م يقطع الوجهين سماد و سمدع في مستقين متوازيين وموازيين للمستقيم و ومارين من النقطتين مر و صد فاذا د حينند من هاتين النقطة بن موازيان للمستقيم و يقطعان سمه ا و سم ب و سم ع وبن ع , د كان الشكل أ ب ع د هوالمسقط الافتى للمقطع ويلزم ان يكون شكلامتوازى الاضلاع وحيثان الضلعين أــــ , أد موازيان بالنوالى للغط اـــ وللمسقط و يازم لاجل ان يكون ستوازى الاضلاع اكر ع د قائم الزوايا ان يكون و عوداعلی ا ۔ ولاجل ان یکون المسقط ا و ۔ و ع و د شكالامعىنايلزمالتنبه الى انكل مستومواز للمستوى م يقطع ايضافي هذه الحالة الهرم في شكل متوازى الاضلاع مسقطه الافتى شكل معن وحينتذ ع اخذ الله اثراللمستوى القاطع كافي (الشكل ١٤٢) فكون بالضرورة الساحد ضلعي المعين والاخر مساويا له ضرورة فيأخه ذالنقطة المركزا والسنصف قطريرسه محيط دائرة تؤخه ذ عايه النقطة دُ بالاختياروادامدمن النقطة و موازللمستقيم ادُ قطع د د في نقطة مر وكان يكن رسم الحيط المذكور بجعل النقطة ر ں ہوں ہوں مرکزائمقدیکونالمسقط آئےء د مربعااداکان دعلیالمحیطالمتقدم, و عموداعلي ار *(107)*

* (المسئلة الشانية عشر) * اذاكان المطلوب قطع هرم مربعي ذي واعدة ما

بمستوجيت يكون المقطع ستوازى الاضلاع يقال يؤخدالمستوى الافقى مستوى القاعدة ١ ـ ع د كافى (الشكل١٤٣) ولايرسم هناالمسقط الرأسي لسمولة ايجادهمتي اربدغ عدالضلعان المتقابلان ا ـ و عد الى ان يتلاقيا في نقطة و وبالوصل بين النقطتين و و مد يتعصل المسقط الافقى في لتقاطع مستويي الوجهين سمار وسمعد غ يدايضا الضلعان المتقابلان اد و سع الى ان يتلاقيا في نقطة و وبالوصل بين النقطة بن و و سم يتحصل المسقط الافقى كى لتقاطع مستویی الوجهین سماد , سماع فیکون المستقیم و و الاثرالافقي للمســـتوى (ى يَ) أو س اذاتقررهـــذا وجبان يقطع المستوى القياطع كل وجهين متقيابلين من الاوجمه المتقابلة في مستقيمين متوازيين وموازيين بالضرورة لتقاطعهما وان يكون هذا القاطع نفسه موازیاللمستقین ی و کی معاوموازیا بالضرورة لمستویهمافیکون ق حيننذ موازيا ق ويحكن ان يؤخذ مستقيم تما مستوف الهذا الشرط مُ يحد من النقطتين سر و صد التعين هما تقاطع ق بالمستقين اب و عد موازبان للمسقط ي وعدايضامن التقطنين و و ن اللتهزهماتقاطع ق بالمستقيمين اد و سع موازيان المسقط ي فتتقاطع هذه المستقيمات فينقط علىمساقط الاضلاع بتعصدل منهاالسقط و بوق م الافتی آئے که للمقطع الذی یے ون بالضرورة شکار متوازی الاضلاع للتقاطعين عمودين على بعضهما اعنى اذا كانت النقطة سم كما في

(الشكل١٤٤)

(الشكل ١٤٤) موجودة على محيط الدائرة المرسوم على القطر وفي وقد يكون المسقط أسع د شكلا معينا اذا كان المثلث وسه و كاف (الشكل ١٤٥) متساوى الساقين واذا كانت النقطة سه زيادة عن كون المثلث الذكور متساوى الساقين موجودة على محيط دائرة قطره و و يكون المشلط أسع د مربعا

﴿ (الباسبالخامس) ﴾ ﴿ (في انواع المساقط) ﴾

(1°Y)

لمنعتبر فيماتقدم الاالمساقط العمودية على مستوين عمودين على بعضهما و يمكن ان يراددا تما يسقط نقطة على مستو النقطة التي يقابل فيها مستقم ما مار بالنقطة المعلومة هذا المستوى لكن نوع المساقط المتقدم اكتراستعمالا ومع ذلك فقد تستعمل انواع مساقط اخرلا يعتبر فيها الامستو واحد للمسقط وابسطها النوع الذى تترك منه المستويات المنتسبة والموزونة وقدتتعن النقطة في هذا النوع بمسقطم العمودي على مستويسمي بمستوى الاقتران المختارعادة فوق جيع نقط الشكل المنسقط وبعدد مكتوب بجوارمسقط النقطة يدلعلى البعدالكائن منهاوبين مستوى الاقتران ويسمى هذا العدد بمقدار بعدالنقطة وتكون مقادرابعا دالنقط الكائنة اعلا مستوى الاقتران سالبة ويشاهدان هذا النوع يرجع للمساقط العمودية لانه عكن واسطة مقدار بعد كل نقطة من نقط جدلة الشكل المنعقطة الجاد إمسقطه على مستومًا عود على مستوى الاقتران وذلك ماختسار خطمًا ارضى وانزال عود على هـذا الخط من المسقط المعلوم لكل نقطة وان يؤخه على هذا الخط فى الجهة المناسبة ابعاد مساوية لمقاديرابعاد هذه النقط انظر

وقد يتعين المستقيم في هذا النوع بمسقطى نقطتين من نقطه ومقدارى بعديهما انظر (بدد ١٨) واما المستوى فيتعين بخطه الاعظم ميلا بالنسبة لمستوى الاقتران انظر (بده ٣٨) ويسمى هذا الخطبة قياس ميل المستوى

وهذا النوع كثير الاستعمال لاسما فى الرسم المتعلق بالاستحكامات واشغال حفر وردم الطرق والخلجان وما اشبه ذلك

وحيث كان لا يتسرف العادة فرخ من ورق الرسم فيه كفاية لان يسعصورة الاجسام المرسومة كلماى على جمها الطبيعي تختصر الصور الى مقياس اختصارى معين يرسم في الصور وتعدعليه المقادير الافقية وتبق مقادير ابعاد النقط على حقيقتها دائما مالم يردعل المسقط الرأسي للجسم فانها تصغر بنصغيرا لجسم على مقتضى مقياسه الاختصارى وسيشاهد مع ذلك انه لا يمكن في بعض الاحيان تصغير المسقطين الافقى والرأسي بنسبة واحدة بسبب امور سأن ذكرها فما يعد

(104)

المساقط المائلة هي المساقط التي تتعين بجستقيمات مائلة بالنسسة لمستوى المسقط ومتواذبة كلها ولاجل امكان المجاد مسقط النقطة المائل يلزم معرفة المجداه وميل المستقيم المشقط لها بالنسبة لمستوى المسقط ويعين الا تجاه عادة بيده يعني بالنسبة الواقعة بين ارتفاع وفاعدة المثلث القائم الزاوية الحادث من المستقيم المسقطين المنقطة اسقاطا عوديا ومائلا ومن المستقيم الواصل بين المسقطين فينتج من ذلك ان النقطة المتعين بمسقطها العمودي والمائل على مستوواحد لان المسقط العمودي يعلم منه مستقيم توجد عليه النقطة المذكورة وبعد المسقطين مع النسبة المعلومة بين ارتفاع المثلث القائم الزاوية المذكور وقاعدته يتعين البعد بين النقطة ومستوى المسقط فاذا كانت الخطوط المسقطة مائلة بقدر 20 على مستوى المسقط يكون المثلث القائم الزاوية متساوي المساقين وتكون فاعدته مساوية لارتفاعه فيكون بالضرورة البعد الكائن بين النقطة ومستوى المسقط مساويا للبعد الكائن بين مسقطيها

ويسمى هذا المسقط الثناني في نظرى الظل بالظل الساقط من النقطة على مستوى المستوى المأخوذ عادة مستوياً هندسيا واما المستوى الرأسي فيؤخذ في القطوع والارتفاعات

وقديتعين المستقيم ايضا بمسقطه العمودى ومسقط مائل على المستوى المذكور والمستوى المذكور والمستوى بمسقطى خطه الاعظم ميلاوا ماما يسمى بالمنظور العسكرى فليس

الامسقطا مائلا ويستعمل ايضا فى اشغال صنهاعة القناطر والجسور لايضاح تفاصيل اوصال اجزاء التراكيب الداخلية

(109)

ويطلق اسم المساقط الاسطوائية على المساقط العمودية والمائلة التي ذكرت آنف وهناك نوع آخر من المساقط يسمى بالمساقط المخروطية ويسمى ايضا بالمساقط المركزية اوالقطبية وفي هذا الذوع تمر جيع المستقيمات المسقطة بنقطة واحدة ثانة تسمى قطما اومركز المساقط

ويستعمل في هذا النوع مستويان قائما الزاوية يسمى احدهما بالمستوى الهندسي الذي تسقط عليه اسقاطا عوديا جله الشكل والا خر بمستوى المنظور الذي يجرى عليه المسقط المخروطي أومنظور تلك الجله ويطلق على خط الارض في هذه الحالة اسم قاعدة مستوى المنظور

وتنعين اى نقطة فى الفراغ متى علم مسقطها العمودى على المستوى الهندسى ومنظورها وقاعدة مستوى المنظوروم كزالمساقط اونقطة النظر ويكن تعيين النقطة ايضافى الفراغ بواسطة منظورها و مقدار بعدها عن المستوى الهندسى ومسقط نقطة النظر على مستوى المنظور وبعدها عنه ومقدار بعدها الأنه يكن بواسطة هذد المعاليم معرفة مسقط النقطة على المستوى الهندسى وان مقدار بعد نقطة النظر قد يعن قاعدة مستوى المنظور

(17.)

لكن اذا لم يكن المطلوب الانسب الوضع على مستو يكن ان يفرض بلايع النقط والمستقيمات مستقط واحدويبق وضع الشكل فى الفراغ اختيار باوقد سبق استعمال هذا في بعض مسائل من الباب الثالث من هذا الكاب وظهرت عدة مؤلفات تتعلق بهذا الغرض

* (في المستومات المنتسبة والموزونة) المستومات المنتسبة والموزونة) المنتسبة والموزونة) المنتسبة والموزونة)

هذاالفصل محتوى على قياس الابعادالافقية بمقياس اختصارى مقدرعليه المترالواحد بهذاالمقدار ١٠٠٠ كافي (الشكل١٦٤) واماعشر الميترفقدر علىه يواحدمن الف من مبتريجيث اذا اربد اخذ بعد اصغر من عشر الميتر مثلا كواحد من مائمة يرتب المقياس مذه ألكيفية مان يقام كمافي (الشكل ١٤٧) من احدى الطرفين المستقيم العجوديؤ خذعليه بعد اختيارى عشر مرات ويحد من جميع النقط ١٠٠٠، ٣٠٠٠٠٠ الى ١٠ خطوط موازية | المستقيم الم ثم يقسم الموازى الاخير الى اجزاء من الف من المستر مقدارها عشرة ثم يوصل بين ١٠١١ وبين ٢ و أ وبين ٣ و ٢ الى ١٠ و٩ من كل من الموازبين المتطرفين فيتضم انجيع المستقيمات الحادثة كلها متوازية وانكل اثنن منهامتنا استعصران على الخطوط الموازية للغط ا۔ اجزاءمساویہ ، ۰۰ رم وانالاجزاءالمنحصرةبین خطی ۱۰ ۔ ۹ ١ و ٢ و٣٠٠٠٠ الى ١٠ مساوية بالتوالى ٢٠٠١ ر.٠٠ . ٢ ... رما ي ٣٠٠٠ رما ... الى ١٠٠٠ رما الانهأذا اعتبرالجزؤ ١ ہے محسو ما على الخط الموازى المارس النقطة ٧ يحدث من الثلثين المشابمين ١٠ - ١ - ١ - ١٠ من الثلثين المشابمين هذهالتناسة

وبهذه الكيفية توجد مقادير الاجزاء المنعصرة على بقية الخطوط المتواذية اذاتقرر هذا بفرض انه اذا اربدان يقدر على هذا المقياس طول يساوى عدر ٧ يؤخذ على الخط الموازى السلام الماد من النقطة ٤ الطول عدر فيكون هو المستقيم المطلوب المحول الى المقياس المذكور لان

(٣٦)

هذاالمستقیم ع د پترکب من ع هـ ۱۰۰۰۰ ومن د ن = ۲۰۰۰۰۰ ومن المجوع الذی هو ع د ومن المجوع الذی هو ع د د من = ۲۰۰۰۰ فیصلی د د من علی المقیاس د ۲۰۰۰ علی المقیاس الاختصاری

(171)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المطلوب ايجاد مقد اربعد نقطة ما معلومة المسقط وعلى مستقيم معلوم يقال

مقدار

* (المسئلة الثانية) * اذا كان المطلوب ايجاد مسقط نقطة مّا معلوم مقدار بعدها على مستقيم معلوم يقال

بعدرسم المستقيم و كاتقدم يؤخذ كافى (الشكل ١٤٨) على م م م طول م ل يساوى مقدار البعد المعلوم صد ثم يمد ل م سواز يا لخط الارض خض فتكون النقطة م هى النقطة المطلوبة التي يكون مسقطما الافقى في السكن ينها وبين النقطة م ولذا يستحرج بعد تركب هذه المناسبة

واذافرض مثلا كافى (الشكل ١٥٠) ان و المستقيم المعلوم والمطلوب في و المجادنقطة عليه مقدار بعدها ٨٨ يقال بعدوضع البعد م م على المقياس الاختصارى الذى هو شكل ١٤٦ يفرض ان هـذا البعد وجد مساويا للعدد ٥٠٠٠ الموصل الى سُه = ٥٠٠ انظر (بند ١٦١) ومن المعلوم ان معنازیادة عن ذلك صد = ١٦٦٣٠ و صَد = ١٣٦٧٠ و و صد= ٨ فينتج

سر = مرب المرب ال

بعدها صفريكني جعل صمر = · ومنه ينتج سم = _ <u>صر سمَ</u> وينبغى الاهتمام بجعل الابعاد السالبة فى جهة مضادة للجهة الموضوع فيها الابعاد الموحمة

(171)

* (المسئلة الشالفة) * اذا كان المطلوب المجاد ميل مستقيم ما على مستوى الاقتران يقال

ان هذا الميل مقدربالزاوية الحادثة من المستقيم المذكور مع مسقطه على هذا المستوى فيعلم حيث بستنتج منه المستوى فيعلم حيث بستنتج منه ظالم م = كم = صرب ص

فاذافرض ان الغرض ایجاد میل الستقیم و المعلوم فی (الشکل ۱۶۹) یکون معنیا صرک سے سے ۱۶۰۶ و سرکہ = ۲ فینئید اذا جعلت الزاویة لم م م = ا و ظار = ۲۰۲۰ = ۲۰۲۰ محدث

لوغا ظا ر = لوغا ٢٠,٠٠ = ١٥٠ ظا ر = اوغا ظا ر = اوغا ظا (٢٠ ٣٠ مَهُ) فينتج ر = ٢٠ مَهُ ٥٠ اوغا ظا (٢٠ مُهُ مَهُ ﴿ ١٦٥ ﴾

* (المسئلة الرابعة)* اذا كان المطلوب اليجاد البعد بين نقطتين على مستقيم معلوم يقال

عند ثمن المثالث القائم الزاوية م ل مَ حَمافى (الشكل ١٤٨) م مَ = γ مِلَ + لَ مَ أُو و = γ سَمَ + (صَم - صَم) فاذا كان المطلوب الا تن ايجاد البعد بين النقط تين م م كافى (الشكل ١٤٩) يعلم من (بند ١٦٦) سَم = γ و صَم - صم = 3 و فاذا وضع هذا ن المقداران فى القانون حدث م مَ أُو فاذا وضع هذا ن المقداران فى القانون حدث م مَ أُو

غ = ۲۳۳۸ر<u>۵</u>

(177)

* (المسئلة الخامسة) * اداكان المطاوب ايجاد تقطة بعيدة عن اخرى معلومة عقد ارمعلوم على مستقيم معلوم يقال

اذافرضت مُ النقطة المطلوبة بلزم معرفة م مُ أو شرو مُ مُ أو صر ما مُ أو صر ما مُ مُ أو صر ما مُ مُ أو صر ما ما من من من من المثلث القيام الزاوية م مُ ط

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{12} + (\frac{1}{2} - \frac{1}{2}) = \frac{1}{12} + \frac{1}{12} + \frac{1}{12} = \frac{1}{12}$

(٣٧)

= سرم [سرم] + (صر_ _ ص_)] ومنه بنتج ویستخرج من (بند ۱۹۲۶) صبہ $= صه + \frac{e(ص تر - ص)}{\sqrt{m^2 + (ص تر - ص)^2}}$ فاذا كان المطلوب الان ان يؤخذ على المستقيم و كما في (الشكل ١٥١) طول يساوى ٦٦ بالابتدامن النقطة م يفرض بعد نقل البعد الافقى م م على المقياس الاختصارى كافى (الشكل ١٤٦) ان هـ ذا البعد وجدمساویا ۲۰٬۰۷ فیستخرج منه سر = ۲٫۷۰ ومن المعلوم ان معنا زیادة عن ذلك صم = ۱۱۸ و صم = ۲۰۰ فبأیدال تلك الحروف عقادرهافى القوانين المتقدمة يحدث $=\frac{17,\Gamma}{7,\Gamma9} + = \frac{\Gamma,V\times7}{\Gamma_V+\Gamma_\Gamma,V)} + = -\frac{1}{\Gamma_V}$ م طول يساوى المقدار ٢٠٠٠،٠١٥ المأخوذ بالمقياس الاختصارى كافى (الشكل ١٤٧) تحصل نقطتان م م ما المسقطان الافقيان للنقطة بزالمطاو تمن ومن حيثان سرته معلوم فلاجل ايجاد مقدارى البعدين صر مر مر يستعمل هذا القانون صّہ = صه ل مراصد الذي محدث منه $\frac{1}{2}$ $\frac{1$ فیکون حینئذمقداربعدالنقطة مٌ هو صّہ = ۲۲٫۵۷ ومقدار بعد النقطة ثم هو صَّه = ١٢٦٤٢ بالتقريب فيكون للكمية سة مقداران متساويان ومختلفا الاشارة لانه يمكن اخد النقطة تم من

كالمل

(171)

اذا توازی مستقیان توازی مسقطاه ما الافقیان بالضرورة و ترایدت مقادیر ابعاد نقطه ما فی جهة واحدة و بلزمان یکون البعدان الافقیان لنقطتین من کل مستقیم مناسبین لفاضل مقداری بعد بهما انظر (بند ۲۲) و بالعکس ای اذا تو فرت هده الشروط لابد وان یکون المستقیان متوازین فیسهل حینئذ مد مستقیم موازلا خرمعلوم من نقطة معلومة

(171)

* (المسئلة السادسة) * اداكان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستقيم ا بقال

اذالم يتقاطع المستقيمان المفروضان عدمن نقطة ماموازيان لم ما انظر (بلد ١٦٧) فتكون الزاوية الواقعة بينهما هي الزاوية المطلوبة ولا يجاد هذه الزاوية عصن استعمال طريقتين نذكرهما فنقول

*(اولا) يؤخذ على المستقين ا و ب كافى (الشكل ١٥٢) نقطتان متحد تا مقدارى البعدين ولذا بحث على المستقيم ب عن النقطة ع التى يساوى مقدار بعدها مقدار البعد المعلوم النقطة م من المستقيم ا فيكون المستقيم مع حينئذ افقيا ومساويا لمسقطه م ع انظر (اولامن بنده) واذا بحث عن الطولين ع و م كافى (بنده ١١) للجزء بن دم و دع من المستقيمن أو ب علت ثلاثة اضلاع المثلث دم ع فيكن حينئذ ان يستخرج من ذلك الزاوية المطلوبة م دع فاذا فرض ان المستقيم ا معلوم بالنقطة د التي مقدار بعدها (٥٠٣) و بالنقطة د التي مقدار بعدها (٥٠٣) و بالنقطة د التي مقدار بعدها (٥٠٣) و بالنقطة وان المستقيم ب معلوم بالنقطة د التي مقدار بعدها (٥٠٣) و بالنقطة

التى مقدار بعدها (۲۱,۲٤) و مالمسقط د ع ع ٠٠٠٠

يتعصل اولا النقطة ع بواسطة القافون المقررفي (بند ١٦٣) فيكون $\int_{-7.12}^{7.12} = \frac{r_{,10}}{r_{,r1}} = \frac{(r_{,h}-r_{,0}).....}{1.r_{z}-r_{,0}} = 23$ بالتقريب م يحدث من القانون المفرر في (بند ١٦٥) ع = ٧ ٤ + ١٤٠٠ $\lceil 1,07 = \overline{\cdot,19 + 1,97} \rceil = 7,17 =$. و = ١٠٤٠ ثم بستخرج من علم المثلث التهذان القانونان $\frac{(9-v)v}{\sqrt{2}} = 3 \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $\frac{(\varepsilon - v)(v - \gamma)}{(v - v)(v - \varepsilon)} = \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ ععل س = م + ن + و وضع المقادير المتقدمة وهي م = ١٥٥٦ و ع = ١١٢٦ و و = ١١٤٠ في القانون المذكورينتج $\gamma = \frac{1, 2+1, 17+1, 07}{2} = \frac{1}{2}$ س ــم = ۹۸ و اس ــ ن = ۱۶ و و س ــ و = ۱۹ و ۱۸ ومنهينتج ظا $\frac{1}{2}$ د = $\sqrt{\frac{\Lambda^{0.0} \times 73^{0.0}}{\Lambda^{0.0} \times 73^{0.0}}}$ فينتج بالضرورة لوغا ظا أ د = أ لوغا ٩٨، + أ لوغا ١٤٠٠ + أي عام لوغا ٤٥,٦٠ + أي عام لوغا ١١,١٠ = £, 4940461 £ + 1, 41177 £ 7 £ 1, 99071 F. £ = 9,0Y7T71 = £,9Y10£Y0Y + لوغا ظا (۲۰ ۴۹ ۲۰°) فیکون د = غ۰ ۱۸ ۱۱ *(وثانيا) * يكن اخـ فـ طولين متساويين على الضلعين أ و ي من الزاوية المطلوبة ولذلك يؤخذ على أنقطة م ويجث عن الطول الحقيقي

للمستقيم

للمستقيم دم انظر (بند ١٦٥) ثم نعين على ب نقطة ﴿ بحيث فَلَمُ مِن مِن فَقَطَة ﴿ بَحِيثُ فَلَمُ وَ وَمِعْتُ الْمُلْمُ وَ وَمِعْتُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهُ اصْلاع المثلث دم ﴿ وَحِيثَ لَا تُعَلَّمُ اللَّهُ اصْلاع المثلث دم ﴿ وَحِيثَ لَدَ مَ صَابِ المثلثاتُ وَمِن حَسَابِ المثلثاتُ وَمُ نَظِّيقُ هَذَهُ الطّرِيقَةُ عَلَى مَثَالُ لَسْمُولَةُ التَّرِن عَلَيْهِ اللَّهُ اللّهُ اللَّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ الللّهُ الللّهُ اللّهُ الللّهُ الللّهُ الللللّهُ ا

(179)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان مستومعلوما بمقياس ميله ومسقط نقطة سنه والمطلوب ايجاد مقدار بعدها يقال

مقیاس المیل کافی (الشکل ۱۵۳) حیث کان معینا بحسقطه ه و بحقد اری ایمان المیل کافی (۱۳٫۵۲) و کانت بعدی المنقطتین م و د اللذین هما (۴۵٫۲۲) و کانت المسافة م د مساویه ۰۰،۰۰ بعث اولاءن النقطتین ع و ک الملتین مقد ارا بعدیهما بالتوالی العددان العصیحان ۳ و ۸ انظر (بند ۱۳۲۱) ثم تقاس المسافة ع ک و تقسم الی خسة اجزا متساویة و یکتب بجوار نقط هذه التقاسیم ٤ و ۰ و ۶ و ۷ و بهذا یسمل مد القسمة و ایجاد این نقط هذه الرید معرفتها لکن یکن الاستغناء عن ذلك متی ارید و یکنی النقبه الی ان النقطة سر بوجد علی افتی من المستوی الذی یکون مسقطه الافتی ط عود ا

ان صمہ = ٤٥٠٩ و صُہ = ١٨٨٥ وسَمُ = ٥٠ وسَمُ = ٢٠٦١ فيكون

(٣٨) يه ل

صَہ _ صہ = ۱۲٫۸۱ _ ۵۰ رسماً = ۱۰٫۵۸ فیمدث حنئذ بالتبدیل

ويرسم مقياس الميل لمستو بخطين متوازيين متقاربين جداويقسم داعالى اجزاء متساوية بحيث تصنع مقادير ابعاد نقط التقاسيم سلسلة اعداد صحيحة لانه يسهل حينتذا يجادمقاديرا بعادعدة نقط المستوى المختلفة

(11.)

*(المسئلة الثامنة) * اذا كان المطلوب المجاد تقاطع مستويين يقال ان هذه المسئلة قد تقدم حلم افي (بند ١٠٠) باستعمال مسقطين فينبغى اجراء العمليات التي اجريت في حلم اغاية مافيه يعوض المساقط الرأسية عقاد يرالا بعاد فيقال

(اولا) اذا لم يكن المسقطان هو هم كافي (الشكل ١٠٥) المقياسي الميل متوازين يؤخذ نقطتان م و على همقد ارا بعديه ما العددان الصحيحان ٨ و ٣ انظر (بند١٦) ويقاس البعد الافتى م ها الذي وجدمساويا ٧٠ و م ويجث على هم عن نقطتين م و هم متعدتين في مقداري بعديه مامع النقطتين الاوليين وهما ٨ و ٣ من ويقياس البعد الافتى م كا الذي وجد مساويا ٣٤ و و م عيد من ويقاس البعد الافتى م كا الذي وجد مساويا ٣٤ و و م عيد من النقاطع الذي النقاطع المائي و يقاطعان في نقط من النقاطع الذي افقيان على من النقاطع الذي افقيان على من النقاطع الذي المقيدة م من النقاطع الذي المقيدة من النقاطة المنافي المقيدة من النقاطة الناسكان المقيدة من النكاماة المنافي المقيدة من النقاطة النقاطة الناسكان المقيدة من النقاطة الناسكان المقيدة المقيدة

ق ق متوازيين كافي (الشكل ١٥٥) * (وثانيا)* اذاكان المسقطان هي ق ق ق ق ق ق ق فلايتقاطع حينئذ المستقيمان طوط والمستقيمان حو تح الاان المسقط ي

ن نو في هذه الحالة يكون موازيا ط و ط ومارا ولابد من نقطة تقاطعهما اللانهائية ولا يجاد نقطة منه يؤخذ على ط , طَ نقطتان حيثما اتفق ط و ط يوملان بستقيم ا ثم يدعلي ح و خ مستقيم ب مواز ا فيصيرهـذان المستقيان ا و ب افقيين لمسـتو ثااث قاطع للمستويين المفروضين في مستقيمين عط و عط يتقاطعان في نقطة سم من النقاطع المطلوب فأ دامد الان من سرٌّ مو إز للمساقط الا فقية للا فقيات كان هو ي ويكن لا يجاد مقدار بعدالنقطة سم حساب هذا المقدار على احد المستقمين عط وعَكُ ويمكن ايضا التذبيه على ان التقاطع ي حيث كان افقي الابدان يقابل هم و هَ في نقطة بن متحدتي مقدار البعد وهذا المقدارهوعن مقدارالنقطة سم ايضا * (وثالثا) * من البين اله اذا مد مستقيمان آخران كيف ما اتفق كستقيى و ب امكن ايجاد عدة نقط كالنقطة سم مهما اريد من التقاطع ى فينتذ هذا الحل يليق ايضا بالحالة التي يصنع فيها المسقطان الافقيان م في مدونان يتوازيازاوية صغيرة جدا بحيث لا يمكن تلاقى المستقيمين ط وط والمستقين ح و خ الاخارج حدود الرسم ويوجد كانقدم في الحالة الثانية نقطتان بالوصل بينهما يحدث ى ولا يجاد مقدارى بعدى النقطتين مم من عصدن ان عدمن ها تمن النقطة من افقيان لاحد المستوين ويجث عن مقدارى بعدى النقطتين اللتين يقابل فيهما هذان الافقيان مقياسالميل

(' ' ')

* (المسئلة التاسعة) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستقيم مع مستو بقال

عدمن قطة من المستقيم المعلوم و كافى (الشكل ١٥٦) مستقيم ما ط يعتبرافقي المستوماربالمستقيم و ثميد فى المستوى المعلوم افقى ح

متعدمقدار البعد مع المستقيم ط فيصكون كل من هذين المستقيمين ط و ح في مستوافق و يتقاطعان في نقطة سم من تقاطع المستوى المعلوم مع المستوى (وط) فاذامد مستقيمان افقيان آخران ط و ح متعد المقدد المقدد المقاطعا في نقطة ثانية سُم من التقاطع مى الذي تم تعيينه بهما والذي يقابل المستقيم و في نقطة ني وهي النقطة المطلوبة تعيينه بهما والذي يقابل المستقيم و في نقطة ني وهي النقطة المطلوبة المعلوبة المعلو

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطلوب انزال عود من نقطة معلومة على مستومعلوم يقال

على ن تحصل صهر مرة = ٦٥ ر٢ وينتج بالضرورة صَه = صهر م ١٥ ر٢ = ١٨ ر٧ م م ١٥ ر٢ ع ٣٠٥ ر٤ كا *(١٧٣)*

* (المسئلة الحادية عشر) * اذا كان المطلوب مدعمود من تقطة معلومة على مستقم معلوم يقيال

عدّاولا من النقطة ع مستوعمود على المستقيم المعلوم و فيكون مسقط مقياس ميدله ه موازيا و ثم يبحث عن التقاطع سم للمستقيم و مع المستوى فيكون موقع العمود المطلوب ويكون هذا العمود حينئذ المستقيم الواصل من النقطة المعلومة ع *(١٧٤)*

* (المسئلة الشانية عشر) * اذا كان المطلوب اليجاد الزاوية الواقعة بين مستقيم ومستويف ال

ينزل من نقطة من المستقيم عمود على المستوى انظر (بند ١٧٢) ثم يبحث عن الزاوية الحادثة من هذا العمود والمستقيم المعلوم انظر (بند ١٦٨) فتكون هى المتممة للزاوية المطلوبة انظر (ثانيا من بند ١١٩) * (١٧٠)*

* (المسئلة الشالنة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستويين مقال

ينزل من نقطة اختيارية م عودان ن و م على المستو بين المعلومين ا انظر (بند ١٧٢) فتكون الزاوية الحادثة من هذين العمودين كافى (بند ١٦٨) هي قياس الزاوية الواقعة بين المستويين المذكورين انظر (ثامنا من بند ١٢٧)

(117)

* (المسئلة الرابعة عشر) * اذا كان المطلوب ان يمد من مستقيم معلوم مستو يصنع مع مستوى الاقتران زاوية معلومة يقال

انميلاى مستوعلى مستوى الاقتران يساوى ميل مقياس ميله وليكن مقدار الميل المعلوم للمستوى المطلوب على مستوى الاقتران على قاد امدمن النقطة م كافي (الشكل ١٥٩) خطاعظم ميلافي المستوى المطلوب وفرض معرفة الاثر الافتى الهذاالخط الاعظم ميلا حدث مثلث أمم فيه مم: ام :: ٥ : ٤ ومن حيث ان مم = ١٣ يكون ام = ٤٠٠١ فاذا حول هـ ذا البعد الى المقياس المتفق عليه في (بند١٦١) صار ١٠٤ر، فيلزم حينتذ بجعلالنقطة م مركزا واخذنصف قطريساوى ١٠٤ رما رسم محيطدائرة ومن المعاوم ان الاثر الافقى للمستوى لايد ان عربالاثرين الافقين للمستقم المعلوم والخط الاعظرميلاوانه زبادة علىذلك لابدوان يكون عودا على المسقط الافتي للغط الاعظم ميلافيلزمان يكون مماسا للدائرة المذكورة ومارامن الاثرالافق للمستقم والمعلوم لكنه قديتفق وقوع هذاالاثر الافتى خارج حدودالرسم وان يكون نصف قطر الدائرة كبيرا الاانه يمكن ان يوضع الشكل على مستو مواذلستوى الاقتران وان ينتخب مثلا المستوى المار مالنقطة و المساوى مقداريعدها ٧٦ فينتذ لايكون مقداريعدالنقطة م المنتسبة الى هذا المستوى الجديد الا ١٦٦ ـ ٧١ = ٦٦ وهذا هوارتفاع المثلث القام الزاوية وبنتج من ذلك فاعدة هذا المثلث اوقطر الدائرة بواسطة هذه المتناسبة

منان المستوى المار من النقطة و يقطع المستوى المطلوب في خطافق عمودا على مسقط الخط الاعظم ميلا فاذا رسم بجعل يكون مسقطه الافقي عمودا على مسقط الخط الاعظم ميلا فاذا رسم بجعل النقطة م مركزاوا خذ نصف قطريساوى ٤٠٠٠ محيطدا ترة ج ومد من النقطة و خط مماس له في النقطة ع كان المستقيم م ع مسقط ومد من النقطة و خط مماس له في النقطة ع كان المستقيم م ع مسقط

مقياس ميل المستوى المطلوب ويمكن ان يدمن النقطة و خط آخر مماس و و الدائرة ج وبالوصل بين نقطة التماس ع والنقطة م يتحصل مسقط مقياس ميل مستو آخريليق بحل المسئلة المفروضة

و من النقطة و على الدائرة اى اذاكان م و بساوى ٢٠٠٠ ما كان المسئلة حل واحدوكان المستقيم و نفسه مقياس ميل المستوى لان ميل المستقيم و نفسه مقياس ميل المستوى لان ميل المستقيم و في هذه الحالة يكون مبينا بهذه النسبة

 $\frac{\circ}{z} = \frac{?}{z \wedge 1} = \frac{v - 1r}{z \wedge \lambda}$

ولاحُلَّ للمسئلة اذا كانت النقطة و داخل الدائرة اوكان م و اصغر من ولاحُلُّ للمسئلة اذا كانت النقطة و يكون حيننذ اكبر من ش فلا يمكن المستقيم و يكون حيننذ اكبر من ش فلا يمكن المجاد دبالضرورة على مستويساوى مقدار خطه الاعظم ميلا على مستوى الاقتران ميلا مساويا ش

﴿ (في لمساقط المائله و الظلال الساقطة) ﴿

(111)

اذا اسقطت نقطة فراغية اسقاطا عوديا ثم ما تلاعلى مستويكون المستقيم المسقط الواصل بين المسقطين بالضرورة المسقط العمودى المستقيم المسقطات لها اسقاطا ما تلا فاذا كان فى الفراغ عدة نقط وكانت المستقيات المسقطات لها اسقاطا ما تلامتوازية لزم ان تكون مساقطها متوازية ايضاويكون حينشذ مسقطا كل نقطة من النقط المذكورة على مستقيات كلها متوازية اذا تقرر هذا سهل بعدم عرفة مسقطى مستقيم ومسقطى نقطة عليهما معرفة مسقطى اى نقطة من هذا المستقيم ومسقطى نقطة عليهما معرفة مسقطى اى نقطة من هذا المستقيم ومسقطى نقطة عليهما معرفة مسقطى اى نقطة من هذا المستقيم ومسقطى نقطة عليهما معرفة مسقطى الى نقطة من هذا المستقيم ومسقطى نقطة عليهما معرفة مسقطى

ومن المعلوم ان اثر المستقيم على مستوى المسقط الذي يعتبرهنا افقيا لا يدمن وجوده على كالا مسقطى المستقيم ويكون بالضرورة في النقطة التي يتقاطع

فهاهذان المسقطان

واذا كان المستقيم انقيا كان مسقطاه متوازين واذا كان رأسيا المسقطه العمودى الىنقطة الا انالمسقط المائل يكون مستقيما مارا بهذه النقطة وموازيا للمستقيم المستقيم المستقيم المستقيم المسقط اسقاطامائلا لنقطة صار مسقطه المائل نقطة وكان مسقطه العمودى مستقيما مارا بهذه النقطة وموازيا للمستقين الواصلين بن مسقطى نقطة واحدة

ثماذا كأن مستقيمان متوازيين لزمان يكون مسقطاهما المتعداالاسم متوازيين النضا

(1 4 4)

قديكون الاثرالافق لمستوعوداعلي المسقط العمودي لخطه الاعظم ميلا ويكون مسقطا مستقيم افتى من المستوى المذكور موازيين للاثر المذكور انظر (بند ١٧٥) وبمقتضي هذا تحل المسئلة الخامسة عشر * (المسئلة الخامسة عشر) * اذا كان المعلوم المسقط العمودي لنقطة على مستو والمطلوب ايجاد مسقطها المائل او العكس بقال * (اولا) * ليكن و كمافى (الشكل ١٦٠) الخطالاعظــم ميلا لمستو و انقطة من هذا المستقيم فلا تتعين هذه النقطة في الفراغ عادة الا منى علم ميسل الخطوط المسقطة استقاطا مائلا و سم المسقط العمودى لنقطة سم من المستوى ويمكن فرض الافتى ب مارا بالنقطة المعلومة وداخلافى المستوى فبرمسقطه الافتى ب بالمسقط سم ويكون عوداعلي و وحيث كان المستقيمان پ و موجودبن في مستو واحدارم ان يتقاطعا في نقطة م مسقطها العمودي في م على تقاطع و و ب فاذامد حينئـــذمن م موازللاتجاه أ أ للخطوطالمسقطة

اسقاطامائلا كانت النقطة م التى يقابل فيها الموازى المذكور في المسقط المائل النقطة م من المستقيم ب كن حيث كان هذا المستقيم افقيا كان ب موازيا ب انظر (بند ١٧٦) ثم حيث كانت النقطة سم موجودة على المستقيم ب يمدمن النقطة سم مواز الما يقطع المستقيم في النقطة المطلوبة سم في المستوى و انقطة من هذا المستقيم و سم المسقط المائل لنقطة سم كائنة على المستوى يمدمن هذه النقطة سم افق ب للمستوى فيكون مسقطا هذا الافقي متوازيين النقطة سم افق ب للمستوى فيكون مسقطا هذا الافقي متوازيين ويكون المستقيم و فيكون حين أذ ي عود اليضاعلى و ومار المائلة على المستوى المستوى فيكون حين أذ ي عود اليضاعلى و ومار المائلة على المستوى فيكون حين أذ ي و في مستول في المستوى فيكون المستقيمان ب و و في مستول في المستوى فيكون حين أذ ي في مو تقاطع و احديازم ان يتقاطعا في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم الذي هو تقاطع في نقطة م مستقطها المائل عم المناسقين المناسقين

المستقین و و ب ومنه بنتج م واذا دد من هذه النقطة مستقیم ظرف الله فطرف الله مقیم فلات الله فلات

(119)

* (المسئلة السادسة عشر) * اداعلم المسقطان العموديان المقطة ميل واتجاه المستقيات المسقطة وكان المطاوب ايجاد المسقط المائل لمزه النقطة على المستوى الافق يقال

يلزمان يدكافي (الشكل ١٦١) من النقطة المعلومة م مستقيم ب موازللمستقيم المعلوم و انظر (بند ٣٤) ويجث عن اثر والا فق فيكون فط المسقط م المعلوب و يكن ايضا التوصل الحالم الحالة التي يكون فيها المستقيم و موازيا للمستوى الرأسي بنغيير مستو وانتخاب خط الارض الجديد ما را

(¿·)

بالنقطة م فحينت ذيكون المستقيم ب فى المستوى الرأسي صانعًا مع خُنْسُ زاوية كزاوية المستقيم و مع المستوى الافقى وقاطعًا خُصُ فى النقطة م المطلوبة

وهذا الحل الاخيرهو الواجب استعماله متى فرضت النقطة م معلومة عسقطما الافق و بمقدار بعدها كافى (الشكل ١٦٢) وفرض المستقم و ايضامعلوما بمسقطه الافق وميله إ اومعلوما بمقدارى بعدى نقطتن منه يمكن ان يستنتج منهما هذا الميل فحينتذيدمن م المستقم و مقام م عوداعلى ب ومساويا لمقدار معلى المحتصر بالمقياس المتنق عليه اذا لم تكن الصورة على مقدارها الطبعى التى وحدت عليه و يمد من النقطة م مستقم ب يصنع مع ب الراوية إ فتهكون النقطة م التى هى تقاطع ب و ب المستقم المائل المطلوب

فاذادل المستقيم و على اتجاه الشعاع الضوئى كانت هذه النقطة م هى الظل الساقط من النقطة م على المستوى الافتى و يتحصل كذلك ظلها الساقط على المستوى الرأسى

(14.)

* (السئلة السابعة عشر)* اذا علم مسقط نقطة وظلها الساقط وميل الشعاع الضوق وكان المطلوب ايجادمة داربعدها يقال

ن ظ المسكل ١٦٢) بين المسقطين م و م النقطة م الداوصل كافى (الشكل ١٦٢) بين المسقطين م و م النقطة م مستقيم ب المسقط العمودي المستقيم ب المقاطا ما ثلا النقطة م فا ذامد حينت ذمن النقطة م مستقيم ب و الزاوية إ المساوية للميل المعلوم للشعاع الضوئي واقيم من

ق عودعلى ب ومدالى ان يتلاقى مع ب فى النقطة م كان المستقيم ق ق م م مساويا سقد ارالبعد المطلوب لانقطة م

(111)

* ('لمسئلة الثامنة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد الطل الساقط من شكل ما كثير السطوح على المستوى الافقى يقال

ليفرض أن المطلوب أيجاد الظل الساقط على المستوى الافقي لهرم ناقص إ مثلاغيرمتوازى القاعدتين كافي (الشكل ١٦٣) ولنعتبر المستوى الافق مستوى القاعدة أرجده للهرم فمكن ان تكون نقط المقطع معلومة بمسقطن عودين اومعلومة عساقطها الافقية وبمقادير ابعادها وحيثكانت هذه المعالم الاخيرة موصلة بدون واسطة الى تعيين المسقط الرأسي يفرض الهرم الناقص معلوما بمسقطيه ويؤخذ زبادة على ذلك المستوى الرأبي عودا على مستوى المقطع ويمكن التوصل الى هذه الحالة دائمنا باستعمال تغبرمستو رأسي ثم فرض المستقيم ر الذي هو اتجاه الاشعة الضوئية معلوما بمسقطه ر وميله العلى المستوى الافق بتحصل مسقطه الرأسي ر اذا تقورهذا نعين المساقط المائلة للرؤوس أ , رَ و عُ , دُ و هُ لقاعدة الهرم الناقص العليا انظر (بند ١٧٩) وبالوصل بينها بمستقيات يتعصل المدقط المائل الهذدالقاعدة العليا وبالوصل ايضا بن هده المساقط والرؤس المناظرة لم المنتسبة الى انقاعدة العد عده تخصل المساقط الماثلة لاضلاع الهرم الناقس فن ذلك تعصل مساقط الاوجه المختلفة من هذا الشكل ولاجل ايجاد الظل الساقطمن الهرم الناقص على المستوى الافقي ننبه اولاعلى انجيع الاشعة الضوئية موازية رفالمارة من بعض نفط الضلع ــــ تكوّن مستويا اثره الافق ــــ فينتج ان ـــ هو الظل الساقط طرط طرط الطلع المساقطان من الضلعين ســــ الواكا المذاالضلع وان ســـ المالمالان الساقطان من الضلعين ســــ الواكا

وحيث كان المستقيم السعلى المستوى الافق يكون نفس ظله الساقط

فينتج بالضرورة من هنساان الظل الساقط لاى نقطة من الوجه السراً بطرط یکون فی ذی الاربعة اضلاع ا به سال ای یکون دوالاربعیة اضلاع هو الظل الساقط للوجه إ ــــا ويشاهد ايضا ان اله هـ هـ هـ د د ظِظ ظِط و د د ع ع و ع ع سـ هي الظلال الساقطة من الاوجه ا ا ه ه . ظ ظرظ ظط ه هُدُد و دد عَ ع و ع ع ك سوان السَّع دُه هو الظل الساقط من القاعدة العلما أكع دُهُ ولكن حيث ان الظل الساقط بحب ان يكون خارجا عن الهرم وكون من البين وجوده مخصرا في المسافة ظ ظ ظ ظ ظ ط ط طرح الاجزاء المحصورة في القاعدة ا ـ ع ده من ادوآ الاربعة اضلاع المذكورة الاانه يتعرض فينظري الظل زمادة على الظل الساقط للحدث عن معرفة اجزاء سطح الجسم المفروس التي تثلق الاشعة الضوئية اوالمنبرة والاجزاء التي لاتقع عليها الاشعة الضوئية اوالمظللة ويتعرض يعدذلك الى تعين الخط الفاصل بن هذين النوعين من الاجزاء ويسمى هذا الحط بالخط الفارق بينالظل والضوء لكن يسمل في مشالنا معرفة اله اذا مدت اشعة ضوئية من جيع نقط محيط الوجه سُ عُ ع يَكُون اربعة مستويات آثارها الافقية المستقيات عج ظِ ظِ ظِ ظِ -- . -ع . ع ع فكل شعاع ضوئى مار فى المسافة المحصورة إبين الاربعة مستويات المذكورة يقابل الوجه ـ سرَّعَ ع فيكون هذا الوجه مضيتًا وكذلك الوجهان ع عَ د د و أَسَ عَ دُ هُ وحيث كانت الاشعة الضوائية الخارجة من نقط مختلفة من الضلعين سرك بي سُراً مارة خارج الوجه ا ـ ـ ـ أ كان هذا الوجه في الظل وكذلك الوجه ان الا خران ا أهُ هُ مُ هُ هُ دُ دُ وَلَهُذَا السَّابِ جَعَلَنَاهَا مُطْلَلَةً فَالْخَطَّ الذَّكِيسِرِ م سُ اَهُ دُد يَكُون الخط الفارق بين الظل والضو وللسطيح المفروض وليتنبه الى ان جلة المستويات المتكونة من الاشعة الضوائية الخارجة من

النقط

النقط المختلفة للخط المنكسر سراً هُ دُ د والمستوى الافق والوجهين سرع ع ع دُ د كام اتعين كيرالسطوح السائر للمستقيات ظ ظ ظ ظ ظ ظ ظ ظ المطوط المائل المستقيات الله و ه ه و ع ع و ع د وله ذا رسمت تلك الخطوط منقطة واما الظل الساقط من الحط الفارق بن الظل والضو وفقد رسم عملئا دون غيره وهذه هي كيفية المنقيط متى اريد حل مسئلة تتعلق بالظل الساقط لكن اذااريد حل مسئلة بسيطة متعلقة بالمساقط يلزم حيث كانت الخطوط الاخر مساقط للخطوط المرسم هذه عملئة ايضا

(111)

اذاء لم المسقط الافتى والظل الساقط لكثير السطوح على المستوى الافتى وكذا ميل الاشعة الضوئية سهل ايجاد المسقط الرأسي لكثير السطوح اومقاديرابعاد اجيع رؤسه فيكون بالضرورة هذا الكثبرالسطوح معينا تعينا تاما بواسطة ورورو معلوماالمسقط الافق العدد السيع د ه المرم ناقص ظِطِظِظِ ذىخسةاوجه و اهد دهاب عله الساقطعلى المستوى الافق ن فرط بيرالشعاع الضوئى فيؤخذ ر موازيا 11 اوموازيا كــــ. و له ميلالشعاع الضوئى فيؤخذ ر موازيا 11 اوموازيا كــــ فيدل هذا المستقيم على المسقط الافقى الشعاع الضوئي ويدرر صانعامع ر الزاوية ل فيكون هو الشعاع الضوئى فى المستوى الرأسي المسقطلة وي ايجاد مسقطه الرأسي رُ على مستومًا رأسي خ سُ مُ حيث كانت النقط م أ و ه و د آنارا افقية للمستقمات الموازية ير المارة بالتوالى من الرؤس كروه و مروه و د للهرم الناقص مقال اذا اسقطت هذه النقط على خط الارض فى بير و لم و بير و مد اس هــذه النقط خطوط توازي ركانت النقط ـــ أ . ه . د ف تقاطعات هذه المستقيمات مع الخطوط الاعدة على خض النازلة عن ألنقط

(1)

ع وجد أع كا وجدت المساقط الرأسية للرؤس الاخرى و يكن تحصيل هـذه النقطة ع لان من المعلوم ان المستقيمات الله حر ظر ظ فل مساقط المائلة لاضلاع الهرم تلاقى فى النقطة س التي هي مسقط الرأس سم لكثير السطوح المذكوروحينك لابدوان توجد هذه النقطة ع على المستقيم ع سُم وحيث كانت على خط يوازى ر مارمن ع لزمان وجدعلى تقاطع هــذين الخطين وتكون النقطة سم المعتبرة خارج حدود الرسم غالبا ولاتحصل النقطة ع المذكورة بواسطة هذه الطريقة لكن في هـ ذه الحالة يدمن ع خط يوازى ع م مقابل للغط سار فينقطة سم فيكون المستقيم عُ سم مسقطا افقيا لمستقيم غ سم كائن في مستوى الوجه مرج ع كُ ومواز للغط مرج ظ ومسقطالافق من هذاالمستوى بالضرورة فلواخذ حينتذالمسقط المائل سم للنقطة سم كافى (بند ١٧٧) ومد من النقطمة سم خطيوازى م بع أو ربع كان هدا المستقيم المسقط المائل للخط سم عُ كَافَى (بند ١٧٧) واشتل بالضرورة على النقطة في الكائنة ايضا على خطوازى ر مارس النقطة ع وبهذه الكيفية يوجد المسقط المائل لاى وأس لست على الخط الفارق بن الظل والضوء

﴾ (ني المساقط المحروطية وفي المنظور) ﴾

اذاعلت نقطة ثائمة في الفراغ أو ونقطة مّا م كون وم

خطامسة طالانقطة م وتحكون النقطة التي يقابل فيها هذا الخط مستويا معلوما وستطامخر وطيا اوقطبيا النقطة م حيث كانت النقطة و قطب هذا المسقط فاذا اسقط كذلك جمع نقط جسم كان المسقط المخروطي المتحصل حينتذ هو الظل الساقط من الجسم المذكور على مستوى المستطاذا كانت النقطة و نقطة مضيئة وكان المسقط المذكور هومنظور الجسم اذا كانت هذه النقطة عين الناظر ويلزم مع ذلك لا يجاد الظل الساقط ان يكون الا مجرد مسقط محروطي وقد ذكر في نظرى المنظوران المستوى المنقط والافلا بمع عليه المسقط المخروطي ويسمى بمستوى المنظور بكون في العامة موضوعا وين الجسم وعدين الناظر ولامانع من وضعه وراء الجسم المسقط اسقاطا من وطياعلى هذا المستوى

(111)

وحيت كانت جميع المستقيمات المسقطة اسقاطا مخروطيا لجميع نقط جلة مارة بالقطب و فن الواضح انجميع المساقط العمودية لهدنده المستقيمات على المستوى الهندسي المعتبر هذا افقيا تمر بالنقطة و انظر (بند١٥) وتمركل مساقطها على مستوى المنظور بالنقطة و التي هي اثر العمود النازل من النقطة و على هذا المستوى

و المسقطان الافتى والقطبى للنقطة م يكونان بحيث لووصل بين م و و بستقيم و لقابل هذا المستقيم قاعدة مستوى المنظور في موقع العمود الذاذل من م على هذه القياعدة

(110)

المسقط المخروطى لمستقيم يكون مستقيما هو تقاطع مسستوى المنظورمع المستوى المنظورمع المستوى المستقيم والنقطة و وحيث كانت جميع المستويات المسقطة المارة بالنقطة و منقاطعة ينتج حينئذانه اذا فرض مستقيمان و و و

متواذبان تقاطع مستوياً هما المدقطان الهمافي مستقيم طيوازى و و و ويقابل مستوى المنظور في نقطة سينها عمر تقاطعا هذين المستويين مستوى المنظور بخين بقاطع المسقطان المخروطيان اومنظورا المستقين المتواذبين ومهما كان عدد المستقيات المتواذبية قستوياتها المسقطة تتقاطع كلهافي مستقيم واحد فمرحين في ذمن اطبر جميع هذه المستقيمات بقطة واحدة سهى بنقطة التلاقى فاذا فرض عدد جل مستقيمات متواذبة كان الكل حلة منها نقطة تلاق

فاذا كانت المستقيات المتوازية اعدة على مستوى المنظوركان المستقم ط عموداايضاعلى مستوى المنظورولم تكن النقطة مساينة للنقطة وأبل هي نفسهاواذا كانت هذه المستقيات المفروضة موازية لمستوى المنظوركان المستقيم ط موازيا ايضا لهذا المستوى وصارت النقطة للمستقلة فمالانهاية له فينتذ مناظيرالمستقمات المتوازية والموازية لمستوى المنظور تكون متوازية واذا كانت المستقمات المعلومة ماثلة بقدر ووهم على مستوى المنظورصنعالمستقيم ط ايضازاوية قدرها ٤٥ مع مستوى المنظور وقابله في نقطة م جيث حكون المثلث وروا القام الزاوية في وا متساوى الساقين فيمه وكر = ووكم ثماذا كانت المستقمات المتوازية الذكورة في هـ ذه الحالة افقية كان المستقم ط افقيا ايضا وكانت نقطة التلاقى ـ والنقطة و على موازواحد لقاعدة مستوى المنظور فتكون نقطة التلاقي فيهدده الحالة مسماة لنقطة المعدوبوجد نقطتا بعد احداهما فاحدى جهتي النقطة وأوالاخرى في المهة الاخرى المقابلة الها *(1 1 7)*

يتعين المستوى غير المنتهى باثريه على المستوى الهندسي وعلى مستوى المنظور كالبينه في حل المسئلة التاسعة عشر

* (المسئلة التاسعة عشر) * اذا علم المنقط العمودي لنقطة كائنة

على مستومعلوم باثر يه وكان المطلوب ايجهاد مسقطها المخروطي او العكس مقمال

*(اولا) * ليكن نَ و مُ اثرين لمستو ر . م مسقط نقطة من هذا المستوى على المستوى الهندسي كافي (الشكل ١٦٤) فبرمن النقطة سم هذه افني و من المستوى ر فيكون مسقطه و موازياً قُ ويقابل مستوى المنظور في نقطة ا من و و ويكفي في ايجاد المسقط الشانى المستقيم و ايجاد نقطة تلاقى افقيات المستوى ر ومن المعلوم ان احد هــذه الافقيــات وهو و يوجد مع النقطة و على ستوافق ومسقطه وكواذى بالضرورة خ ض ويقابل مستوى المنظور في النقطة أ المنسقطة في أ ومنه ينتج و ثم يتقاطع المستويان المسقطان للمستقين و , و في مستقيم ط مواز الهماوس حیث آنه بمر بالنقطة و یلزم آن یکون کله فی مستوی (وُ و) فاذامد حينشذ ط مواذيا و . ط مواذيا خ ض كان الاثر س لهذا المستقيم نقطة الملاق المطلوبة ثم بالوصل بين النقطين ا و سع عسستقيم ينتج و واذا وصل الاتن بين ۔ و سمہ بمستقيم ب ومد هــذا المستقيم الى النقطة إ من غض واقيم من هذه النقطة عمود على خض الى نقطة نقابله مع و يتعصل المسقط سم المطلوب

*(تنبيه) * اذا وصل بين النقطتين وكو سمه بمستقيم ب كان المستقيمان ب و ب المسقطين العمودين على المستوى الهندسي وعلى مستوى المنظور المستقيم ب المسقط اسقاطا مخروطيا النقطة مم فلحدل ايجاد مه بمد من المنابا) * اذا علت النقطة سم فلاجدل ا يجاد مه بمد من

(٤٢)

النقطة سم هذه افني و للمستوى ر فيلزم ان يمر و بنقطة تلاقى المساقط القطبية لافقيات المستوى وتحصل هذه النقطة كاسبق نم بالوصل بين مر و مدينج المسقط المخروطي و للافقي المذكور فيقابل م في النقطة التي هي الرالمستقيم و على مستوى المنظور وباسقاط هذه النقطة على قاعدة مستوى المنظور في النقطة الموردي أن منها يحصل و فتتحصل النقطة المطلوبة سم على هذا المستقيم بل وعلى المسقط الافقي للمستقيم ب المار من النقطة و الى النقطة سم لكن هذا المستقيم يقابل مستوى المنظور في النقطة من المنسقطة على خض في المستقيم يقابل مستوى المنظور في النقطة من المنسقطة على خض في المستقيم يقطع و بالضرورة في النقطة سم المطلوبة

*(\ \ \ \ \) *

*(المسئلة العشرون) *اذاعم المسقطان العموديان لنقطة ومسقطا القطب وكان المطلوب ايجاد المسقط المخروطى للنقطة الاولى على مستو معلوم يقال ليكن و القطب و م النقطة المعلومة كافى (الشكل ١٦٥) ويفرض مستوى المنظور عوداعلى خط الارض ومنطبقا على المستوى الافق فيلزم ان يكون مسقط القطب عود ادائما على مستوى المنظور ويستعمل لا يجاده فى النقطة وأنعير مستوراً سى انظر (بند ٤٤) وبهذا تؤول المسئلة الى مدالمستقيم وم والبحث عن اثره على مستوى المنظور فيكون المسقط الافق لمهذا الاثر المساوى مقدا وارتفاعه الرأسي عال النقطة أ فاذا اقيم حيند من النقطة أ عود على خَصَ واخذ أم = عال تتحت النقطة المطلوبة مم المطلوبة مم

فاذا كانت النقطتان وم معلومتين بمسقطيهما الافقيين وبمقداري

إعديهما يبحث على المستقيم و و م عن مقدار بعــد النقطة التي تنسقط

فيالنقطة

فى النقطة إ انظر (بند ١٦٢) وبؤخــذ إم مساويا للمقــدار المذكور فيحصل المطلوب

(1 ^ ^)

* (المسئلة الحادية والعشرون) * اذا علم مسقطان افق ومخروطى لنقطة ومسقطا القطب وكان المطلوب ايجاد المسقط الرأسي للنقطة يقال

مستوی المنظور هو مستوی رأسی اسقط علیه المستقیم و م انسقاط عودیا انظر (اولا من بند ۱۸٦) وحیث علم المسقطان الافقیان و و از انقطتین من هذا المستقیم و مقدار اارتفاعهما و و ام یقال اذا انزل حینئذمن و و از عمودان علی خ ض واخذ و و و و و از الابیق الا انزال عود من النقطة م و ح از از فی قطع ک فی النقطة المطلوبة م

(119)

* (المسئلة الشانية والعشرون) * اذاكان المطلوب ايجاد منظور كثير سطوح يقال

فيؤخذ حينتذعلي وُوَ بعد وُوا = نروُ فينتج لنا النقطة و المطلوبة ويشاهد انهذا يرجع الىان يرسم بجعل النقطة نر مركزا واخذ نصف قطر ن و قوس دائرة بقطع خ ض فى النقطة ل وان بقام من هذه النقطة عمودعلى خ ص الى نقطة تقابله مع و و و و تتحصل جميع النقط الاخرى بهذه الكيفية واماالنقطة وفيكن تحصيلها باستعمال مجردتغيير مستوافق معاعتمار راخطاارضماجديدا تمان المستقيم وا يقابل مستوى المنظور في نقطة أ تحصل مثل النقطة و على مستوى المنظور بان بمدمن أ خطيوازى خ ص ويؤخذ أاً = نرأ وتحصل ايضاجيع النقط الاخرى كر ع من المنظوريالكيفيةالمارةفيصيرالمستقيم آك يعدايجادالمنظورين آ للنقطتين ١ , - منظورالمستقيم ١- وكذايقال في المستقيمات الباقية فيتحصل حينتذ الاع كأوهومنظور القاعدة السفلي لمتوازى السطوح [النافي العاع عنى عالم على الأكم وهي منظورات الاوجه الاربعة الجانبية الرأسية , هَنْ عَ كَ وهومنظور القاعدة العليا وعطالهم وهومنظور قاعدة الهرم وسمتط وسمكم مرام م م کے وہی منظورات الاوجه الاربعة ومن المعلوم ان الناظر الواقف في النقطة و لايشاهد الاالوجه ألب ف ه من متوازى السطوح وتحني عنه جيع الاضلاع التي لا تنسب لهذا الوجه الذكورولذلذرست بخطوط نقطية على الشكل واما الهرمي أن المعلوم ان الضلع سم کے منه ظاہر والضلع سم ل مخیآ بالکلیة لکن الضلعان سمط و سمم يشاهدان فوق نقطتي تقاطعهما مع المستوى (ه ف و)

اللتين لم نبين الا مسقطيهما الرأسيين ﴿ وَ كُو وَوَجِهُ مِنْ مُؤْوِرَاهُمُ اللَّهِ مِنْ اللَّهُ مِنْ الرَّاسِينِ بالضرورة فى النقطتين كى اللتين هما تقاطع المستقيمين كم م اسهال مع هاف ولننبه ايضاعلى اله حيث كانت المستقيات الم وعد وهف وع افقية ومواذية لمستوى المنظور تكون منظوراتها أرا عاد هُ فَ . عَ كَ مُواذِيةٌ لِمُطَالَارِضَ خَصَ انظر (بند ١٨٥) وانه حیث کانت المستقیمات ا د و سع و هے و ف ع اعمدة علی مستوی المنظور یلزم ان تنقابل منظوراتها اکر و کاع و هاکے و نَا عَ فَى الْنَقَطَةُ وَ فَيْلَزُمُ مِنْ ذَلِكُ انْ تَحْكُونَ النَّقَطُ كَى وَ لَا وَ على مستقيم واحد ومن المعلوم ان الاضلاع كے ط و طل و لم و م ك لقاعدة الهرم مائلة بمقدار ١٥٠ على مستوى المنظوروان الاضلاع المقابلة لها متوازية فاذااخذحينئذ وركو ووجيث تكون النقطة رَ نقطة البعديلزم ان يتقابل المنظوران كَام ، طُلُلُ للضلعين ےم , طل فى النقطة را وان يتقابل المنظوران كے طا , لكم للضلعين الا خوبن في نقطة اخرى را كائنة في الجهة الاخرى من النقطة و وعلى بعد منهايساوى و ر

ولنتم ماذكر بهذا التغبيه وذلك انه عصف ان يتوهم من كل نقطة اربدا يجاد منظورها افقيان احدهما عود على مستوى المنظور والا خرمائل عليه عقدار ٥٥ وعدا الى نقطى تقابلهما عستوى المنظور ومن المعلوم انها تبن النقطتين تنتسبان لمنظورى هذين الافقيين كل واحدة لواحد فا ذا وصلت حين نذاولى النقطة والاخرى بنقطة البعد المقابلة الهاحدث مستقمان اولى النقطة والاخرى بنقطة البعد المقابلة الهاحدث مستقمان

(٤٣)

بتقابلان فى مُنظور النقطة المعلومة ومن البين أن هـ فد الطريقة المستعملة في المجاد منظوراى نقطة اسرع من غيرها في المجاد المنظور

(14.)

لاجل وضوح الشكل عادة لا برسم المنظور في الموضع المذى وضعناه فيه هنا بل يفرس مستوى المنظور قبل اللباقه منقولا الى بعدما اختيارى اويؤخذ على مستوى المنظور محوران احدهما عرد على الا خراويؤخذ اثراه وينسب بعد اكل نقطمة من المنظور الى المحورين المذكورين في اى محل اريد وسيتضح ذلك اتضاحا تاما في المسئلة الثالثة والعشرون

* (المسئلة الثالثة والعشرون) * اذا كان المعلوب ايجاد منظور كثيرالسطوح ومنظور نظله الساقط على المستوى الافقى يقال

سيت كان مسقطا كثير السطوح معلومين كافي (الشكل ١٦٧) ومسقطا الشعاع الضوق كذلك يوجد اولا الظل الساقط انظر (خد ١٨١) وانظم الفارق بين الشوع والظل ومنه نعم الاوجه المضية والاوجد الظلة اذا تقررهذا بقال ليكن مستوى المنظور م عود اعلى حض ويرسل من النقطة البصرية و اشعة بصرية المي جميع رؤس كثير السطوح المفروض فتقابل هذه الاشعة مستوى المنظور م في نقط تعين مواضعها بالنسابه اللي محورين قائمين احدهما على الاخر وموجودين في المستوى المذكوروي من المحور الرأسي ما بالمرف من للمحور الرأسي ما بالمرف من للمحور الرأسي ما بالمرف من للمحور الرأسي ما ويرسم الشكل الكائن في مستوى المنظور م اى منظور كثير السطوح منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و و ما تلان على ق بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و و ما تلان على ق بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و و ما تلان على ق بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و و ما تلان على ق بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و ما تلان على ق بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و من و ما تلان على ق بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و من و ما تلان على ق بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و من و منظور كثير المنقطة و افقيان و من يؤخذ من و منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و من يؤخذ من و منفردا فاذا الافقيان الافقيان و من يؤخذ من و منفردا فاذا المنفرد و في منا المنقطة و افقيان و منفرد من يؤخذ من و منفرد من النقطق المعدد فيعذ رسم الحورين من و من يؤخذ من و

اذا تقرره ذا يعتبراولا الوجه ا - ع د الذي يعتمدعليه كثير السطوح موحودا على المستوى الافق ولاجل ايجاد منظور نقطة يفرض من هذه النقطة مستقيان احدهما عودعلي مستوى المنظوروالا تخرما ئل عليه بمقدار ٥٤٥ فير منظور المستقيم الاول بالنقطة وأوير منظور الثاني بالنقطة كر ويقطع المستقيم الاول ايضا مستنوى المنظور فينقطة متباعدة عن النقطة نر بمقدار اأ ويقطعه الثاني في نقطة متماعدة عن نر بقدار نر ل ومعلوم ان هدنين المستقيمين في مستوى افقي فاذا اخذ على المحود سم طول نراً = اأ وطول نراً خرا ومد المستقمان أو أر تقاطعا في النقطة اللي هي منظورالنقطة ا ويقطع المستقيم و سهدتوى المنظور في نقطة ك متباعدة عن المحور ص بمقدار نرئ وعن المحور س بمقدار نرث فأذا اخذ حيتك ذ رَا العمود أو الله على س العمود أو الله خاراً كانت النقطة لـ منظورالنقطة لـ ولاجل ايجاد النقطة ع يؤخذ نرع = ع ي ويوصل بن ع و و فيكون المستقيم الحادث منظور عود نازل من النقطة ج على مستوى المنظور ثم يقطع المستقيم وج مستوى المنظور في نقطة ع مرتفعة عقدار نريع فاذااخذ حينشذ نرع = نرع ومدمن النقطة ع مستقيم يوازى س قطع ع و فى النقطة

وحیث صارت منظورات رؤس الوجه الثلاث اده معلومة وکانت جیسے الاوجه الاخرمتقابلة فی الرأس سم لم یبق علینا الاایج ادمنظور هذا الرأس من کثیرالسطوح واننبه بذلائعلی ان المستقیم و سم یقطع مستوی المنظور فی نقطة سد یساوی مقدار ارتفاعها الرأسی نرسد فاذا اخذ نرسد فی نقطه سد یساوی مقدار ارتفاعها الرأسی نرسد فاذا اخذ نرسد فی نقطه مد خطوازی س اشتیل هذا الموازی

على مركم ثم يفرض من النقطة سم عود على مستوى المنظور في قطعه في نقطة بعداها عن المحودين س و ص هما ف سم و ف سم فاذا اخذ حينشذ نرك = ف سم ومدمن النقطة في خطروازى س واخذ في و حدث مستقيم يشتمل ايضا على سم وهي النقطة المطلوبة

فلم ببق بعد ايجاد منظورات جيع رؤس كثيرالسطوح الاالوصل بينها بمستقمات لاجل ايجاد المنظور المطلوب ولاجل ايجاد منظور الظل الساقط طُطُطُ طُ عِدا يُحصُّلُ مَنْظُورِ النَّقطة صَّمَ بأن يُؤخذُ اولا المنظور سُم و لعمودعلي مستوى المنظور نازل من هذه النقطة كما سبق اجراء هذا العمل المرار العديدة ثم يتنبه الى ان المستقيم وسم يقطع مستوى المنظور في نقطة سي متباعدة عن المحور ص بمقدار نرسي فيلزم البحث على سم و عن النقطة الموجودة على هــذا البعد من المحور ص فتتحصل ضرورة بأخذ نرائر = نرسي ومدخط من النقطة سير يوازى ص فيقطع سيركو فى النقطة المطلوبة التي كان يلزم ان يرمن لها مالرمن سم على مقتضى الاصطلاح المتقدم والاسهل أن يرمن لها مالرمن شم فقط وتحصّل كذلك النقطة في مالتنسه على ان الخط مر في لابدان يوازي المحور س وبالجلة فقدوحدنا النقطة ع بهذه

وقدنو عنافهذا الشكل الطرق المستعملة في ايجاد منظورات جميع رؤس كثير السطوح لايضاح كينية الوصول اليهامع ابقاء انتخباب الطرق

4 *(٤ ٤)*

للراسم ليستعمل الانسب منها بحسب مايفنضيه رأيه فى كل حالة مخصوصة

(191)

وقد بقيت تنبيهات لازمة في كيفية تنقيط الشكل نذكرها فنقول لينبه اقلا الى ان مسقطى اى جسم عند الناظر الواقف في نقطة غيرنها "بة هما منظور اهد ذا الجسم بعينه وان شئت قلت ان كل مسقط هو الظل الساقط حين تكون الاشعة الضوابية اعدة على مستوى المسقط اذا تقرّر هذا تكون اوجه كثير السطوح المتلاقية في النقطة سم مرابة دون غيرها لا ناظر الواقف على بعد غير محدود على خطعود على المستوى الافق فيلزم حينتذان توتون بعد غير محدود على خطعود على المستوى الافق فيلزم حينتذان توتون المستقيات المحيط هذه الاوجه على المسقط الافق ممتلئة وان يكون المستقيات الحيط هذه الاوجه على المسقط الافق ممتلئة وان يكون ماعداها من المستقيات نقطيا وان يكون الخط المنكسر اسب عن ها

ويشاهد بالسهولة ان الهيط الظاهرى بالنسبة للنساظر الواقف على بعدغير محدود على عود المستوى الرأسي هو الحط المنكسر اسسم ف ه د ا فينشذ يكون هذا الهيط والمستقيات سما و سمه و اه متلئة

عندهذا الناظر هوالحمط الظاهري لكثيرالسطوح

وتنقيط هذين المسقطين يكون الاشل للاجراء الخبأة بمستويي المسقط وهذا يجبرنا على ان نرسم بخطوط نقطية بعض الاجراء التي تكامنا قريبا على وجوب وسمها ممتلئة ثمان الاصول المتقدمة المطبقة على جيع الاجسام التي ذه تبرها في اثناء هذا الكتاب تقسم جيع ما يخص تنقيط مساقط الاشكال الفراغية التي يراد بيانها وقد اسلفنا الكلام على الجز السهل منها انظام (بند 1)

واما من جهدة الظلال فكثير السطوح يسدقط ظلاعلى الجدزء

ادع ع ف سما من المستوى الافق بحيث لوازيل الجسم وبق الظل كانت صورته كافي (الشكل ١٦٨) لكن قد يحفي الجسم عن الناظر المشاهد للمسقط

الافق جراء من هذا الظل فيظهر له في صورة اه ف ط ع ف سما ولذلك لم يظلل الاهدذا الجزء من المستوى ويسمل في الاوجه المظللة معرفة حون الخط المنكسر اسع ع ف سما هو الخسط الفارق بين الظل والضوء وينتج حينتذان الاوجه اسعد و عده ف ع هف سم و اده وينتج حينتذان الاوجه اسعد و عده فع و هف سم و اده و اهسم كاثنة في الظل الاان الناظر المشاهد للمسقط الافتى لا يرى الاالوجه بن سمه ف و سماه ولذلك لم يظلل الاهما على المسقط الافتى ومن المسقط الوقى ولذا اهتمينا بتوجيمه الخطوط الظليمة الى جمتين مختلفتين ومن المعلوم ان الناظر لا يرى من المسقط الرأسي الا الاوجمه سمه ف و المسقط المعلوم ان الناظر لا يرى من المسقط الرأسي الا الاوجمه سمه ف و الرأسي

واتمامن جهة المنظور فيقال من البين عند الناظر الواقف فى النقطة و ان المحيط الظاهرى اكثير السطوح هو است سه هدا فلا يرى هذا الناظر حينند الاالاوجه سه اسو سها هو اده التي منها الاقرلان مستنيران والا تحران مظللان والمستقيمات المكوّنة لمحيط هذه الاوجه الاربعة ممتلكة دون غيرها نمائه يلزم نظليل جزء منظور الظل الساقط الكائن خارج منظور كثير السطوح

(191)

منتصفا الضلعين المتوازيين ونقطة تقابل القطرين ونقطة تقابل الضلعين الغير المتوازيين في شدمه المنحرف تكون على خطمستقيم انظر (شكل ١٦٩) ويتضع ذلك في شبه المنحرف المتساوى الساقين اكرع وسهد متسلويين اسم عودينا في متسلويين المساقين المدورة عند في المن على المن عند منساويين وعربالضرورة عند عند المن عند المنافية المن عند مسقطا عوديا اوماثلا لشبه مضرف متساوى الساقين منطبق على اكرع د فيكون عموديا اوماثلا لشبه مضرف متساوى الساقين منطبق على اكرع د فيكون

القطران اج ، ـ د مسقطىالقطرين اج ، ـ دُ ويكون المستقيم سماو مسقط شروً وتكون النقطتان ه و ج مسقطين للنقطت ين و ع وحيث كان ها تان النقطة ان منتصفى ال و دع وكان مسقط لنتصف مستقيم فيكل نوع منالمساقط الاسطوانية هونقطة منتصة سقطهذا المستقيم نفسه تكون النقطتان ه , ع حينئذمنتصفي المستقيين ا ـ , ع د ويستنتج من هناطر يقة قسمة مستقيم وزاوية اوقوس الى قسبين متساويين

تمالحن الاقل من هذا الكتاب المستطاب يعون الله الملك الوهاب كان الفراغ من تمام طبعه بدار الطباعة العامره المنشأة ببولاق مصرالقاهمه ادام الله عن منشيها ومشتيدمها أيها صاحب الستعادة الابدية

والهمةالعمرية والفغرالعلى الحاجمجد فكأ وَيُرْكُمُ عَلَى وَذَلْكُ فِي عَقِي جَادِي الْاوَلِي ﴿ ساتمانةمن الهجرة الدوية وي

> ر ایس علی شاحبهاافضل می ـ الصلاة وازكى

























































